

# СТРУКТУРНАЯ ОРГАНИЗАЦИЯ МЕТАЛЛИЧЕСКОГО СТЕКЛА $\text{Cu}_{80}\text{Zr}_{20}$

***A. B. Король<sup>a</sup>, A. T. Косилов<sup>a</sup>, A. B. Миленин<sup>a</sup>, A. B. Евтеев<sup>b</sup>, E. B. Левченко<sup>b</sup>***

<sup>a</sup> Воронежский государственный технический университет  
394026, Воронеж, Россия

<sup>b</sup> The University of Newcastle  
NSW 2308, Callaghan, Australia

Поступила в редакцию 21 ноября 2010 г.

Методом молекулярно-динамического моделирования с использованием статистико-геометрического анализа на основе построения многогранников Вороного и кластерного анализа изучены закономерности перестройки атомной структуры металлического стекла  $\text{Cu}_{80}\text{Zr}_{20}$  в процессе закалки из жидкого состояния. Изучены морфология политетраэдрических нанокластеров и распределение их по размерам в структуре стекла.

## 1. ВВЕДЕНИЕ

Структурная организация металлических стекол (MC) относится к одной из основных и до конца не решенных проблем физики неупорядоченных систем. Исследования этих материалов методами рентгеновской дифрактометрии, XAFS [1–3], позволяют провести анализ ближнего порядка в расположении атомов, их симметрии, построить функции радиального распределения, определить плотность. Предложенные на основе установленных структурных функций атомные модели стекол указывают, как правило, лишь на икосаэдрическую симметрию окружения отдельных атомов и тенденции в формировании «среднего порядка» в расположении атомов. При этом остаются открытыми вопросы о закономерностях сопряжения структурных единиц с икосаэдрической симметрией в MC и формировании на их основе укрупненных структурных единиц на новых иерархических уровнях. В этой связи компьютерный эксперимент благодаря возможности изучения пространственно-временных срезов атомных структур относится к наиболее эффективному методу анализа структурной организации неупорядоченных систем, в том числе и металлических стекол [4].

Ранее было показано [5–11], что в процессе стек-

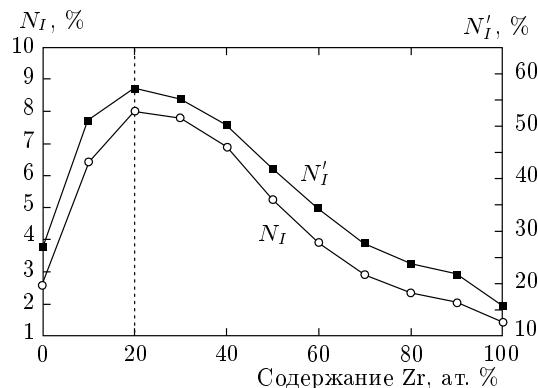


Рис. 1. Концентрационная зависимость числа икосаэдров в металлических стеклах системы Cu-Zr

лования чистого железа [5–9], Ag-Ni [10, 11] формируется политетраэдрическая кластерная структура, обладающая фрактальной геометрией. Переколяционный кластер, образованный взаимопроникающими и контактирующими между собой икосаэдрами, является фундаментальной основой структурной организации MC [4–17]. Было также замечено [10, 11], что в системе Ag-Ni центры икосаэдров заняты преимущественно меньшими по размеру атомами Ni, что в отличие от однокомпонентного железа снижает уровень внутренних напряжений в икосаэдрах и повышает склонность системы к аморфизации. Для системы Ag-Ni величина размерного несоответствия

