

# ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТЬ ПРЕВРАЩЕНИЙ, СВЯЗАННЫХ С ОБРАЗОВАНИЕМ СВЕРХСТРУКТУР ТИПА $M_3X_2$

**А. И. Гусев\***

Институт химии твердого тела Уральского отделения Российской академии наук  
620990, Екатеринбург, Россия

Поступила в редакцию 18 июля 2014 г.

Проведен симметрийный анализ моноклинной, орторомбических и тригональной сверхструктур типа  $M_3X_2$ , которые могут образовываться в сильно нестехиометрических соединениях  $MX_y$  со структурой  $B1$ . Определены каналы переходов беспорядок–порядок  $MX_y \rightarrow M_3X_2$ . Показано, что при понижении температуры в нестехиометрических соединениях  $MX_y$  переходных металлов IV группы возможны две физически допустимые последовательности превращений, связанных с образованием сверхструктур  $M_3X_2$ . На примере карбида ванадия  $VC_y$  показана возможность образования орторомбической или моноклинной сверхструктуры  $V_3C_2$  с формированием наноструктуры.

DOI: 10.7868/S0044451015010071

## 1. ВВЕДЕНИЕ

Переходные  $d$ -металлы IV и V групп образуют с углеродом и азотом сильно нестехиометрические карбиды и нитриды  $MX_y$  ( $X = C, N$ ) с кубической (пространственная группа (пр. гр.)  $Fm\bar{3}m$ ) структурой  $B1$  и  $M_2X_y$  с гексагональной (пр. гр.  $P6_3/mmc$ ) структурой  $L'3$  [1]. В этих соединениях атомы  $X$  размещаются в октаэдрических междоузлиях гранецентрированной кубической (ГЦК) или гексагональной плотноупакованной (ГПУ) металлической подрешетки. Атомы неметалла  $X$  в зависимости от их относительного содержания  $y$  могут заполнять все или только часть междоузлий. Незаполненные междоузлия называют структурными вакансиями  $\square$ . Концентрация структурных вакансий на нижней границе области гомогенности кубических соединений  $MX_y$  может достигать 30–50 ат. %. Узлы металлической подрешетки соединений со структурой  $B1$  соответствуют кристаллографическим позициям 4(*a*), узлы неметаллической подрешетки — позициям 4(*b*) пространственной группы  $Fm\bar{3}m$ . В нестехиометрических соединениях  $MX_y$  ( $MX_y\square_{1-y}$ ) атомы неметалла  $X$  и структурные вакансии  $\square$  образуют в неметаллической подрешетке раствор замещения. Наиболее широкие области

гомогенности от  $MX_{0.45-0.48}$  до  $MX_{1.00}$  имеют карбиды и нитриды титана, циркония и гафния  $MX_y$  ( $0.45-0.60 \leq y \leq 1.0$ ) с кубической структурой  $B1$ . Высокая концентрация структурных вакансий является предпосылкой атомно-вакансационного упорядочения соединений  $MX_y$  с формированием сверхструктур типа  $M_2X$ ,  $M_3X_2$ ,  $M_4X_3$ ,  $M_6X_5$  с разной симметрией. Ранее был проведен симметрийный анализ образования сверхструктур типа  $M_2X$  [2] и  $M_6X_5$  [3–5] в кубических соединениях  $MX_y$  и сверхструктур  $M_2X$  в гексагональных соединениях  $M_2X_y$  [6–8].

В данной работе с точки зрения симметрии рассмотрена возможность образования сверхструктур типа  $M_3X_2$  в соединениях  $MX_y$  с кубической базисной структурой  $B1$ . Экспериментально сверхструктуры типа  $M_3X_2$  изучены мало. Следы орторомбической (пр. гр.  $C222_1$ ) фазы  $Ti_3C_2$  ( $M_3X_2$ ) наблюдали в работах [9–11]. Существование этой же орторомбической сверхструктуры  $M_3X_2$  в карбиде титана  $TiC_{0.64}$  следует из расчета [12], выполненного методом Монте-Карло, а также из данных работы [13]. Согласно [14], сверхструктуры  $M_3X_2$  могут существовать в нестехиометрическом кубическом карбиде циркония  $ZrC_y$  вблизи нижней границы области гомогенности при температуре ниже 1200 К и в карбиде гафния  $HfC_y$  вблизи нижней границы области гомогенности при температуре ниже 780 К. В системе Ti–N обнаружена фаза  $\eta$ - $Ti_3N_{2-x}$  [15]. В кубическом нитриде титана  $TiN_y$  сверхструктура типа  $M_3X_2$  может формироваться при температуре ниже

\*E-mail: gusev@ihim.uran.ru

1050 К [16]. Образование упорядоченных фаз (например, фаз  $V_8C_7$  и  $V_6C_5$  в карбиде  $VC_y$ ) приводит к измельчению зерен неупорядоченной кубической фазы и появлениюnanoструктуры как в компактных (bulk), так и в дисперсных образцах [17, 18].

