# ТЕМПЕРАТУРНАЯ ЗАВИСИМОСТЬ ЭЛЕКТРОННОЙ СТРУКТУРЫ La<sub>2</sub>CuO<sub>4</sub> В МНОГОЭЛЕКТРОННОМ ПОДХОДЕ LDA+GTB

И. А. Макаров<sup>\*</sup>, С. Г. Овчинников<sup>\*\*</sup>

Институт физики Сибирского отделения Российской академии наук 660036, Красноярск, Россия

Поступила в редакцию 22 ноября 2014 г.

В рамках многоэлектронного метода LDA+GTB рассчитана зонная структура La<sub>2</sub>CuO<sub>4</sub> при конечных температурах в антиферромагнитной и парамагнитной фазах. Температурная зависимость зонного спектра и спектрального веса хаббардовских фермионов обусловлена изменением чисел заполнения локальных многоэлектронных термов, расщепленных по спину в антиферромагнитной фазе. Уменьшение намагниченности подрешетки с температурой приводит к появлению новых зон вблизи дна зоны проводимости и потолка валентной зоны. Показано, что диэлектрическая щель уменьшается с ростом температуры, но La<sub>2</sub>CuO<sub>4</sub> остается диэлектриком и в парамагнитной фазе. Эти результаты соответствуют экспериментам по красному сдвигу края поглощения в La<sub>2</sub>CuO<sub>4</sub> с ростом температуры.

### **DOI**: 10.7868/S0044451015090102

### 1. ВВЕДЕНИЕ

Сложная фазовая диаграмма ВТСП-купратов до сих пор продолжает оставаться предметом и теоретических, и экспериментальных исследований. В нормальной фазе неясной является природа псевдощелевого состояния. Довольно много указаний на определяющую роль спиновых флуктуаций ближнего антиферромагнитного (АФМ) порядка [1]. Однако недавно появилась серия работ, подчеркивающая важную роль локальных динамических зарядовых флуктуаций и искажений [2–5], а также возможность существования скрытых параметров порядка [6]. Причины, по которым уже почти 30 лет проблема нормального и сверхпроводящего состояний в ВТСП-купратах остается открытой, на наш взгляд, следующие. Во-первых, сложность и взаимосвязанность всех подсистем кристалла: электронной, магнитной и кристаллической решетки. Во-вторых, сильные электронные корреляции (СЭК), которые приводят к неприменимости методов стандартной квантовой теории твердого тела, основанных на нулевом приближении невзаимодействующих электронов с последующим учетом их взаимодействия по теории возмущений.

Существует немало теоретических подходов, предлагающих методы расчета электронной структуры купратов с учетом СЭК в рамках простых моделей типа модели Хаббарда или t-J-модели [7-10]. Гибридный метод LDA+GTB, сочетающий расчет в многоэлектронной многозонной *p*-*d*-модели в обобщенном методе сильной связи (GTB) [11] с вычислением параметров модели в рамках ab initio-подхода LDA (приближение локальной плотности) [12] учитывает и зонную структуру купрата, и эффекты СЭК. В рамках подхода LDA+GTB была описана концентрационная зависимость зонной структуры  ${\rm La}_{2-x}{\rm Sr}_x{\rm CuO}_4$  и было показано, что переход от допированного диэлектрика Мотта-Хаббарда при малых x к ферми-жидкостной системе при больших х происходит через два квантовых перехода Лифшица с изменением топологии поверхности Ферми [13]. Согласно расчетам LDA+GTB [14, 15], четыре дырочных кармана допированного диэлектрика с центром в  $(\pi/2, \pi/2)$  увеличиваются и при  $x_{c1} = 0.15$ пересекаются на границе зоны Бриллюэна, при  $x > x_{c1}$  существует две поверхности вокруг точки  $(\pi, \pi)$ . Меньшая коллапсирует в точке  $x_{c2} = 0.24$ , и при  $x > x_{c2}$  существует только одна большая,

<sup>\*</sup>E-mail: macplay@mail.ru

<sup>\*\*</sup>E-mail: sgo@iph.krasn.ru

характерная для ферми-жидкостного состояния. Качественно подобные поверхности Ферми при разных концентрациях были получены также в работах [8, 10], однако переходы Лифшица в этих работах не обсуждались. Исследование электронных свойств вблизи переходов Лифшица показало, что логарифмическая особенность в плотности состояний  $N(\varepsilon_F)$  при  $x = x_{c1}$  обеспечивает максимум температуры сверхпроводящего перехода, а переход в точке  $x_{c2}$  соответствует при T = 0 К переходу из псевдощелевого в ферми-жидкостное состояние [16, 17]. Обе эти концентрации соответствуют особым точкам на фазовой диаграмме: точке оптимального допирования (0.15) и пересечения псевдощелевой температуры  $T^*(x)$  с осью T = 0 K [18].

