# СПЕКТРЫ КИНЕТИЧЕСКОГО ВЫМОРАЖИВАНИЯ ОТОЖДЕСТВЛЕННЫХ ЧАСТИЦ, РОЖДЕННЫХ В СТОЛКНОВЕНИЯХ p-Pb ПРИ $\sqrt{s_{NN}} = 5.02$ ТэВ

Инам-уль Башир<sup>\*</sup>, С. Уддин

Национальный Исламский университет 110025, Нью Дели, Индия

Поступила в редакцию 15 декабря 2015 г., после переработки 20 октября 2016 г.

(Перевод с английского)

## KINETIC FREEZE-OUT SPECTRA OF IDENTIFIED PARTICLES

PRODUCED IN *p*-Pb COLLISIONS AT  $\sqrt{s_{NN}} = 5.02$  TeV

Inam-ul Bashir, S. Uddin

Исследуются спектры поперечных импульсов отождествленных пионов ( $\pi^+ + \pi^-$ ), каонов (( $K^- + K^+$ ),  $K_0^s$ ), протонов ( $p + \bar{p}$ ) и лямбда-гиперонов ( $\Lambda + \bar{\Lambda}$ ), рожденных в столкновениях p-Pb при средних быстротах ( $0 < y_{cm} < 0.5$ ) с наибольшей центральностью (0-5) % при  $\sqrt{s_{NN}} = 5.02$  ТэВ, которые сравниваются с результатами, полученными с использованием единой статистической модели термического вымораживания (Unified Statistical Thermal Freeze-out Model, USTFM). Результаты для пионов получены вплоть до  $p_T = 3$  ГэВ, для каонов ( $K^- + K^+$ ) — вплоть до  $p_T = 2.5$  ГэВ, для  $K_0^s$  — вплоть до  $p_T = 7$  ГэВ, а для барионов (протонов и лямбда-гиперонов) — вплоть до  $p_T = 3.5$  ГэВ. Наблюдается хорошее согласие между результатами вычислений и экспериментальными данными, полученными в эксперименте ALICE. Оказалось, что спектры поперечных импульсов для тяжелых частиц являются более плоскими, чем для легких. Объемные свойства вымораживания, а именно, температура кинетического вымораживания и скорость поперечного коллективного потока, получены путем подгонки спектров поперечных импульсов этих адронов. Кроме того, были учтены вклады резонансных распадов.

**DOI:** 10.7868/S0044451017030000

#### 1. ВВЕДЕНИЕ

Статистические и гидродинамические модели предсказывают существование на начальном этапе горячей и плотной материи, которая быстро расширяется и охлаждается, в конечном счете претерпевая переход в фазу адронного газа [1]. Вид коллективного гидродинамического потока изменяется от исходно обусловленного градиентами давления до характерной зависимости формы распределения поперечного импульса ( $p_T$ ) от массы частиц, которую можно описать с помощью температуры кинетического вымораживания T и коллективной скорости

расширения  $\beta_T$  [2]. Интерпретация результатов для тяжелых ионов существенно зависит от сравнения с результатами, полученными для меньших столкновительных систем, таких как протон–протон (p-p)или протон-ядро (p-A). Столкновения протон-ядро (р-А) являются промежуточными между столкновениями протон-протон (*p*-*p*) и ядро-ядро (*A*-*A*) в том, что касается размера системы и числа рождающихся частиц. Можно ожидать, что на рождение частиц при столкновениях *p*-*A*, в отличие от столкновений р-р, должно оказывать влияние начальное состояние ядра. Сравнение рождения частиц в столкновениях *p*-*p*, *p*-*A* и *A*-*A* часто используется для того, чтобы различать влияние начального и конечного состояний. Измерения, проведенные для столкновений *p*-Pb на БАК, позволяют отнести влияние конечного состояния при столкновениях тя-