В целом из анализа экспериментальных и теоретических данных следует возможность образования в нестехиометрических карбидах и нитридах  $MX_y$  двух орторомбических (пр. гр. № 71  $Imm\bar{m}$  ( $D_{2h}^{25}$ ) и № 20  $C222_1$  ( $D_2^5$ )), моноклинной (пр. гр. № 5  $C2$  ( $B112$ ) ( $C_2^3$ )) и тригональной (пр. гр. № 164  $P\bar{3}m1$  ( $D_{3d}^3$ )) сверхструктур типа  $M_3X_2$  (рис. 1). Термодинамические расчеты фазовых равновесий в системах  $Ti-C$ ,  $Zr-C$ ,  $Hf-C$ ,  $V-C$ ,  $Nb-C$  и  $Ti-N$ , выполненные в работах [1, 19–21] методом функционала параметров порядка (order parameters functional method, OPF), подтверждают образование упорядоченных фаз типа  $M_3X_2$ , но не позволяют определить их симметрию и пространственную группу. До сих пор не ясно, являются ли перечисленные сверхструктуры типа  $M_3X_2$  взаимоисключающими или при понижении температуры они могут возникать в некоторой последовательности одна за другой.

В связи с этим в настоящей работе определены каналы переходов беспорядок–порядок  $MX_y-M_3X_2$  и выполнен симметрийный анализ структуры фаз  $M_3X_2$  для определения физически допустимой последовательности фазовых превращений при образовании в нестехиометрических карбидах  $MC_y$  и нитридах  $MN_y$  сверхструктур типа  $M_3X_2$ .

## 2. СИММЕТРИЙНЫЙ АНАЛИЗ СВЕРХСТРУКТУР ТИПА $M_3X_2$

Превращения беспорядок–порядок или порядок–порядок, происходящие при понижении температуры, являются переходами из состояния с большей свободной энергией в состояние с меньшей энергией. Состояние вещества при атомно-вакансиионном упорядочении можно характеризовать термодинамическим потенциалом Ландау, который имеет несколько минимумов, соответствующих высокосимметричной неупорядоченной и низкосимметричным упорядоченным фазам. При понижении температуры переходы от неупорядоченной фазы к какой-либо из упорядоченных фаз или переходы порядок–порядок от одной упорядоченной фазы к другой происходят с понижением симметрии. Симметрийный анализ позволяет установить величину понижения симметрии при образовании сверхструктур

тур и определить, в какой последовательности эти сверхструктуры могут возникать.

В литературе описаны две орторомбические фазы типа  $M_3X_2$  с пространственными группами  $Imm\bar{m}$  и  $C222_1$ . Элементарные ячейки этих сверхструктур показаны на рис. 1.

Орторомбическая (пр. гр.  $Imm\bar{m}$ ) сверхструктура  $M_3X_2$  имеет обратную решетку с векторами

$$\mathbf{a}_{Imm\bar{m}}^* = \langle 1\bar{1}0 \rangle, \quad \mathbf{b}_{Imm\bar{m}}^* = \frac{1}{3}\langle 110 \rangle, \\ \mathbf{c}_{Imm\bar{m}}^* = \langle 001 \rangle.$$

Трансляция сверхструктурных узлов обратной решетки этой сверхструктуры показывает, что первая зона Бриллюэна неупорядоченной ГЦК-решетки содержит два луча,  $\mathbf{k}_4^{(1)} = (\mathbf{b}_1 + \mathbf{b}_2 + 2\mathbf{b}_3)/3$  и  $\mathbf{k}_4^{(2)} = -\mathbf{k}_4^{(1)}$ , нелифшицевской звезды  $\{\mathbf{k}_4\}$  (рис. 2). (Здесь и далее описание и нумерация звезд  $\{\mathbf{k}_s\}$  волновых векторов и их лучей  $\mathbf{k}_s^{(j)}$  даны в соответствии с работами [1, 19, 22];  $\mathbf{b}_1 = (-1, 1, 1)$ ,  $\mathbf{b}_2 = (1, -1, 1)$  и  $\mathbf{b}_3 = (1, 1, -1)$  — структурные векторы обратной решетки базисной ГЦК-решетки в единицах  $2\pi/a$ ; методика определения сверхструктурных векторов, образующих канал перехода, подробно описана в [19, раздел 5.2]). Заметим, что каждой звезде  $\{\mathbf{k}_s\}$ , чьи лучи входят в канал перехода, соответствует параметр дальнего порядка  $\eta_s$ , описывающий термодинамическое состояние обсуждаемой сверхструктуры [1, 19].