Сильная концентрационная зависимость зонной структуры при учете СЭК возникает из-за присутствия чисел заполнения локальных состояний с одной и двумя дырками в элементарной ячейке в многоэлектронных подходах. Числа заполнения зависят не только от уровня допирования, но и от температуры. Поэтому зонная структура будет зависеть и от температуры. Экспериментально, по-видимому, это проявляется в зависимости температуры  $T^*$  от допирования. Теоретически вопрос о температурной зависимости зонной структуры купратов почти не исследован. В настоящей работе мы рассмотрим температурную зависимость зонной структуры La<sub>2</sub>CuO<sub>4</sub> как в антиферромагнитном, так и в парамагнитном состоянии. В АФМ-фазе расщепление однодырочных уровней S = 1/2 по проекции спина пропорционально магнитному моменту  $\langle S^z \rangle$  подрешетки и уменьшается с нагревом. Температурную зависимость  $\langle S^z \rangle$  мы находим из эффективной модели Гейзенберга. С ростом температуры новые состояния внутри валентной зоны и зоны проводимости приобретают спектральный вес и дисперсию. Отщепившиеся от потолка валентной зоны и дна зоны проводимости новые зоны подвергаются существенным изменениям с дальнейшим ростом Т. Выше  $T_N$ закон дисперсии становится подобен парамагнитному (ПМ) спектру при T = 0 К, вычисленному методом LDA в работе [19].

Дальнейший план статьи следующий. Раздел 2 посвящен описанию особенностей используемого метода, приведены гамильтониан трехзонной *p*-*d*-модели, общий вид функции Грина и уравнение на ее полюса. В разд. 3 будет показана эволюция зонной структуры, плотности состояний с ростом температуры, также будет продемонстрировано изменение диэлектрической щели с температурой. В разд. 4 будет проводиться исследование температурной зависимости изоэнергетических поверхностей для разных областей валентной зоны и зоны проводимости.

### 2. РАСЧЕТ ЗОННОЙ СТРУКТУРЫ ПРИ КОНЕЧНЫХ ТЕМПЕРАТУРАХ

Мы рассматриваем ВТСП-купраты на примере недопированного однослойного соединения  $La_2CuO_4$ . Электронная структура этих соединений вблизи уровня Ферми формируется  $d_x$ -орбиталями меди и  $p_{x,y}$ -орбиталями кислорода в CuO<sub>2</sub>-плоскости. Поэтому для описания взаимодействий в этой системе мы используем трехзонную модель Эмери:

$$\begin{split} H &= \sum_{f\sigma} \varepsilon_d d^{\dagger}_{xf\sigma} d_{xf\sigma} + \sum_{f\sigma} \varepsilon_p p^+_{f\sigma} p_{f\sigma} + \\ &+ \sum_{fg\sigma} (-1)^{R_g} t_{pd} \left( d^{\dagger}_{xf\sigma} p_{g\sigma} + \text{H.c.} \right) + \\ &+ \sum_{fg\sigma} (-1)^{M_g} t_{pp} \left( p^{\dagger}_{f\sigma} p_{g\sigma} + \text{H.c.} \right) + \\ &+ \sum_{f} U_d d^{\dagger}_{xf\uparrow} d_{xf\uparrow} d^{\dagger}_{xf\downarrow} d_{xf\downarrow} + \sum_{f} U_p p^{\dagger}_{f\uparrow} p_{f\uparrow} p^{\dagger}_{f\downarrow} p_{f\downarrow} + \\ &+ \sum_{fg\sigma\sigma'} V_{pd} d^{\dagger}_{xf\sigma} d_{xf\sigma} p^{\dagger}_{g\sigma'} p_{g\sigma'}. \end{split}$$
(1)

Здесь  $d_{xf\sigma}$  и  $p_{g\sigma}$  — операторы уничтожения дырки с проекцией спина  $\sigma$  на атоме меди f и атоме кислорода <br/>  $g,\,\varepsilon_d$  — одноэлектронная энергия для дырки на С<br/>u, а $\varepsilon_p$  — на О; $t_{pd}$  — амплитуда перескоков между d<sub>x</sub>- и p-орбиталями внутри CuO<sub>2</sub>-плоскости,  $t_{pp}$  — величина перескоков между плоскостными кислородными орбиталями; U<sub>d</sub> — кулоновское взаимодействие двух дырок на атоме меди, а  $U_p$  — на атоме кислорода,  $V_{pd}$  — межузельное кулоновское взаимодействие. Коэффициенты  $R_q$  и  $M_q$  зависят от знака перекрытия волновых функций на атомах меди и кислорода, коэффициент  $R_q = 0$  для атомов  $g = (g_x - a_x/2, g_y), (g_x, g_y - a_y/2)$  и  $R_g = 1$ для  $g = (g_x + a_x/2, g_y), (g_x, g_y + a_y/2),$  где  $a_x$  и  $a_y$  — постоянные решетки. Параметры гамильтониана были рассчитаны в работе [20] в рамках метода LDA+GTB.