<sup>\*</sup> E-mail: inamhep@gmail.com

желых ионов к формированию горячей КХД-материи [3]. *p*<sub>T</sub>-распределения и выходы частиц различных масс для низких и промежуточных импульсов при энергиях меньше нескольких ГэВ (порядка 3-4 ГэВ) могут давать важную информацию о системах, возникающих в реакциях адронов при высоких энергиях. Это связано с тем, что подавляющее большинство частиц рождаются в этой мягкой области, где, как ожидается, должна формироваться система, находящаяся в тепловом равновесии. Экспериментальные измерения заряженных каонов являются важным средством для дальнейшего понимания того, как происходит термализация системы, и объяснения механизма рождения странности в этих столкновениях. В наших предыдущих работах [4,5] мы исследовали рождение частиц при столкновениях *p*-*p* и Pb-Pb на БАК, используя феноменологический USTFM-подход. В обоих случаях наблюдался значительный коллективный поток, что подтверждает предположение о полной термализации полученной системы в данных столкновениях на БАК. Таким образом, представляет интерес изучение свойств среды для системы, полученной в столкновениях p-Pb, которые можно рассматривать как промежуточные между столкновениями *p*-*p* и *p*-Pb. Для изучения рождения частиц в КХД-материи, полученной в столкновениях *p*-Pb, требуется систематическое исследование отождествленных частиц в широком диапазоне значений *p*<sub>T</sub>. Поэтому в настоящей работе мы воспользовались тем же феноменологическим подходом для воспроизведения *p*<sub>T</sub>-распределений со средними быстротами  $(0 < y_{cm} < 0.5)$  отождествленных частиц, рожденных в столкновениях *p*-Pb на БАК при энергиях  $\sqrt{s_{NN}} = 5.02$  ТэВ. Модель, рассмотренная в работах [4-9], учитывает эффекты как продольного, так и поперечного гидродинамических потоков в возникшей системе. Также учтены вклады от резонансных распадов в те или иные адроны.

#### 2. РЕЗУЛЬТАТЫ И ОБСУЖДЕНИЕ

Подробное описание используемой модели можно найти в работах [4–9]. В предположении, что при вымораживании система достигает термохимического равновесия, можно сказать, что распределения импульсов адронов, испущенных из распиряющегося первичного файрбола (начального состояния Вселенной), характеризуются лоренц-инвариантной формулой Купера – Фрая [10]

$$E\frac{d^3n}{d^3p} = \frac{g}{(2\pi)^3} \int f\left(\frac{p^{\mu}u^{\mu}}{T},\lambda\right) p^{\mu}d\Sigma_{\mu},\qquad(1)$$

где  $\Sigma_{\mu}$  представляет собой трехмерную гиперповерхность вымораживания, а g = 2J + 1 — степень вырождения расширяющегося релятивистского адронного газа. После учета вкладов резонансных распадов для формы спектра поперечных импульсов частиц окончательно получаем [5,7]

$$E'\frac{d^3N}{d^3p'} = \frac{1}{2p'} \left(\frac{m_h}{p^*}\right) \lambda_h g_h \exp\left(-\alpha\theta E'E^*\right) \times \\ \times \left(\frac{\alpha}{\theta} \left[E'E^*\operatorname{sh}(\alpha\theta p'p^*) - p'p^*\operatorname{ch}(\alpha\theta p'p^*)\right] + \\ + T^2\operatorname{sh}(\alpha\theta p'p^*)\right), \quad (2)$$

где

$$\alpha = \frac{m_h}{m^2}, \quad \theta = \frac{1}{T}.$$

Инвариантное сечение будет иметь одинаковое значение во всех лоренцевых системах координат, а именно,

$$E\frac{d^{3}N}{d^{3}p} = E'\frac{d^{3}N}{d^{3}p'}.$$
 (3)

Нижний индекс h в уравнении (2) соответствует распадающемуся (родительскому) адрону. Кинематика распада на два тела дает следующие выражения для импульса и энергии рожденного адрона в «неподвижной» системе отсчета, связанной с распадающимся адроном:

$$p^* = (E^{*2} - m^2)^{1/2}, \quad E^* = \frac{m_h^2 - m_j^2 + m^2}{2m_h}$$

где  $m_j$  — масса другого адрона, получающегося при распаде вместе с первым. Предполагается, что поперечная компонента скорости расширяющегося первичного адронного файрбола,  $\beta_T$ , изменяется при изменении поперечной координаты r в соответствии с волновой моделью Бласта:

$$\beta_T(r) = \beta_T^s \left(\frac{r}{R}\right)^n \dots, \tag{4}$$

где n — индекс, фиксирующий профиль  $\beta_T(r)$  в поперечном направлении, а  $\beta_T^s$  — скорость поперечного расширения поверхности адронной жидкости, которая, в силу параметризации, в нашей модели является фиксированной:

$$\beta_T^s = \beta_T^0 \sqrt{1 - \beta_z^2}.$$

Это соотношение также необходимо, чтобы чистая скорость  $\beta$ любого элемента течения удовлетворяла уравнению

$$\beta = \sqrt{\beta_T^2 + \beta_z^2} < 1.$$



На рисунке приведены  $p_T$ -распределения для пионов ( $\pi^- + \pi^+$ ), каонов (( $K^- + K^+$ ),  $K_0^s$ ), протонов ( $p + \bar{p}$ ) и лямбда-гиперонов ( $\Lambda + \bar{\Lambda}$ ), рожденных при средних быстротах ( $0 < y_{cm} < 0.5$ ) в наиболее центральных (0-5)% столкновениях p–Рb при  $\sqrt{s_{NN}} =$ = 5.02 ТэВ.