\*E-mail: avk.vrn@gmail.com

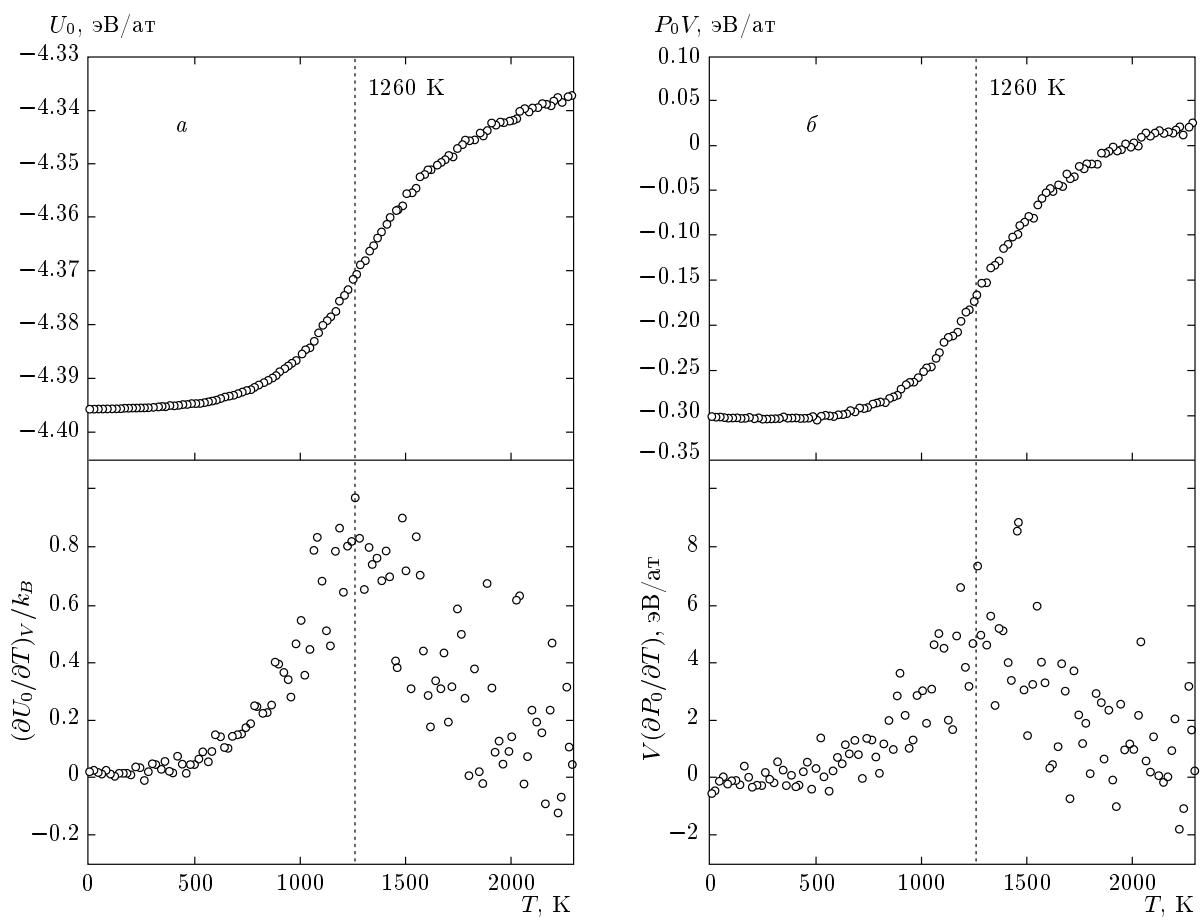


Рис. 2. Поведение потенциальной энергии  $U_0$  и ее производной (*а*), а также произведения давления на объем  $P_0 V$  и его производной (*б*) в процессе закалки сплава Cu<sub>80</sub>Zr<sub>20</sub>