Метод GTB включает в себя несколько этапов: точная диагонализация элементарной ячейки, построение квазичастичных возбуждений между собственными состояниями ячейки, характеризуемых операторами Хаббарда, и кластерная форма теории возмущений. Гамильтониан (1) разбивается на внутрикластерную часть, содержащую все взаимодействия внутри CuO<sub>4</sub>-кластера, и гамильтониан меж-



Рис. 1. Собственные состояния  $\operatorname{CuO}_4$ -кластера для  $n_h = 0, 1, 2$  (горизонтальные линии) подрешетки A в низкознергетической области. Основные состояния сектора Гильбертова пространства с  $n_h = 1$  в двух магнитых подрешетках A и B характеризуются противоположными проекциями спинового момента. Сплошные линии, проведенные между собственными состояниями, изображают квазичастичные возбуждения с ненулевым спектральным весом. Штриховые линии изображают квазичастичные возбуждения с нулевым спектральным весом при T = 0 К

кластерных взаимодействий. Диагонализация внутрикластерного гамильтониана в базисах с числом дырок  $n_h = 0, 1, 2$  позволяет точно получить локальные многочастичные состояния и их энергии. Поскольку при x = 0 и T = 0 К дырка распространяется в CuO<sub>2</sub>-плоскости на фоне дальнего антиферромагнитного порядка, локальные состояния дырки с противоположными проекциями спина  $|1\downarrow, i\rangle$  и  $|1\uparrow, i\rangle$ в кластере с  $n_h = 1$  будут расщеплены (рис. 1). Щель  $2\Delta_{AF}$  между этими состояниями будет определяться величиной молекулярного поля Вейсса антиферромагнитного типа  $\Delta_{AF} = ZJ \langle S^z \rangle$ , где Z число ближайших соседей (Z = 4 для CuO<sub>2</sub>-слоя), *J* — величина суперобменного взаимодействия. Суперобменное взаимодействие появляется в рамках того же исходного гамильтониана *p*-*d*-модели во втором порядке теории возмущений по  $t_{pd}/U$  [21] так же, как и в модели Хаббарда [22]. Влияние температуры на среднее значение проекции спинового момента на ось  $z \langle S^z \rangle$  самосогласованно вычисляется в приближении среднего поля в рамках модели Гейзенберга с помощью уравнения

$$\langle S^z \rangle = \frac{1}{2} \operatorname{th} \frac{ZJ \langle S^z \rangle}{2k_B T}.$$
 (2)

Заметим, что дальний антиферромагнитный порядок в ВТСП-купратах обусловлен квазидвумерностью их магнитной системы с обменным интегралом J внутри плоскости и межплоскостным обменным интегралом  $J_{\perp} \ll J$ . В спин-волновой теории введение  $J_{\perp}$  позволяет получить выражение для  $T_N \thicksim$  $\sim J/\ln{(J/J_{\perp})}$ , которое стремится к нулю при  $J_{\perp} \rightarrow$ → 0. Вблизи основного состояния существует двухподрешеточная магнитная структура. Именно наличие этой структуры и формирует закон дисперсии дырки в недопированном купрате. В этом смысле наша формула (2) задает способ моделирования двухподрешеточной структуры. Можно добавить  $J_\perp$  в эту формулу, но это не приведет к существенному изменению в теории, полученная из формулы (2) величина температуры Нееля  $T_N \sim (4J + 2J_{\perp})$  неверна. В настоящей работе мы не ставим задачу самосогласованного описания магнитного порядка и электронной структуры. Вместо этого мы подбираем величину J таким образом, чтобы температура Нееля в теории среднего поля согласовывалась с экспериментальным значением ( $T_N = 325$  K для La<sub>2</sub>CuO<sub>4</sub>). Такой подход позволяет нам качественно описать изменение электронной структуры при изменении магнитного порядка, но не позволяет получить количественные температурные зависимости параметров электронной структуры.

Заполнение дырочных состояний с противоположными проекциями спина будет зависеть от температуры:

$$n_{G\sigma} = 1/2 + \eta_G(\sigma) \langle S^z \rangle,$$
  

$$\eta_A(\sigma) = \begin{cases} 1, & \sigma = 1/2, \\ -1, & \sigma = -1/2, \\ \eta_B(\sigma) = \begin{cases} 1, & \sigma = -1/2, \\ -1, & \sigma = 1/2, \end{cases}$$
(3)

где G — индекс подрешетки (принимает значения Aили  $B), <math display="inline">\sigma$  — проекция спина в однодырочном состоянии.