В настоящей работе мы предполагали, что при средних быстротах барионный химический потенциал должен быть примерно равен нулю [5, 11], если допустить, что барионно-симметричная материя должна быть сформирована при условии высокой степени ядерной прозрачности в ядро-ядерных столкновениях при энергиях БАК, т.е. мы воспользовались подходом Бьёркена. Мы использовали метод минимума распределения  $\chi^2$  на одну степень свободы для подгонки экспериментальных данных, полученных в эксперименте ALICE [12]. Оказалось, что  $p_T$ -распределения нечувствительны к значению  $\sigma$  (ширина распределения материи), поэтому в нашей модели мы положили его равным 5 [5].

Из рисунка видно, что экспериментальные данные (темные квадраты) и предсказания модели (сплошные кривые) находятся в хорошем соответствии, что указывает на статистическую природу рождения частиц и, тем самым, подтверждает справедливость нашего подхода. Однако при больших значениях поперечного импульса *p*<sub>T</sub> между теоретическими кривыми и экспериментальными точками наблюдается небольшое расхождение. Это связано с тем, что при таких больших поперечных импульсах адронные спектры нельзя описывать с помощью статистических гидродинамических вычислений. Адроны, которые детектируются в этой области, в основном сформированы партонами, которые возникают как результат жестких процессов. Они возникают как результат прямого распада партонов высокой энергии в сталкивающихся пучках и поэтому не могут термализоваться посредством процесса многократных столкновений [5].

Однако в случае заряженных каонов при больпих значениях  $p_T$  мы наблюдаем несколько другую картину. Причина этого отличия в настоящий момент не вполне ясна. Различные условия вымораживания, а также соответствующие значения минимума распределения  $\chi^2$  на одну степень свободы, полу-

 $p_T$ -распределения для различных адронов, рожденных в столкновениях  $p{\rm -Pb}$  при  $\sqrt{s_{NN}}=5.02$  ТэВ.  $a-(\pi^-+\pi^+),$   $\delta-(K^-+K^+),~s-K_0^s,~s-(p+\bar{p}),~\partial-(\Lambda+\bar{\Lambda}).$  Ошибки представляют собой сумму систематической и статистической погрешностей

Частицы	$\beta_T^0$	T, MəB	n	$\chi^2/ ext{ct. cb.}$
$(\pi^- + \pi^+)$	$0.95 \pm 0.01$	$75\pm1$	$3.17 \pm 0.02$	2.16
$(p+\overline{p})$	$0.87 \pm 0.01$	$96\pm1$	$2.10\pm0.02$	2.0
$K_0^s$	$0.87 \pm 0.01$	$143\pm2$	$3.42 \pm 0.02$	2.0
$(K^- + K^+)$	$0.93 \pm 0.01$	$133\pm1$	$3.30 \pm 0.02$	0.88
$(\Lambda + \overline{\Lambda})$	$0.78 \pm 0.01$	$160 \pm 1$	$1 \pm 0.02$	1.17

Таблица. Параметры кинетического вымораживания адронов

ченные подгонкой *р*<sub>*T*</sub>-распределений этих адронов, приведены в таблице. Как видно из таблицы, значительная величина коллективного потока наблюдается для всех исследуемых частиц в столкновениях *p*–Pb на БАК. Это указывает на термализацию полученной системы и на возможность формирования кварк-глюонной плазмы в столкновениях *p*-Pb на БАК [13]. Возможное влияние коллективного потока в столкновениях *p*-Pb предполагалось также в работах [14-17]. При переходе от легких частиц к более тяжелым скорость коллективного потока убывает, а температура вымораживания возрастает. Такая тенденция, известная как последовательное вымораживание, аналогична тому, что было получено для случая столкновений Pb-Pb на БАК [5] и столкновений Au–Au на RHIC (коллайдер релятивистских тяжелых ионов) [7]. Однако в столкновениях *p*-*p* на БАК это не так [4], в этом случае явление последовательного вымораживания не столь ярко выражено. Это связано с тем, что последовательное вымораживание адронов в столкновениях *p*-Pb можно приписать раннему вымораживанию массивных частиц (гиперонов), когда температура высока, а коллективный поток находится на ранней стадии развития, при этом, соответственно, значение  $\beta_T^0$  мало. Раннее вымораживание этих частиц обусловлено меньшим сечением рассеяния на адронном веществе.