Орторомбическая элементарная ячейка сверхструктуры  $M_3X_2$  с пространственной группой  $C222_1$  показана на рис. 1. Базисные векторы обратной решетки этой сверхструктуры равны

$$\mathbf{a}_{C222_1}^* = \frac{1}{2}\langle 1\bar{1}0 \rangle, \quad \mathbf{b}_{C222_1}^* = \frac{1}{6}\langle 110 \rangle, \\ \mathbf{c}_{C222_1}^* = \frac{1}{2}\langle 001 \rangle.$$

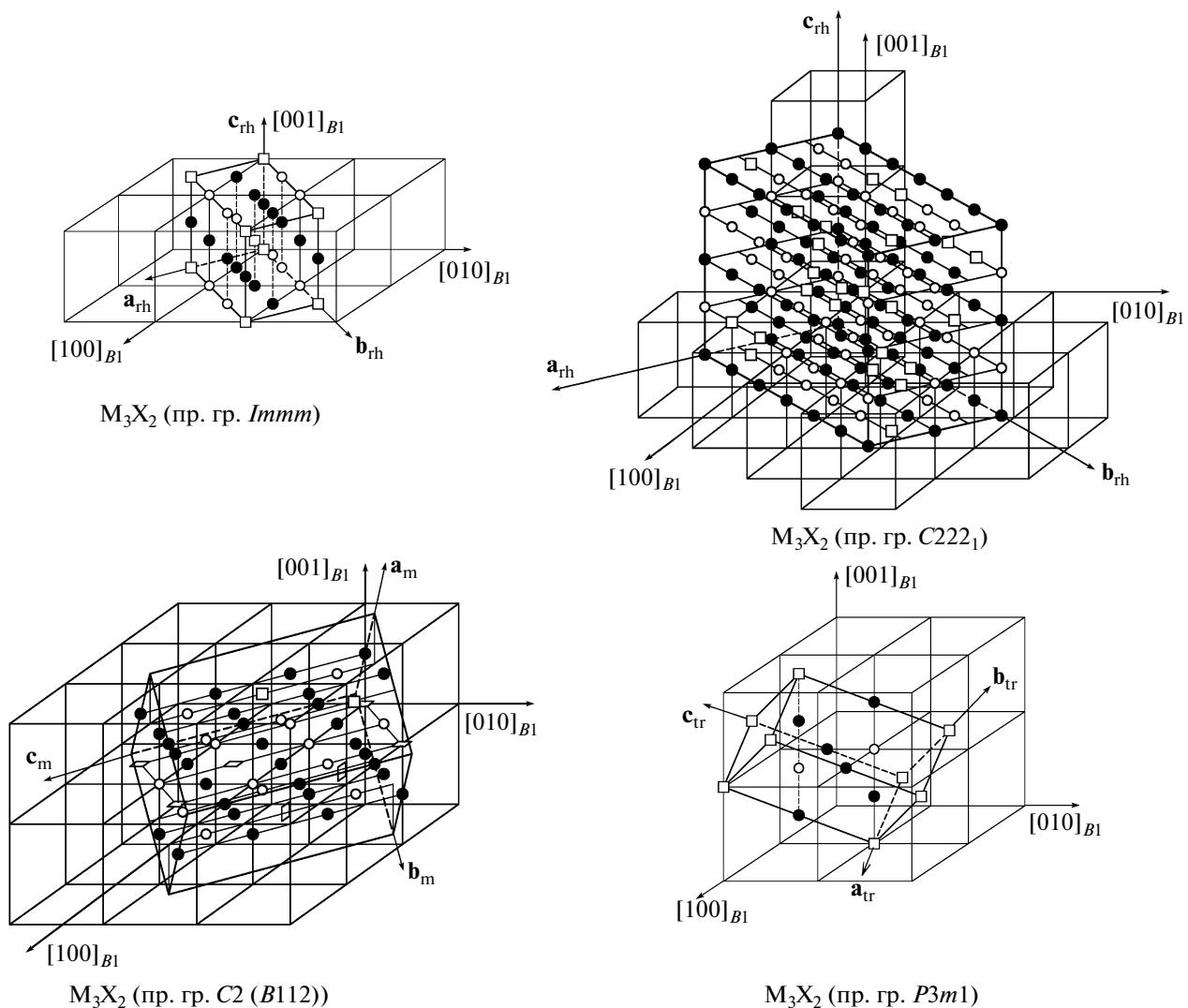
Трансляция сверхструктурных узлов обратной решетки в границах первой зоны Бриллюэна дает для этой сверхструктуры канал перехода, включающий два луча,  $\mathbf{k}_4^{(1)}$  и  $\mathbf{k}_4^{(2)}$ , звезды  $\{\mathbf{k}_4\}$  и четыре луча,

$$\mathbf{k}_3^{(3)} = -\frac{1}{12}(7\mathbf{b}_1 + \mathbf{b}_2 + 2\mathbf{b}_3), \quad \mathbf{k}_3^{(4)} = -\mathbf{k}_3^{(3)},$$

$$\mathbf{k}_3^{(5)} = \frac{1}{12}(\mathbf{b}_1 - 5\mathbf{b}_2 + 2\mathbf{b}_3), \quad \mathbf{k}_3^{(6)} = -\mathbf{k}_3^{(5)},$$

нелифшицевской звезды  $\{\mathbf{k}_3\}$  (см. рис. 2).