Переходы между собственными состояниями CuO<sub>4</sub>-кластера  $|p\rangle$  и  $|q\rangle$  с  $\Delta n_h = 1$  являются квазичастичными возбуждениями ферми-типа, которые характеризуются операторами Хаббарда  $X_f^{pq}$ . Квазичастичные переходы между состояниями с  $n_h = 0$ и  $n_h = 1$  формируют верхнюю хаббардовскую зону электронов (UHB), являющуюся зоной проводимости, а нижняя хаббардовская зона электронов (LHB), валентная зона, образуется при переходах между состояниями с  $n_h = 1$  и  $n_h = 2$ . Локальные квазичастичные возбуждения далее используются в качестве невозмущенных состояний при реализации кластерной формы теории возмущений, результатом которой является запись межкластерного гамильтониана на языке операторов Хаббарда. Полный гамильтониан в представлении операторов Хаббарда запишется в виде

$$H = \sum_{f} \left[ \sum_{q\sigma} \varepsilon_{1q\sigma} X_{f}^{qq} + \sum_{p} \varepsilon_{2p} X_{f}^{pp} - \sum_{g \neq f} \sum_{pqmn} 2t_{pd} \mu_{fg} \gamma_{dx}^{*} (pq) \gamma_{b} (mn) X_{f}^{\dagger pq} X_{g}^{mn} - \sum_{g \neq f} \sum_{pqmn} 2t_{pp} \nu_{fg} \gamma_{b}^{*} (pq) \gamma_{b} (mn) X_{f}^{\dagger pq} X_{g}^{mn} \right], \quad (4)$$

где  $\varepsilon_{1q\sigma}$  — энергия однодырочного состояния  $|q\rangle$  с проекцией спина  $\sigma$  и  $\varepsilon_{2p}$  — энергия двухдырочного состояния  $|p\rangle$ ,  $\gamma_{\lambda}(pq) = \langle p|\lambda|q\rangle$ ,  $\lambda$  обозначает либо медную  $d_x$ -орбиталь, либо молекулярную кислородную орбиталь  $b_{1g}$ -симметрии. Значения структурных факторов  $\mu_{fq}$  и  $\nu_{fq}$  даны в работе [11].

Для того чтобы получить дисперсию квазичастичных возбуждений, мы применяем метод уравнения движения для функции Грина  $D_{fg}^{GG'}(pq;mn) =$  $= \left\langle \left\langle X_{fS}^{pq} | X_{gS'}^{mn} \right\rangle \right\rangle$ , где f и g обозначают ячейки магнитных подрешеток G и G'. Полная функция Грина в матричной форме имеет вид

$$\hat{D}_{fg} = \begin{pmatrix} D_{fg}^{AA} & D_{fg}^{AB} \\ D_{fg}^{BA} & D_{fg}^{BB} \end{pmatrix}.$$
(5)

Расцепление уравнения движения для функции Грина (5) проводится в приближении Хаббард I, в результате чего получаем уравнение Дайсона

$$\hat{D}(\mathbf{k}) = \left(\hat{D}_0^{-1} - \hat{t}(\mathbf{k})\right)^{-1},$$
 (6)

где  $D_0^{pq} = F(pq) / (E - \Omega(pq))$  — локальная функция Грина CuO<sub>4</sub>-кластера с энергией квазичастичного возбуждения  $\Omega(pq)$  и диагональными элементами матрицы факторов заполнения (или концевых множителей в диаграммной технике [7])  $F_f(pq) = \langle X_f^{pp} \rangle + \langle X_f^{qq} \rangle$ , а  $\hat{t}(k)$  — матрица интегралов перескоков  $t_{pq,mn}(k) = \sum_{\lambda\lambda'} \gamma_{\lambda}^*(pq) t_{\lambda\lambda'}(k) \gamma_{\lambda'}(mn)$ , определяемая суммой матричных элементов p-d-и p-p-перескоков. Полюса функции Грина (6) определяются из уравнения

$$\det \left\| \delta_{pq;mn} \frac{(E - \hat{\Omega})}{\hat{F}} - \hat{t} \left( \mathbf{k} \right) \right\| = 0.$$
 (7)

7 ЖЭТФ, вып. 3 (9)