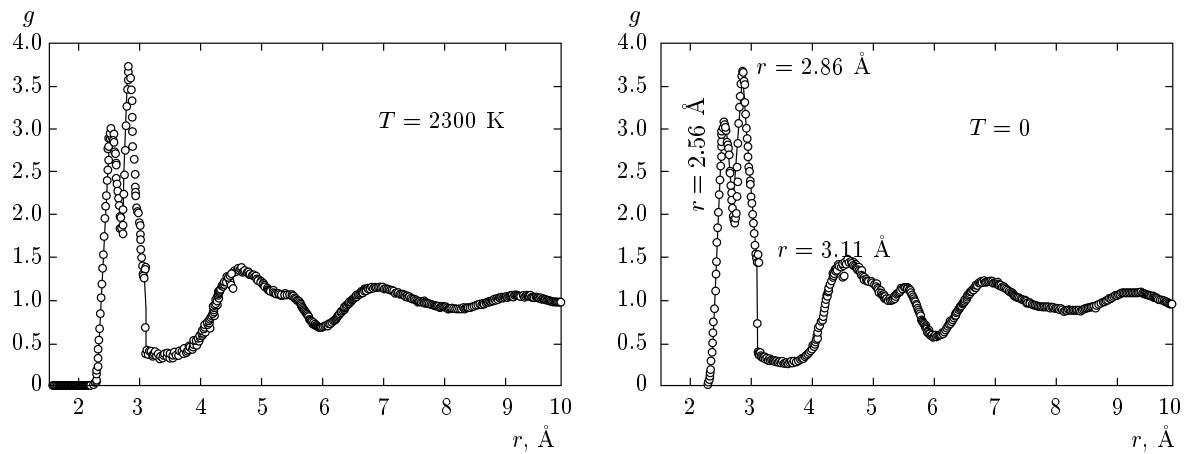


Рис. 3. Парная функция радиального распределения атомов  $g(r)$  модели МС сплава Cu<sub>80</sub>Zr<sub>20</sub> после статической релаксации при разных температурах

атомов составляет  $\Delta a/a = 0.139$ , при этом переколяционный кластер сформирован как взаимопроникающими икосаэдрами, так и контактирующими по граням, ребрам и вершинам.

Атомное размерное несоответствие компонентов сплава и их концентрация являются, по-видимому, определяющими факторами формирования структуры локального атомного окружения, структуры и морфологии переколяционного кластера. В настоящей работе с целью установления влияния указанных факторов на структурные характеристики МС исследования были проведены на системе Cu–Zr, размерное несоответствие атомов Cu и Zr которой составляет  $\Delta a/a = 0.2$ , т. е. примерно на 30 % больше, чем для системы Ag–Ni.

Сплавы системы Cu–Zr относятся к категории хорошо аморфизуемых. Первое сообщение о получении аморфной фазы этой системы в широком концентрационном диапазоне составов датируется 60-ми годами прошлого века [18]. Диаграмма состояния ее достаточно сложна — она содержит несколько эвтектик и интерметалличных соединений [19], что обеспечивает широкий концентрационный диапазон аморфизации сплавов этой системы [20]. При содержании циркония от 30 до 70 ат. % сплавы приобретают полностью аморфную структуру при закалке из расплава, а использование магнетронного напыления позволяет расширить концентрационный диапазон от 18 до 75 ат. % Zr [20].

## 2. ОПИСАНИЕ МОДЕЛИ И МЕТОДИКА ЭКСПЕРИМЕНТА

Модели содержали 100000 атомов в основном кубе с периодическими граничными условиями. Взаимодействие между атомами рассчитывалось в рамках метода погруженного атома [21]. Исходные модели имели случайную плотную упаковку атомов и были построены при  $T = 2300$  К.

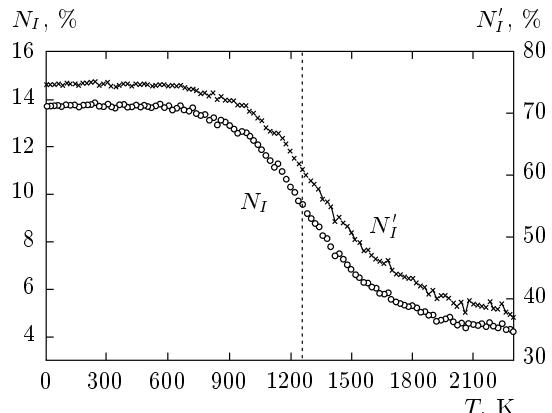
Методика молекулярно-динамического расчета состояла в численном интегрировании уравнений движения с временным шагом  $\Delta t = 1.5 \cdot 10^{-15}$  с по скоростному алгоритму Верле [22].

Исследования структуры проводились как в условиях изотермического отжига, так и в процессе закалки из жидкого состояния.