Орторомбическая (пр. гр.  $C222_1$ ) сверхструктура  $M_3X_2$  описывается двумя параметрами дальнего порядка,  $\eta_4$  и  $\eta_3$ .



**Рис. 1.** Положение элементарных ячеек орторомбических (пр. гр.  $C222_1$  и  $Imm\bar{m}$ ), моноклинной (пр. гр.  $C2$  ( $B112$ )) и тригональной (пр. гр.  $P\bar{3}m1$ ) сверхструктур типа  $M_3X_2$  в базисной кубической решетке со структурой  $B1$ :  $\bullet$  — атом металла М;  $\circ$  — неметаллический атом внедрения X;  $\square$  — вакансия

Элементарная ячейка моноклинной (пр. гр.  $C2$  ( $B112$ )) сверхструктуры  $M_3X_2$  показана на рис. 1. В работе [23] пространственная группа этой сверхструктуры была определена неверно, и в элементарной ячейке были учтены не все атомы и вакансии; позднее эта ошибка была повторена в работах [1, 19]. Базисные векторы обратной решетки этой сверхструктуры равны

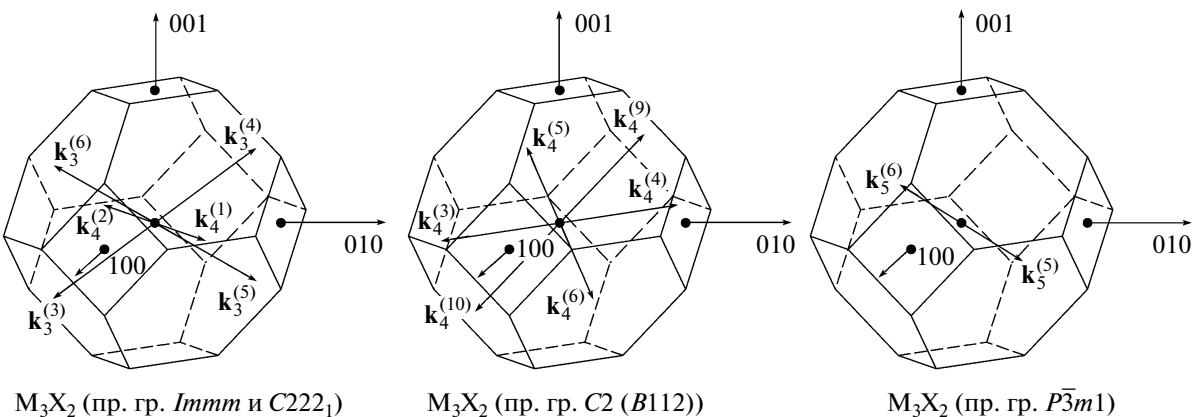
$$\mathbf{a}_{C2}^* = \frac{1}{3}\langle 112 \rangle, \quad \mathbf{b}_{C2}^* = \frac{1}{3}\langle 11\bar{1} \rangle, \quad \mathbf{c}_{C2}^* = \frac{1}{3}\langle 1\bar{1}0 \rangle,$$

в соответствии с чем она образуется по каналу фа-

зового перехода, включающему шесть лучей звезды  $\{\mathbf{k}_4\}$  (см. рис. 2):

$$\begin{aligned} \mathbf{k}_4^{(3)} &= \frac{1}{3}(\mathbf{b}_2 - \mathbf{b}_1), & \mathbf{k}_4^{(4)} &= -\mathbf{k}_4^{(3)}, \\ \mathbf{k}_4^{(5)} &= \frac{1}{3}(\mathbf{b}_1 + 2\mathbf{b}_2 + \mathbf{b}_3), & \mathbf{k}_4^{(6)} &= -\mathbf{k}_4^{(5)}, \\ \mathbf{k}_4^{(9)} &= \frac{1}{3}(2\mathbf{b}_1 + \mathbf{b}_2 + \mathbf{b}_3), & \mathbf{k}_4^{(10)} &= -\mathbf{k}_4^{(9)}. \end{aligned}$$

Элементарная ячейка тригональной (пр. гр.  $P\bar{3}m1$ ) сверхструктуры  $M_3X_2$  (см. рис. 1) имеет базисные векторы обратной решетки