# 3. ЗОННАЯ СТРУКТУРА $La_2CuO_4$ ПРИ КОНЕЧНЫХ ТЕМПЕРАТУРАХ

Зонная структура при T = 0 К изображена на рис. 2а. Каждая из хаббардовских зон формируется дисперсией одного квазичастичного возбуждения, которые показаны на рис. 1 сплошными линиями. Валентная зона электронов (зона проводимости дырок) при T = 0 К характеризуется наличием максимума (минимума) в точке  $k = (\pi/2, \pi/2),$ что находится в соответствии с результатами ранних теоретических работ [23-26], в которых исследовалась электронная структура купратов. Поскольку заполнение возбужденных одночастичных состояний, в частности, ближайшего состояния с противоположной проекцией спина, близко к нулю, то и квазичастичные возбуждения с участием этих состояний являются бездисперсными и имеют нулевую спектральную интенсивность. Спектральная интенсивность одноэлектронных возбуждений определяется спектральной функцией квазичастиц

$$A(k, E) = \sum_{\sigma} A_{\sigma}(k, E),$$
  

$$A_{\sigma}(k, E) = \sum_{\lambda mn} \gamma^{*}_{\lambda \sigma}(m) \gamma_{\lambda \sigma}(n) \times$$
  

$$\times \operatorname{Im} D^{mn}(k, E + i\delta).$$
(8)

Каждая из спектральных функций  $A_{\sigma}$  дает интенсивность для частиц с определенным спином. Дисперсии частиц с противоположными проекциями спина идентичны, однако распределение спектрального веса по зоне Бриллюэна для них значительно отличается. При T = 0 К  $A_{\uparrow}(k, E)$  и  $A_{\downarrow}(k, E)$ антисимметричны относительно границы антиферромагнитной зоны Бриллюэна. Следует отметить, что, в отличие от стандартной теории возмущений, спектральный вес хаббардовских фермионов (квазичастиц) зависит от волнового вектора и температуры и может принимать дробные значения.

Возрастание температуры приводит к двум эффектам. Во-первых, уменьшаются намагниченность подрешеток и расщепление состояний с противоположными проекциями спина в каждой из подрешеток. Во-вторых, с ростом температуры начинают заполняться возбужденные состояния, причем в однодырочном секторе первым возбужденным состоянием является состояние с проекцией спина, противоположной ее направлению в основном состоянии. Квазичастичные переходы с участием заполненных состояний приобретают ненулевую интенсивность, дисперсию, и становится возможным межзонное взаимодействие с проявившимися зонами.



Рис. 2. Зонная структура и плотность состояний электронов при различной температуре: a - T = 0 K,  $\delta - T = 150$  K, e - T = 250 K, e - T = 300 K,  $\partial - T = 325$  K. Спектральный вес состояний с разными k пропорционален интенсивности линии

Эти эффекты приводят к существенной перестройке зонной структуры при увеличении T. Бездисперсные уровни с нулевым спектральным весом при T = 0 К, находящиеся внутри LHB и UHB, приобретают спектральный вес и слабую k-зависимость. Из-за межзонных взаимодействий в исходных LHB и UHB возникает расщепление (рис.  $2\delta$ ), которое отделяет потолок валентной зоны и дно зоны проводимости от основных широких хаббардовских зон. В плотности состояний расщепление проявляется в виде возникновения дополнительных пиков. Отметим, что при любой температуре вплоть до магнитного фазового перехода имеются две точки на границе антиферромагнитной зоны Бриллюэна, в которых дисперсионные поверхности расщепленных зон соприкасаются.

С дальнейшим ростом температуры расщепления увеличиваются, а ширина подзон потолка валентной зоны и дна зоны проводимости уменьшается. Для потолка валентной зоны наибольший спектральный вес имеют состояния плоской зоны в области  $(\pi/2, \pi/2) - (\pi, \pi)$ , а для дна зоны проводимости — в областях  $(0, 0) - (\pi/2, \pi/2)$  и  $(\pi, 0) - (0, 0)$ . В области температур T = 238 К узкая зона «выворачивается» (рис. 26) таким образом, что локальный максимум валентной зоны в  $k = (\pi/2, \pi/2)$  превра-



Рис. 3. Температурная зависимость плотности состояний (a), диэлектрической щели  $E_g$  (б)

щается в локальный минимум, а в зоне проводимости, наоборот, минимум  $k = (\pi, 0)$  трансформируется в максимум (рис. 2*г*). Такие изменения являются следствием тенденции к вырождению дисперсии в точках *k*-пространства, принадлежащих границе антиферромагнитной зоны Бриллюэна, в точке перехода в парамагнитную фазу. При  $T = T_N$  однодырочные состояния с обеими проекциями спина становятся равновероятными и зонная структура принимает форму, характерную для парамагнитной фазы с максимумами в окрестности  $k = (\pi, \pi)$  (рис. 2*d*). На рис. 2a-d хорошо видно перераспределение спектрального веса с температурой от исходной антиферромагнитной зоны к парамагнитной зоне с образованием теневой зоны со слабой интенсивностью.