Хотя спектры в основном определяются температурой вымораживания T и поперечной скоростью потока  $\beta_T^0$ , на них также влияет форма профиля скорости потока. Это связано с тем, что форма спектра зависит от скорости потока нелинейно. Это проявляется в том, что индекс профиля скорости n для спектров различных частиц имеет различные значения. Оказалось, что значение параметра n для поперечной скорости потока больше для более легких частиц, чем для более тяжелых. Такая тенден-

ция также наблюдалась в столкновениях Pb-Pb на БАК [5]. Спектры поперечных импульсов более тяжелых частиц демонстрируют уширение, что также наблюдалось в столкновениях Pb–Pb на БАК [5] и столкновениях Au-Au на RHIC [7]. Подобное уширение р<sub>Т</sub>-спектров находит свое естественное объяснение в коллективном распаде системы [18]. Аналогия между сценарием последовательного вымораживания и уширением р<sub>T</sub>-спектров в столкновениях *p*–Pb и Pb–Pb на БАК, а также в столкновениях Au-Au на RHIC позволяет нам сделать вывод о том, что в столкновениях *p*-Pb система ведет себя скорее как система, состоящая из тяжелых ионов, чем как система, рожденная в адрон-адронных взаимодействиях. Это, помимо формы коллективного потока, подтверждает справедливость нашего подхода к системам, в которых происходят столкновения *p*-A на БАК.

### 3. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Таким образом, нам удалось воспроизвести  $p_T$ -спектры отождествленных пионов  $(\pi^- + \pi^+),$ каонов  $((K^- + K^+), K_0^s)$ , протонов  $(p + \bar{p})$  и лямбдагиперонов  $(\Lambda + \Lambda)$ , рожденных в столкновениях *p*-Pb при средних быстротах с наибольшей центральностью на БАК, которые сравниваются с результатами, полученными с помощью единой статистической модели термического вымораживания (USTFM). Хорошее согласие между теоретическими результатами и экспериментальными данными указывает на статистический характер рождения частиц и, тем самым, подтверждает справедливость нашего подхода. Условия термического вымораживания соответствуют явлению последовательного вымораживания различных частиц, что подтверждается в столкновениях тяжелых ионов на БАК и RHIC. Получено, что в столкновениях *p*-Pb в системе возникает значительный коллективный поток. Это указывает на то, что система оказывается термализованной, и поэтому в таких столкновениях возможно формирование кварк-глюонной плазмы.

Авторы выражают благодарность Университетской комиссии по присуждению грантов за финансовую поддержку.

## ЛИТЕРАТУРА

 B. Muller and J. L. Nagle, Ann. Rev. Nucl. Part. Sci. 56, 93 (2006).

- E. Schnedermann, J. Sollfrank, and U. W. Heinz, Phys. Rev. C 48, 2462 (1993).
- C. Salgado, J. Alvarez-Muniz, F. Arleo, N. Armesto, M. Botje et al., J. Phys. G 39, 015010 (2012).
- Inam-ul Bashir, R. A. Bhat, and S. Uddin, arXiv: 1510.05894 [hep-ph].
- **5**. S. Uddin et al., Adv. HEP, 154853 (2015).
- 6. S. Uddin et al., J. Phys. G 39, 015012 (2012).
- 7. S. Uddin et al., Nucl. Phys. A 934, 121 (2015).
- Inam-ul Bashir et al., Int. J. Mod. Phys. A 30, 1550139 (2015).
- 9. Inam-ul Bashir et al., JETP 121, 206 (2015).
- 10. F. Cooper and G. Frye, Phys. Rev. D 186, (1974).

- 11. J. D. Bjorken, Phys. Rev. D 27, 140 (1983).
- B. Abelev et al., ALICE Collaboration, Phys. Lett. B 728, 25 (2014).
- 13. S. A. Bass et al., Nucl. Phys. A 661, 205 (1999).
- A. Adare et al., PHENIX Collaboration, arXiv:1303. 1794.
- S. Chatrchyan et al., CMS Collaboration, Phys. Lett. B 718, 795 (2013).
- B. Abelev et al., ALICE Collaboration, Phys. Lett. B **719**, 29 (2013).
- G. Aad et al., ATLAS Collaboration, arXiv:1212. 5198.
- U. W. Heinz, Concepts of Heavy Ion Physics, Preprint, CERN-2004-001-D (2004).