Изотермический отжиг проводился по следующей методической схеме. Система выдерживалась при температуре 2300 К в течение  $10^4$  временных шагов, далее температуру понижали до 1000 К и выдерживали при этой температуре еще  $10^4$  вре-

**Таблица.** Изменение доли многогранников Вороного в процессе закалки модели Cu<sub>80</sub>Zr<sub>20</sub>

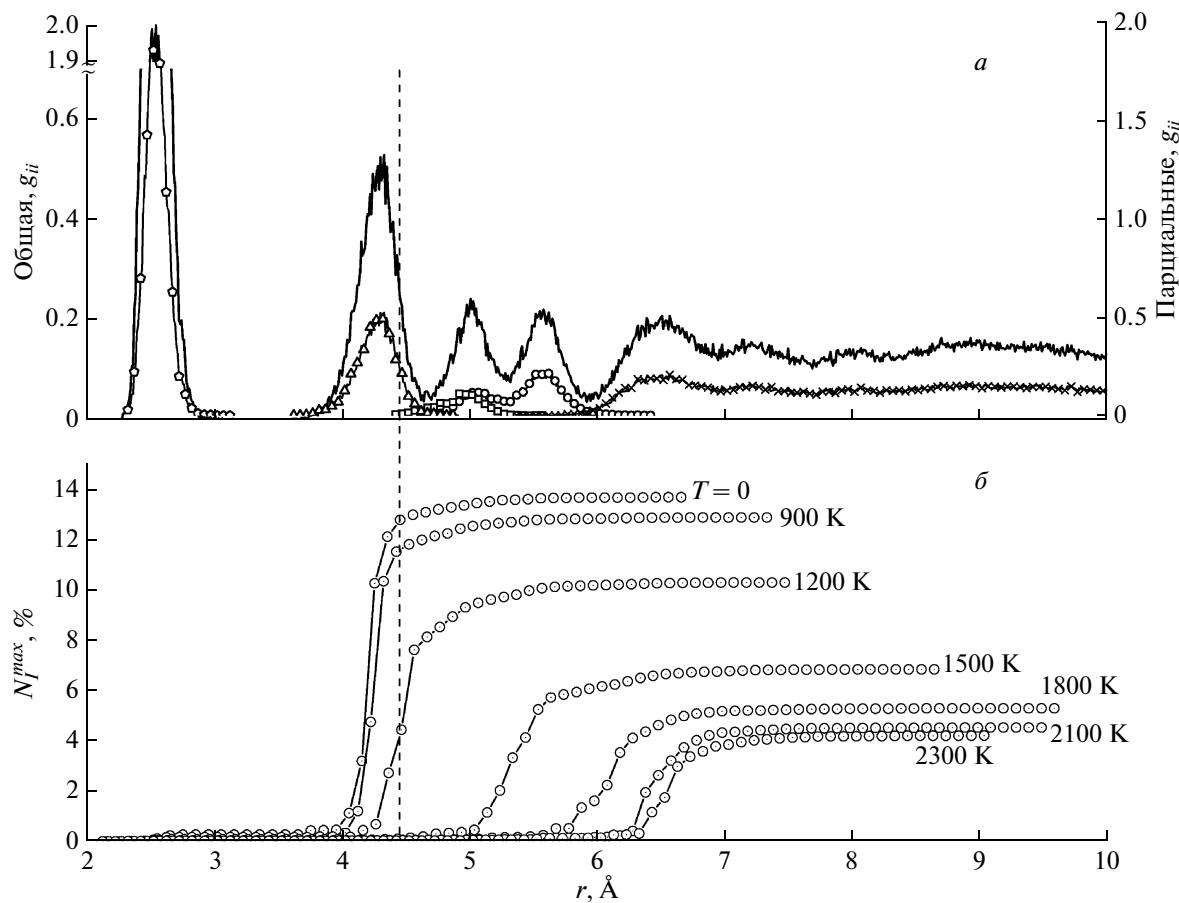
Многогранник	Координационное число	Доля, % $T = 2300$ К	Доля, % $T = 0$
(0–0–12–0)	12	4.22	13.73
(0–1–10–2)	13	6.17	10.53
(0–3–6–4)	13	7.32	6.55
(0–2–8–4)	14	4.38	5.09
(0–2–8–2)	12	4.59	4.48
(0–1–10–5)	16	1.78	3.76
(0–2–8–3)	13	2.78	3.01
(0–1–10–3)	14	1.64	2.55
(0–3–6–5)	14	3.27	2.55
(1–0–9–3)	13	1.34	2.35
(0–0–12–4)	16	0.44	2.26
(0–1–10–4)	15	1.50	2.25



**Рис. 4.** Зависимость числа атомов, находящихся в центрах икосаэдров,  $N_I$ , и атомов, задействованных в их построении,  $N'_I$ , от температуры в процессе закалки модели Cu<sub>80</sub>Zr<sub>20</sub>; пунктирная линия соответствует температуре максимальной скорости роста числа икосаэдров

менных шагов. Затем методом статической релаксации фиксировались равновесные положения атомов и проводился статистико-геометрический анализ на основе построения многогранников Вороного (МВ) [23].