Трансформация потолка валентной зоны и дна зоны проводимости с ростом температуры естественно сопровождается изменением плотности состояний. Выше T = 90 К начинает формироваться новый пик как в валентной зоне, так и в зоне проводимости (рис. 3а). Интенсивность этих пиков растет с температурой. Кроме того, меняются ширина обеих зон и величина диэлектрической щели  $E_q$ . В интервале от нуля до T = 170 К происходит незначительное увеличение щели, связанное со сближением однодырочных уровней с разными спинами. При T > 170 К в зоне проводимости происходят понижение энергии квазичастиц с волновыми векторами, близкими кk = (0, 0), и перенос на них спектрального веса. Энергия потолка валентной зоны, наоборот, увеличивается. Все это приводит к уменьшению диэлектрической щели (рис. 3а,б). Минимальная величина  $E_q$  достигается в парамагнитной фазе. Тем не менее, диэлектрическая щель остается открытой на

всем интервале температур от нуля до  $T_N$  и намного выше, поскольку ее величина определяется энергией переноса заряда  $\Delta = \varepsilon_p - \varepsilon_d$  и межатомным кулоновским взаимодействием  $V_{pd}$ . Таким образом, состояние диэлектрика с переносом заряда сохраняется в  $A\Phi M$ - и в ПМ-фазах, в отличие от зонных подходов с образованием щели за счет формирования волны спиновой плотности (ВСП) или LDA+U, где диэлектрическая щель также формируется за счет спинового расщепления. В сценариях ВСП и LDA+U выше  $T_N$  должно наблюдаться металлическое состояние, что противоречит экспериментам по La<sub>2</sub>CuO<sub>4</sub>.

Ранее в экспериментах по измерению коэффициента отражения и  $\varepsilon_2$  спектров в недопированном соединении La<sub>2</sub>CuO<sub>4</sub> был замечен красный сдвиг пика, соответствующего возбуждениям с переносом заряда между синглетом Жанга-Райса и UHB, с ростом температуры [27–29]. В работе [27] при изменении температуры от  $T~=~122~{\rm K}$ до  $T~=~447~{\rm K}$ положение пика в  $\varepsilon_2$  сдвигается на 0.22 эВ в область меньших энергий. В наших расчетах для такого же температурного изменения уменьшение диэлектрической щели  $\Delta E_g$  происходит на 0.47 эВ, что по порядку величины соответствует экспериментальным данным. Небольшое расхождение, очевидно, говорит о влиянии температуры на электронную структуру посредством других механизмов. Среди таких механизмов можно выделить влияние температурного расширения на параметры взаимодействий в системе [29], температурную зависимость электрон-фононного взаимодействия, поляронные эффекты. Однако нет сомнений, что перестройка электронной структуры вследствие уменьшения намагниченности подрешеток с ростом Т в

значительной степени обусловливает эффект уменьшения энергии межзонных возбуждений.

### 4. ЭВОЛЮЦИЯ ИЗОЭНЕРГЕТИЧЕСКИХ КОНТУРОВ С РОСТОМ ТЕМПЕРАТУРЫ

Расчет зависимости поверхности Ферми в допированном купрате от температуры представляет собой отдельную задачу и в данной работе не делается. Тем не менее качественное представление о такой эволюции можно получить в приближении модели жесткой зоны, как это было сделано при T = 0 К в работе [30]. На рис. 4а показаны сечения дисперсионной поверхности на энергии E = -0.8 эВ. Видно, что при температурах вплоть до T = 260 K сечения имеют вид дырочных карманов с центром в  $k = (\pi/2, \pi/2)$ . Сценарий поверхности Ферми в виде дырочных карманов реализуется для слабодопированных соединений *р*-типа, что подтверждается ARPES-экспериментами [31] и экспериментами по квантовым осцилляциям [32-34]. Размер карманов уменьшается с ростом Т. При Т > 260 К появляются электронные карманы со слабой интенсивностью вокруг точки  $k = (\pi, 0)$  и  $k = (0, \pi)$ . Одновременно с этим дырочные карманы перестают сокращаться в размере и начинают вытягиваться к электронным карманам. Спектральный вес дырочных и электронных карманов переходит с одной их стороны на другую, так что при смыкании дырочных и электронных карманов в точке магнитного фазового перехода  $T = T_N$  остается большой дырочный контур вокруг  $k = (\pi, \pi)$ . Кроме того, присутствует также теневой дырочный контур с центром в точке k = (0, 0), однако он имеет слабую интенсивность и поэтому почти не виден. Поверхность Ферми при электронном допировании будет определяться изоэнергетическими контурами, полученными сечением дисперсионной поверхности в зоне проводимости. В случае E = 1.6 эВ изоэнергетический контур при T = 0 К имеет вид двух электронных карманов вокруг  $k = (\pi, 0)$  и  $k = (0, \pi)$ , что согласуется с поверхностью Ферми в ARPES для слабодопированного соединения n-типа Nd<sub>2-x</sub>Ce<sub>x</sub>CuO<sub>4</sub> [35]. С ростом температуры эти карманы вытягиваются в направлении точки  $k = (\pi/2, \pi/2)$ . В окрестности  $T_N$  появляется дырочный карман с центром в  $k = (\pi/2, \pi/2)$ . Полученное сечение качественно повторяет поверхность Ферми оптимально допированных купратов в экспериментах ARPES на  $Nd_{2-x}Ce_xCuO_4$  [35] и  $Sm_{2-x}Ce_xCuO_4$  [36] и в расчетах спектров ARPES [37]. В точке фазового перехода