**Рис. 2.** Сверхструктурные векторы обратной решетки сверхструктур типа  $M_3X_2$ , входящие в канал фазового перехода беспорядок–порядок  $MX_y$ – $M_3X_2$ , и их положение в первой зоне Бриллюэна базисной ГЦК-решетки. Канал перехода, связанный с образованием орторомбической (пр. гр.  $Immm$ ) сверхструктуры, включает два луча,  $\mathbf{k}_4^{(1)}$  и  $\mathbf{k}_4^{(2)}$ , а канал перехода беспорядок–порядок  $MX_y$  (пр. гр.  $Fm\bar{3}m$ )– $M_3X_2$  (пр. гр.  $C222_1$ ) включает эти два луча,  $\mathbf{k}_4^{(1)}$  и  $\mathbf{k}_4^{(2)}$ , и еще четыре луча,  $\mathbf{k}_3^{(3)}$ ,  $\mathbf{k}_3^{(4)}$ ,  $\mathbf{k}_3^{(5)}$  и  $\mathbf{k}_3^{(6)}$ , звезды  $\{\mathbf{k}_3\}$

$$\begin{aligned}\mathbf{a}_{P3m1}^* &= \frac{2}{3}\langle 21\bar{1} \rangle, & \mathbf{b}_{P3m1}^* &= \frac{2}{3}\langle 121 \rangle, \\ \mathbf{c}_{P3m1}^* &= \frac{1}{3}\langle 1\bar{1}1 \rangle.\end{aligned}$$

Она образуется по каналу перехода (см. рис. 2), включающему два луча,  $\mathbf{k}_5^{(5)} = -\mathbf{b}_2/3$  и  $\mathbf{k}_5^{(6)} = -\mathbf{k}_5^{(5)}$ , нелифшицевской звезды  $\{\mathbf{k}_5\}$  с параметром  $\mu_5 = 1/3$ .

Определим изменения симметрии при переходе от неупорядоченной фазы  $MX_y$  к сверхструктурам  $M_3X_2$  и при переходах между сверхструктурами типа  $M_3X_2$ . Упорядочение атомов X и структурных вакансий  $\square$  происходит в базисной неметаллической ГЦК-подрешетке неупорядоченной кубической (пр. гр.  $Fm\bar{3}m$ ) фазы  $MX_y$  и связано с расщеплением высокосимметричных позиций 4(b) на две или большее число позиций низкосимметричной упорядоченной фазы. Позиции 4(b) имеют точечную группу симметрии  $t\bar{3}m$  ( $O_h$ ), которая включает 48 элементов симметрии  $h_1 - h_{48}$  [1, 19, 22]. Точечные группы симметрии четырех обсуждаемых сверхструктур  $M_3X_2$  являются подгруппами точечной группы  $t\bar{3}m$  ( $O_h$ ). Понижение поворотной симметрии равно отношению числа элементов точечной группы симметрии высокосимметричной неупорядоченной фазы к числу элементов точечной группы симметрии низкосимметричной фазы, т. е. отношению порядков групп. Изменение трансляционной симметрии равно отношению объемов элементарных ячеек или отношению числа узлов в элементарных ячейках низкосимметричной и высокосимметричной фаз. Общее по-

нижение симметрии  $N = n(G)/n(G_D)$  есть отношение порядков  $n(G)$  и  $n(G_D)$  пространственных групп  $G$  и  $G_D$  высокосимметричной и низкосимметричной фаз и численно равно произведению поворотного и трансляционного понижений симметрии.

Термодинамические расчеты [1, 19–21] фазовых равновесий в системах Ti–C, Zr–C, Hf–C, V–C, Nb–C и Ti–N, где существуют нестехиометрические соединения  $MX_y$  со структурой  $B1$ , подтверждают возможность образования упорядоченных фаз типа  $M_3X_2$  за исключением тригональной (пр. гр.  $P\bar{3}m1$ ). Проведем симметрийный анализ сверхструктур типа  $M_3X_2$  и обсудим, в какой последовательности при понижении температуры они могут возникать.

Точечные группы симметрии моноклинной, тригональной и орторомбических сверхструктур  $M_3X_2$  являются подгруппами точечной группы симметрии  $t\bar{3}m$  ( $O_h$ ) неупорядоченной кубической (пр. гр.  $Fm\bar{3}m$ ) фазы  $MX_y$ , поэтому переход от фазы  $MX_y$  к любой из этих сверхструктур является фазовым превращением беспорядок–порядок. Определение каналов фазовых переходов  $MX_y$ – $M_3X_2$  показало, что образование сверхструктур  $M_3X_2$  связано с искажением симметрии по одной ( $\{\mathbf{k}_4\}$  или  $\{\mathbf{k}_5\}$ ) или двум ( $\{\mathbf{k}_4\}$  и  $\{\mathbf{k}_5\}$ ) нелифшицевским звездам и потому может быть фазовым превращением только первого рода.