Закалка модели проводилась со скоростью



**Рис. 5.** а) Парная функция радиального распределения  $g_{ii}(r)$  атомов, находящихся в центрах икосаэдров: сплошная кривая соответствует общей  $g_{ii}$ , точки отвечают парциальным  $g_{ii}$  (○ — контакт по вершине, □ — контакт по ребру, △ — контакт по грани, ◇ — взаимное проникновение, × — контакт отсутствует); б) число  $N_l^{max}$  таких атомов в наибольшем по размеру кластере с расстояниями между соседями, меньшими либо равными  $r$  при разных значениях температуры «окружающей среды»

$6.67 \cdot 10^{11}$  К/с. Процедура закалки имела циклический характер и сводилась к ступенчатому понижению температуры на  $\Delta T = 20$  К, поддержанию этой температуры в системе на протяжении  $10^3 \cdot \Delta t$  и последующему отжигу в адиабатических условиях в течение  $1.9 \cdot 10^4 \cdot \Delta t$ . Таким образом, продолжительность одного цикла составляла  $2.0 \cdot 10^4 \cdot \Delta t$  или  $3 \cdot 10^{-11}$  с. Температура рассчитывалась путем усреднения полученных данных в течение последних  $1.6 \cdot 10^4 \cdot \Delta t$  каждого цикла.

После каждого цикла методом статической релаксации атомы переводились в равновесные положения, что давало возможность фиксировать состояние системы при  $T = 0$ . Для статически релаксированных моделей рассчитывались потенциальная энергия  $U_0$ , произведение давления на объем  $P_0 V$ , а также в рамках статистико-геометрического

и кластерного анализа изучалась атомная структура сплава на всех этапах ее перестройки в процессе закалки.

### 3. РЕЗУЛЬТАТЫ И ИХ ОБСУЖДЕНИЕ

Икосаэдры лежат в основе формирования структуры металлического стекла для сплавов типа металл–металл [5–12, 24–27], поэтому в качестве критерия стеклообразующей способности системы Cu–Zr было выбрано количество атомов, задействованных в построении икосаэдров. Для поиска оптимального соотношения компонентов сплава был проведен предварительный анализ стеклообразующей способности сплавов разной концентрации Cu<sub>x</sub>–Zr<sub>100-x</sub> ( $x = 0, 10, 20, \dots, 100$ ).

Формирование структуры МС для каждого состава проводилось в условиях изотермического отжига при  $T = 1000$  К. На рис. 1 показана зависимость числа атомов, находящихся в центрах икосаэдров  $N_I$ , и числа атомов, задействованных на их построение  $N'_I$ , от состава сплава Cu–Zr. Максимальное количество икосаэдров приходится на состав сплава Cu<sub>80</sub>Zr<sub>20</sub>, при этом примерно на 8 % атомов, находящихся в центрах икосаэдров, приходится около 57.5 % атомов, задействованных в их построении. Сплав Cu<sub>80</sub>Zr<sub>20</sub> был выбран для дальнейшего изучения эволюции его атомной структуры в процессе закалки.

Чувствительными индикаторами структурной перестройки конденсированной среды являются ее термодинамические функции. Поведения построенных функций потенциальной энергии  $U_0$  (рис. 2a) и произведения давления на объем  $P_0V_0$  (рис. 2б) в процессе закалки модели, а также первых производных от этих величин свидетельствуют о переходе системы вблизи  $T \approx 1260$  К в новое энергетически более устойчивое состояние.

Функции радиального распределения атомов (ФРРА)  $g(r)$  в расплаве при  $T = 2300$  К и в МС после закалки системы Cu<sub>80</sub>Zr<sub>20</sub> приведены на рис. 3. О структурном переходе расплав–металлическое стекло свидетельствует расщепление второго максимума ФРРА после закалки. Пики первого расщепленного максимума ФРРА при  $T = 0$  соответствуют расстояниям между атомами соответственно в парах Cu–Cu, Cu–Zr, Zr–Zr.