Рис. 4. Трансформация изоэнергетического контура в интервале (10–325) К для валентной зоны *а*, *б* и зоны проводимости *в*, *г*; *б*, *г* — вид сверху

два электронных и один дырочный карман превращаются в один большой электронный контур вокруг  $k = (\pi, \pi)$ . Схожая эволюция поверхности Ферми с допированием и температурой объясняется тем, что оба этих фактора меняют величину спиновой щели и заполнение основного и возбужденного уровней. В случае с допированием дополнительные носители разрушают спиновые корреляции и приводят к перераспределению спектрального веса по зонам, образованным возбужденными состояниями.

Эволюция изоэнергетического контура будет различна для разных частей дисперсионной поверхности. На рис. 5 а, б показано изменение изоэнергетического контура вблизи потолка валентной зоны. Контур сечения дисперсионной поверхности на энергии E = -0.56 эВ образован отщепившейся узкой подзоной, которая имеет дисперсию, отличную от основной зоны. Для T < 230 К имеется маленький дырочный карман вокруг  $k = (\pi/2, \pi/2)$  (рис. 5*a*,*б*). Карман смыкается при $T=230~{\rm K}$ и далее д<br/>о $T=240~{\rm K}$ сечение попадает в диэлектрическую щель. В интервале 240 K < T < 250 K происходит трансформация от двух дырочных карманов, имеющих разную интенсивность, с центрами между точками k = (0, 0),  $(\pi/2, \pi/2), (\pi, \pi)$  к большим дырочным карманам и двум небольшим электронным карманам вокруг k = (0, 0) и  $k = (\pi, \pi)$ .

Сечение дисперсионной поверхности в области дна зоны проводимости на энергии E = 1.44 эВ также показывает совершенно иное поведение с температурой (рис. 5*e*,*e*). При T < 190 К изоэнергетические контуры представляют из себя электронные карманы вокруг антинодальных точек  $k = (\pi, 0)$  и  $k = (0, \pi)$ . Выше 190 К к ним добавляются электронные карманы вокруг k = (0, 0) и  $k = (\pi, \pi)$ , которые сперва просто увеличиваются в размере, затем при T = 230 К меняют свою форму и кривизну. При T = 250 К электронные карманы сливаются, формируя тем самым дырочный карман вокруг k = $= (\pi/2, \pi/2)$ . Дырочный карман разрастается и после T = 280 К превращается в два электронных контура вокруг k = (0,0) и  $k = (\pi, \pi)$ .

### 5. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Применение метода LDA+GTB позволяет описать изменение электронной структуры недопированного однослойного купрата La<sub>2</sub>CuO<sub>4</sub> с температурой. Рост температуры уменьшает средний спиновый момент элементарной ячейки и величину спиновой щели между локальными



Рис.5. Трансформация изоэнергетического контура при изменении температуры для энергии вблизи потолка валентной зоны (*a*;*б* — вид сверху) и дна зоны проводимости (*c*;*c* — вид сверху)

одночастичными состояниями с противоположными проекциями спина, а также увеличивает заселенность возбужденных состояний. Поэтому с ростом температуры меняется не только спиновое упорядочение, но также зонная структура. Перестройка электронной структуры включает в себя формирование новых зон на потолке валентной зоны и дне зоны проводимости, перераспределение спектрального веса, изменение ширины зон и величины диэлектрической щели. Магнитный фазовый переход из антиферромагнитного состояния в парамагнитное сопровождается трансформацией LHB и UHB с максимумами в точке  $k = (\pi/2, \pi/2)$  к парам высокоинтенсивной и теневой зон, имеющим максимумы в окрестностях точек  $k = (\pi, \pi)$  и k = (0, 0). Несмотря на уменьшение диэлектрической щели, она остается открытой на всем интервале температур от нуля до  $T_N$  и выше. Таким образом, при изменении магнитного состояния соединение La<sub>2</sub>CuO<sub>4</sub> остается диэлектриком.