Из трех обсуждаемых сверхструктур  $M_3X_2$  наиболее высокосимметричной является орторомбическая (пр. гр.  $Immm$ ) фаза  $M_3X_2$ . Она имеет точечную группу симметрии  $tmm$  ( $D_{2h}$ ), которая вклю-

чает 8 элементов симметрии,  $h_1-h_4$  и  $h_{25}-h_{28}$ , тогда как в точечную группу  $\bar{m}\bar{3}m$  ( $O_h$ ) базисной кубической неупорядоченной фазы входят 48 элементов, поэтому вращательное (поворотное) понижение симметрии равно 6. Объем элементарной ячейки этой сверхструктуры составляет  $V = 3a_{B1}^3/2$ , и потому понижение трансляционной симметрии равно  $3/2$ . Общее понижение симметрии составляет  $6 \cdot 3/2 = 9$ . Точечная группа другой орторомбической (пр. гр.  $C222_1$ ) фазы  $M_3X_2$  включает 2 элемента симметрии,  $h_1$  и  $h_2$ . Объем элементарной ячейки этой сверхструктуры  $V = 12a_{B1}^3$ . В соответствии с этим вращательное и трансляционное понижения симметрии равны 24 и 12, а общее понижение симметрии при образовании орторомбической (пр. гр.  $C222_1$ ) сверхструктуры  $M_3X_2$  равно 288.

Моноклинная (пр. гр.  $C2$  ( $B112$ )) сверхструктура  $M_3X_2$  имеет точечную группу симметрии 2 ( $C2$ ) с двумя элементами симметрии,  $h_1$  и  $h_4$ , поэтому при ее образовании вращательное понижение симметрии равно 24. Понижение трансляционной симметрии при образовании этой сверхструктуры равно  $9/2$ , а общее понижение симметрии  $24 \cdot 9/2 = 108$ .

Точечная группа симметрии  $\bar{3}m$  ( $D_{3d}$ ) тригональной (пр. гр.  $P\bar{3}m1$ ) сверхструктуры  $M_3X_2$  включает 4 элемента симметрии,  $h_1$ ,  $h_{16}$ ,  $h_{25}$  и  $h_{40}$ . Объем элементарной ячейки этой сверхструктуры  $V = 3a_{B1}^3/4$ . В соответствии с этим вращательное и трансляционное понижения симметрии равны 12 и  $3/4$ , а общее понижение симметрии при образовании тригональной сверхструктуры  $M_3X_2$  равно 9. Поскольку общее понижение симметрии при образовании орторомбической (пр. гр.  $Imm$ ) и тригональной (пр. гр.  $P\bar{3}m1$ ) фаз  $M_3X_2$  одинаково и равно 9, эти фазы можно считать альтернативными. Однако структура тригональной фазы  $M_3X_2$  существенно отличается от структур орторомбических и моноклинной фаз  $M_3X_2$ . Если рассматривать только неметаллическую подрешетку, то в тригональной (пр. гр.  $P\bar{3}m1$ ) сверхструктуре  $M_3X_2$  в направлении  $[111]_{B1}$  последовательно чередуются две комплектные атомные плоскости, все узлы которых заняты атомами X, и одна дефектная плоскость, все узлы которой вакантны (см. рис. 1). Образование такой сверхструктуры в нестехиометрических соединениях  $MX_y$  со структурой  $B1$  маловероятно. Это согласуется с термодинамическими расчетами [1, 14, 19, 20], согласно которым образование тригональной (пр. гр.  $P\bar{3}m1$ ) сверхструктуры  $M_3X_2$  в нестехиометрических соединениях  $MX_y$  невозможно.

Точечные группы симметрии орторомбических (пр. гр.  $Imm$  и  $C222_1$ ) и моноклинной (пр. гр.

$C2$ ) сверхструктур  $M_3X_2$  не являются подгруппами точечной группы тригональной (пр. гр.  $P\bar{3}m1$ ) сверхструктуры  $M_3X_2$ . Таким образом, тригональная сверхструктура  $M_3X_2$  по симметрии не связана ни с одной из трех других сверхструктур типа  $M_3X_2$ .

Точечные группы симметрии орторомбической (пр. гр.  $C222_1$ ) и моноклинной (пр. гр.  $C2$  ( $B112$ )) сверхструктур  $M_3X_2$  являются подгруппами точечной группы симметрии орторомбической (пр. гр.  $Imm$ ) сверхструктуры  $M_3X_2$ . Поэтому наиболее симметричная орторомбическая (пр. гр.  $Imm$ ) сверхструктура  $M_3X_2$  может быть высокотемпературной фазой относительно орторомбической (пр. гр.  $C222_1$ ) и моноклинной (пр. гр.  $C2$ ) фаз  $M_3X_2$ . Более вероятен переход порядок–порядок «орторомбическая (пр. гр.  $Imm$ ) фаза  $M_3X_2 \rightarrow$  орторомбическая (пр. гр.  $C222_1$ ) фаза  $M_3X_2»», так как в нем общее понижение симметрии максимально и равно 32. При переходе порядок–порядок «орторомбическая (пр. гр.  $Imm$ ) фаза  $M_3X_2 \rightarrow$  моноклинная (пр. гр.  $C2$ ) фаза  $M_3X_2» общее понижение симметрии равно 12. Точечная группа симметрии моноклинной (пр. гр.  $C2$ ) фазы  $M_3X_2$  не является подгруппой точечной группы орторомбической (пр. гр.  $C222_1$ ) фазы  $M_3X_2$ , поэтому превращение порядок–порядок «орторомбическая (пр. гр.  $C222_1$ ) фаза  $M_3X_2 \rightarrow$  моноклинная (пр. гр.  $C2$ ) фаза  $M_3X_2» невозможно; кроме того, при таком превращении вместо понижения происходило бы общее повышение симметрии.$$$