Для изучения закономерностей организации атомной структуры ближнего порядка в расплаве и ее перестройки в процессе закалки был проведен статистико-геометрический анализ моделей путем построения многогранников Вороного. В таблице приведены данные по изменению в результате закалки количественного состава основных многогранников Вороного, доля которых превышает 2 %.

Наиболее интенсивно происходит увеличение доли атомов, находящихся в центрах многогранников Вороного (0–0–12–0) и (0–1–10–2), которым соответствуют координационные многогранники — икосаэдр и топологически близкий к нему многогранник, сформированный добавлением к икосаэдру еще одного атома. Менее интенсивно увеличивается число МВ (0–1–10–5), (0–1–10–3), (1–0–9–3), (0–0–12–4), (0–1–10–4). Отмечено снижение числа МВ (0–3–6–4), (0–3–6–5) и (0–4–4–6). Доля остальных координационных многогранников не претерпевает значительных изменений. Напомним, что многогранник Вороного описывается совокупностью чисел  $n_q$ , равных

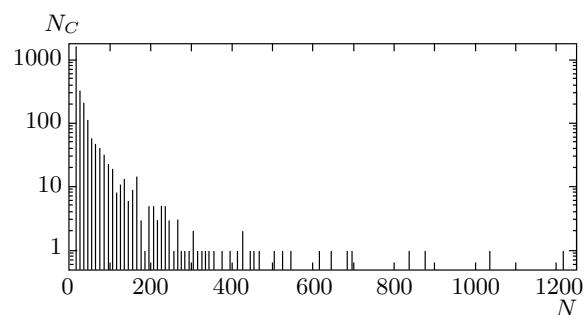


Рис. 6. Распределение нанокластеров  $N_C$ , образованных взаимопроникающими икосаэдрами, по числу образующих их атомов  $N$  в модели МС Cu<sub>80</sub>Zr<sub>20</sub> при  $T = 0$

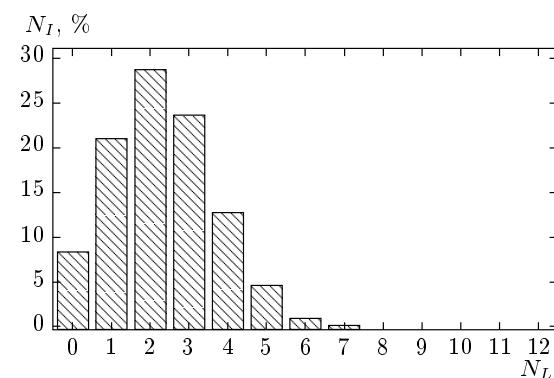
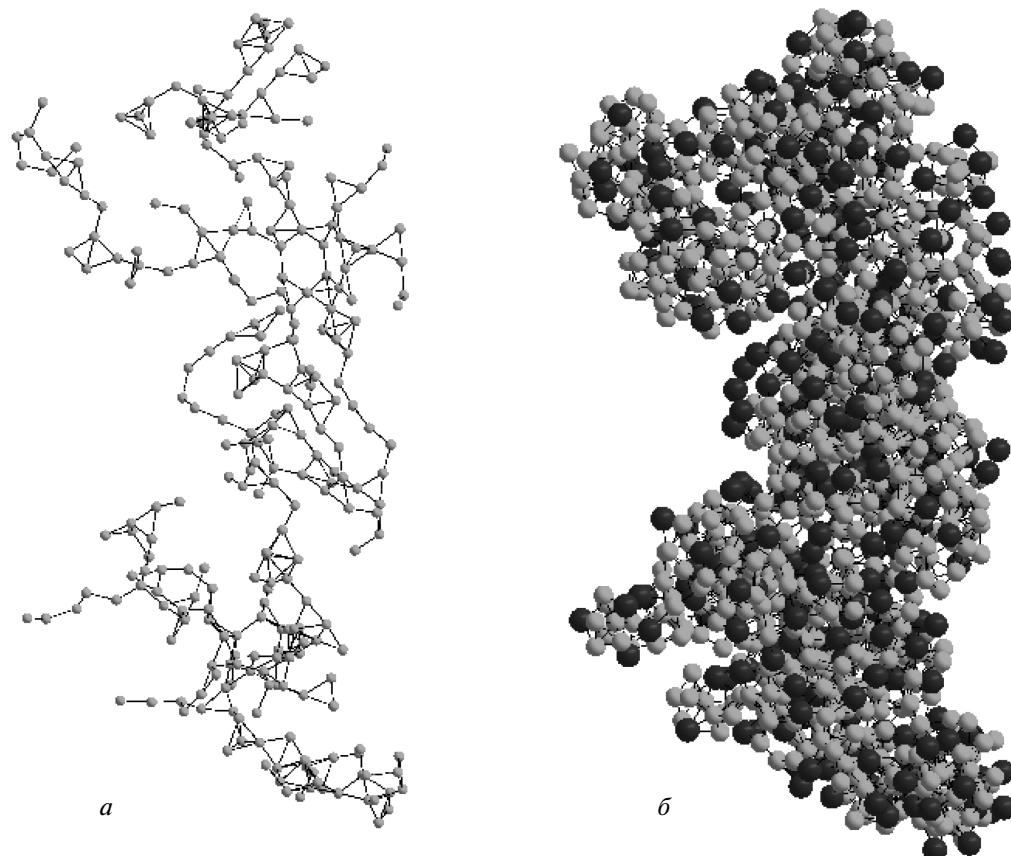