Работа выполнена при финансовой поддержке РНФ (проект № 14-12-00061).

## ЛИТЕРАТУРА

- 1. М. В. Садовский, УФН 171, 540 (2001).
- J. Chang, E. Blackburn, A. T. Holmes et al., Nat. Phys. 8, 871 (2012).
- G. Ghiringhelli, M. Le Tacon, M. Minola et al., Science 337, 821 (2012).
- E. Blackburn, J. Chang, A. H. Said et al., Phys. Rev. B 88, 054506 (2013).
- R. Comin, A. Frano, M. M. Yee et al., Science 343, 390 (2014).
- C. M. Varma, Phys. Rev. B 55, 14554 (1997); Nature 468, 184 (2010).
- **7**. Р. О. Зайцев, ЖЭТФ **70**, 1100 (1976).
- А. Ф. Барабанов, А. А. Ковалев, О. В. Уразаев и др., ЖЭТФ 119, 777 (2001).
- В. В. Вальков, Д. М. Дзебисашвили, ЖЭТФ 127, 686 (2005).
- 10. N. M. Plakida and V. S. Oudovenko, XOTO 131, 259 (2007).
- **11**. В. А. Гавричков, С. Г. Овчинников, А. А. Борисов и др., ЖЭТФ **118**, 422 (2000).
- 12. M. M. Korshunov, V. A. Gavrichkov, S. G. Ovchinnikov et al., XEPT **126**, 642 (2004).
- 13. И. М. Лифшиц, ЖЭТФ 38, 1569 (1960).

- 14. M. M. Korshunov and S. G. Ovchinnikov, Eur. Phys. J. B 57, 271 (2007).
- С. Г. Овчинников, М. М. Коршунов, Е. И. Шнейдер, ЖЭТФ 136, 898 (2009).
- S. G. Ovchinnikov, E. I. Shneyder, and M. M. Korshunov, J. Phys.: Condens. Matter 23, 045701 (2011).
- 17. Е. И. Шнейдер, С. Г. Овчинников, М. М. Коршунов и др., Письма в ЖЭТФ 96, 381 (2012).
- 18. T. Yoshida, M. Hashimoto, and S. Ideta, Phys. Rev. Lett. 103, 037004 (2009).
- 19. V. A. Gavrichkov, A. A. Borisov, and S. G. Ovchinnikov, Phys. Rev. B 64, 235124 (2001).
- 20. M. M. Korshunov, V. A. Gavrichkov, S. G. Ovchinnikov et al., Phys. Rev. B 72, 165104 (2005).
- **21**. В. А. Гавричков, С. Г. Овчинников, ФТТ **50**, 1037 (2008).
- Д. Н. Булаевский, Э. Л. Нагаев, Д. И. Хомский, ЖЭТФ 5, 1562 (1968).
- 23. K. J. von Szczepanski, P. Horsch, W. Stephan et al., Phys. Rev. B 41, 2017 (1990).
- 24. D. Poilblanc and E. Dagotto, Phys. Rev. B 42, 4861 (1990).
- A. F. Barabanov, R. O. Kuzian, and L. A. Maksimov, J. Phys.: Condens. Matter 3, 9129 (1991).
- 26. R. O. Kuzian, R. Hayn, A. F. Barabanov et al., Phys. Rev. B 58, 6194 (1998).
- 27. J. P. Falck, A. Levy, M. A. Kastner et al., Phys. Rev. Lett. 69, 1109 (1992).
- 28. M. A. Kastner, R. J. Birgeneau, G. Shirane et al., Rev. Mod. Phys. 70, 897 (1998).
- 29. H. S. Choi, Y. S. Lee, T. W. Noh et al., Phys. Rev. B 60, 4646 (1999).
- 30. L. Hozoi, M. S. Laad, and P. Fulde, Phys. Rev. B 78, 165107 (2008).
- 31. J. Meng, G. Liu, W. Zhang et al., Nature 462, 335 (2009).
- 32. N. Doiron-Leyraud, C. Proust, D. LeBoeuf et al., Nature 447, 565 (2007).
- 33. E. A. Yelland, J. Singleton, C. H. Mielke et al., Phys. Rev. Lett. 100, 047003 (2008).
- 34. A. F. Bangura, J. D. Fletcher, A. Carrington et al., Phys. Rev. Lett. 100, 047004 (2008).
- 35. N. P. Armitage, F. Ronning, D. H. Lu et al., Phys. Rev. Lett. 88, 257001 (2002).
- 36. S. R. Park, Y. S. Roh, Y. K. Yoon et al., Phys. Rev. B 75, 060501(R) (2007).
- 37. B. Valenzuela and E. Bascones, Phys. Rev. B 78, 174522 (2008).