Проведенный анализ позволяет считать, что при понижении температуры в нестехиометрических соединениях  $MX_y$  со структурой  $B1$  возможны две альтернативные последовательности превращений, связанных с упорядоченными фазами типа  $M_3X_2$ : 1) «кубическая (пр. гр.  $Fm\bar{3}m$ ) неупорядоченная фаза  $MX_y \rightarrow$  орторомбическая (пр. гр.  $Imm$ ) упорядоченная фаза  $M_3X_2 \rightarrow$  орторомбическая (пр. гр.  $C222_1$ ) упорядоченная фаза  $M_3X_2» и 2) «кубическая (пр. гр.  $Fm\bar{3}m$ ) неупорядоченная фаза  $MX_y \rightarrow$  орторомбическая (пр. гр.  $Imm$ ) упорядоченная фаза  $M_3X_2 \rightarrow$  моноклинная (пр. гр.  $C2$ ) упорядоченная фаза  $M_3X_2»». С учетом общего понижения симметрии более вероятна первая последовательность превращений, заканчивающаяся возникновением орторомбической (пр. гр.  $C222_1$ ) сверхструктуры  $M_3X_2$ .$$

Если экспериментально какая-либо упорядоченная фаза не обнаруживается, то последовательность превращений и без этой фазы остается физически верной. Заметим, что указанные последовательности превращений найдены из симметрийных соображений. Ранее [1, 19, 20] методом функционала параметров порядка (order parameter functional, OPF)

показано, что образование орторомбических и моноклинной сверхструктур типа  $M_3X_2$  одинаково вероятно и должно происходить при близких температурах. Однако недавний анализ сверхструктурного ближнего порядка и определение вероятностей парных межатомных взаимодействий в нескольких координационных сферах неметаллической подрешетки нестехиометрических соединений  $MX_y$  [24] показали, что выводы метода ОРФ можно уточнить. В частности, из результатов работы [24] следует, что свободные энергии обсуждаемых орторомбических и моноклинной сверхструктур  $M_3X_2$  и их температуры перехода беспорядок–порядок  $T_{trans}$  должны заметно различаться. Что касается тригональной (пр. гр.  $P\bar{3}m1$ ) сверхструктуры  $M_3X_2$ , из данных работы [24] следует, что ее образование в нестехиометрических соединениях  $MX_y$  исключено.

Одной из самых изученных систем, образуемых переходными металлами с углеродом, является система V–C. На фазовой диаграмме системы V–C впервые были показаны фазовые равновесия с участием упорядоченных фаз нестехиометрических карбидов, а именно, карбида ванадия  $VC_y$ . Нестехиометрический кубический карбид  $VC_y$ , имеет широкую область гомогенности: от  $VC_{0.72}$  до  $VC_{0.88}$  при температуре 1500 К и от  $VC_{0.60}$  до  $VC_{0.87}$  при температуре  $\sim 2450$  К. Казалось бы, что при температуре ниже 1500 К образование в карбиде  $VC_y$  сверхструктуры типа  $M_3X_2$  невозможно, так как она по составу находится вне области гомогенности карбида  $VC_y$ . Однако, согласно работе [21], при упорядочении карбида ванадия могут возникать три упорядоченные фазы:  $V_8C_7$ ,  $V_6C_5$  и  $V_3C_2$ . Из расчета [21] следует, что в равновесных условиях образование фазы  $V_3C_2$  в карбиде ванадия может происходить при температуре 1155 К и ниже по перитектоидной реакции  $V_2C_y + V_6C_5 \rightarrow V_3C_2$ . Фаза  $V_3C_2$  имеет узкую область гомогенности (от  $VC_{0.667}$  до  $VC_{0.710}$  при 800 К). Поскольку температура перехода  $T_{trans}$  для этой фазы достаточно низка, в соответствии с выполненным анализом последовательности превращений фаз типа  $M_3X_2$  сверхструктура  $V_3C_2$  может иметь орторомбическую или моноклинную симметрию. Образование сверхструктуры  $V_3C_2$  может происходить только как переход первого рода и потому должно сопровождаться изменением периода решетки базисной кубической фазы и измельчением зерен базисной фазы на домены упорядоченной фазы, т. е. возникновением наноструктуры. Подобное возникновение наноструктуры экспериментально наблюдается при образовании сверхструктур  $V_8C_7$  и  $V_6C_5$  [17, 18]. Область существова-

ния упорядоченной фазы  $V_3C_2$  близка к концентрационному интервалу, в котором реально наблюдается ромбическая фаза  $\zeta\text{-}V_4C_{3-x}$ . Если свободная энергия  $\zeta$ -фазы при  $T = 1150$  К меньше, чем свободная энергия упорядоченной фазы  $V_3C_2$ , то фаза  $V_3C_2$  в системе V–C не может существовать.