Рис. 7. Распределение числа икосаэдров  $N_I$  по числу взаимопроникающих связей  $N_L$

числу граней, имеющих  $q$  сторон ( $n_3-n_4-n_5-\dots$ ) или числу вершин, в которые сходятся  $q$  ребер соответствующего координационного многогранника.

Наличие у икосаэдров осей пятого порядка, несовместимых с трансляционной симметрией кристалла, затрудняет процесс атомной перестройки при кристаллизации, стабилизирует металлическое стекло. Поэтому основное внимание в настоящей работе было уделено изучению закономерностей организации икосаэдрических структурных элементов и их эволюции в процессе закалки.

После закалки число атомов  $N_I$ , находящихся в центре икосаэдров, увеличивается с 4.22 % при  $T = 2300$  К до 13.73 % при  $T = 0$ , а число атомов  $N'_I$ , задействованных в их построении, соответственно с 37.01 % до 74.72 %. При этом среднее число атомов, принадлежащих одному икосаэдру, уменьшилось с 8.7 до 5.44 за счет увеличения доли взаимопроникающих и контактирующих между собой икосаэдров. Следует отметить, что центры всех икосаэдров за-



**Рис. 8.** Структурные связи между центрами икосаэдров одного из наиболее крупных по размеру нанокластеров (*а*) и все атомы этого нанокластера (*б*); серые шары — атомы Cu, черные — атомы Zr

няты меньшими по размеру атомами меди. Максимальная скорость роста числа икосаэдров (точки перегиба на рис. 4) приходится на  $T \approx 1260$  К.

На рис. 5 $a$  приведена парная функция радиального распределения атомов, находящихся в центре икосаэдров  $g_{ii}(r)$ . Вид этой функции практически не зависит от температуры. Первый пик функции соответствует контакту взаимопроникающих икосаэдров, второй — контакту икосаэдров по граням, третий и четвертый пики — контакту икосаэдров по ребрам и вершинам.

Для изучения закономерностей структурной организации икосаэдрических координационных многоугранников при охлаждении модели  $\text{Cu}_{80}\text{Zr}_{20}$  в рамках теории протекания был проведен кластерный анализ. На рис. 5 $b$  приведены зависимости числа икосаэдров в наибольшем по размеру кластере  $N_I^{max}$  с расстояниями между соседями меньшими либо равными  $r$  от величины  $r$  при различных тем-

пературах. Как видно на рис. 5 $b$ , при охлаждении ниже  $T = 1200$  К в процессе закалки порог переколяции смещается в область взаимопроникающих и контактирующих по граням икосаэдров. Тем самым в МС  $\text{Cu}_{80}\text{Zr}_{20}$  создаются предпосылки формирования более упорядоченной структуры переколяционного кластера, чем в МС железа и сплава Ag–Ni, в которых переколяционный переход формируют контакты икосаэдров не только по граням, но и по ребрам и вершинам [5–12]. Атомы, не входящие в переколяционный кластер, образуют более рыхлую структуру «квазижидкости».