### 3. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Выполненный симметрийный анализ сверхструктур типа  $M_3X_2$  в сопоставлении с имеющимися экспериментальными и теоретическими литературными данными дают основание полагать, что при понижении температуры в сильно нестехиометрических соединениях  $MX_y$  типа карбидов и нитридов переходных металлов наиболее вероятна следующая последовательность превращений: «кубическая (пр. гр.  $Fm\bar{3}m$ ) неупорядоченная фаза  $MX_y \rightarrow$  орторомбическая (пр. гр.  $Imm$ ) упорядоченная фаза  $M_3X_2 \rightarrow$  орторомбическая (пр. гр.  $C222_1$ ) упорядоченная фаза  $M_3X_2$ ». Можно предположить, что причины реализации той или иной последовательности связаны с макроскопическим состоянием нестехиометрических соединений, а именно с размером и морфологией зерен неупорядоченной фазы и началом образования первичной упорядоченной фазы на определенной кристаллографической поверхности. Образование сверхструктуры типа  $M_3X_2$  в карбиде ванадия  $VC_y$  должно сопровождаться появлением наноструктуры.

Работа выполнена при финансовой поддержке Российского научного фонда (проект № 14-23-00025) в ИХТТ УрО РАН.

### ЛИТЕРАТУРА

1. A. I. Gusev, A. A. Rempel, and A. J. Magerl, *Disorder and Order in Strongly Nonstoichiometric Compounds: Transition Metal Carbides, Nitrides and Oxides*, Springer, Berlin (2001).
2. А. И. Гусев, Письма в ЖЭТФ **91**, 130 (2010).
3. А. И. Гусев и А. А. Ремпель, J. Phys. C **20**, 5011 (1987).
4. А. И. Гусев, ЖЭТФ **136**, 486 (2009).
5. А. И. Гусев и А. С. Курлов, в: *Niobium: Chemical Properties, Applications and Environmental Effects*, ed. by M. Segers and T. Peeters, Nova Sci. Publ., New York (2013), p. 61.

6. A. S. Kurlov and A. I. Gusev, Phys. Rev. B **76**, 174115 (2007).
7. A. S. Kurlov and A. I. Gusev, *Tungsten Carbides: Structure, Properties and Application in Hardmetals*, Springer, Cham (2013).
8. А. С. Курлов, А. И. Гусев, *Физика и химия карбидов титана и вольфрама*, Физматлит, Москва (2013).
9. V. Moisy-Maurice, Rapport CEA-R-5127, Commissariat à l'Energie Atomique, Gif-sur-Yvette, France (1981).
10. V. Moisy-Maurice, C. H. de Novion, A. N. Christensen, and W. Just, Sol. St. Comm. **39**, 661 (1981).
11. В. Н. Липатников, А. Коттар, Л. В. Зуева, А. И. Гусев, ФТТ **40**, 1332 (1998).
12. C. H. de Novion, B. Beuneu, T. Priem et al., in *The Physics and Chemistry of Carbides, Nitrides and Borides*, ed. by R. Freer, Kluwer Acad. Publ., Dordrecht (1990), p. 329.
13. V. N. Lipatnikov, A. A. Rempel, and A. I. Gusev, Int. J. Refr. Met. Hard Mater. **16**, 61 (1997).
14. A. I. Gusev and A. A. Rempel, J. Phys. Chem. Sol. **55**, 299 (1994).
15. W. Lengauer, Acta Metall. Mater. **39**, 2985 (1991).
16. А. И. Гусев, А. А. Ремпель, ДАН **332**, 717 (1993).
17. А. М. Ремпель, А. И. Гусев, Письма в ЖЭТФ **69**, 436 (1999).
18. A. I. Gusev and A. A. Rempel, in *Nanostructures: Synthesis, Functional Properties, and Applications*, ed. by T. Tsakalakos, I. A. Ovid'ko, and A. K. Vasudevan (NATO Science Series II: Mathematics, Physics, and Chemistry, Vol. 127), Kluwer Acad. Publ., Dordrecht (2003), p. 313.
19. А. И. Гусев, *Нестехиометрия, беспорядок, близкий и дальний порядок в твердом теле*, Физматлит, Москва (2007).
20. А. И. Гусев, УФН **170**, 3 (2000).
21. А. И. Гусев, ЖФХ **74**, 600 (2000).
22. О. В. Ковалев, *Неприводимые и индуцированные представления и копредставления федоровских групп*, Наука, Москва (1986).
23. A. I. Gusev and A. A. Rempel, Phys. Stat. Sol. (a) **135**, 15 (1993).
24. А. С. Курлов, А. И. Гусев, ФТТ **52**, 345 (2010).