Переколяционный кластер в МС  $\text{Cu}_{80}\text{Zr}_{20}$  состоит из нанокластеров, образованных только взаимопроникающими икосаэдрами. Их морфология, распределение по размерам, характер сопряжения таких нанокластеров — это те задачи, которые позволяют раскрыть закономерности структурной организации металлического стекла.

На рис. 6 представлено распределение нанокластеров  $N_C$  по количеству образующих их атомов  $N$  в статически релаксированной модели МС Cu<sub>80</sub>Zr<sub>20</sub>. Наибольшее число кластеров содержит 13–18 атомов и представляет собой кластеры из одиночных и двух взаимопроникающих икосаэдров. С увеличением размера число кластеров резко уменьшается. Наибольший кластер содержит 1215 атомов и состоит из 270 взаимопроникающих икосаэдров.

Для выяснения структурной организации кластеров было построено распределение координационных многогранников — икосаэдров  $N_I$  — по числу взаимопроникающих связей  $N_L$  (рис. 7). Более половины всех икосаэдров имеют 2, 3 или 4 взаимопроникающие связи, т. е. являются элементами разветвленных цепочек. Лишь незначительное число икосаэдров участвуют в 5, 6, 7 взаимопроникающих контактах. Многогранники с одной взаимопроникающей связью замыкают цепочки взаимопроникающих икосаэдров. Для изолированных икосаэдров число связей равно нулю.

На рис. 8а показана структура связей между атомами, находящимися в центрах икосаэдров, одного из наиболее крупных нанокластеров, а на рис. 8б показаны все атомы, входящие в этот нанокластер. Можно видеть, что связи образуют как непрерывные разветвленные одномерные цепочки, так и двух- или трехмерные конфигурации.

#### 4. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Получены данные о структурной перестройке сплава Cu<sub>80</sub>Zr<sub>20</sub> в процессе закалки из жидкого состояния. Стеклование сводится к формированию переколяционного кластера только из взаимопроникающих и контактирующих по граням икосаэдров, что свидетельствует о более высокой степени упорядоченности структуры переколяционного кластера и более высокой склонности системы Cu<sub>80</sub>Zr<sub>20</sub> к стеклованию в отличие от МС железа и сплава Ag–Ni.

При закалке из жидкой фазы скорость роста числа икосаэдров достигает максимума вблизи температуры 1260 К и далее монотонно убывает до  $T = 0$ .

Обнаружено, что переколяционный кластер представляет собой конгломерат плотноупакованных нанокластеров, образованных взаимопроникающими икосаэдрами, в построении которых задействовано около 74 % атомов.

Показано, что нанокластеры представляют собой преимущественно разветвленные цепи из взаимопроникающих икосаэдров.

Рост таких икосаэдрических кластеров из разных зародышей сопровождается их «столкновениями» друг с другом, появлением между ними контактов. Объединение отдельных кластеров в переколяционный является ключевым этапом в формировании металлического стекла Cu<sub>80</sub>Zr<sub>20</sub>.

#### ЛИТЕРАТУРА

- Г. В. Фетисов, *Синхротронное излучение. Методы исследования структуры веществ*, Наука, Москва (2007).
- Yu. A. Babanov, N. V. Ershov, V. R. Shvetsov et al., J. Non-Cryst. Sol. **79**, 1 (1986).
- Yu. A. Babanov, V. R. Shvetsov, and A. F. Sidorenko, Physica B **208–209**, 375 (1995).
- М. И. Ожован, Письма в ЖЭТФ **79**, 769 (2004).
- А. В. Евтеев, А. Т. Косилов, Е. В. Левченко, Письма в ЖЭТФ **76**, 115 (2002).
- А. В. Евтеев, А. Т. Косилов, Е. В. Левченко, ЖЭТФ **126**, 600 (2004).
- А. В. Евтеев, А. Т. Косилов, Е. В. Левченко, ЖЭТФ **128**, 607 (2005).
- А. В. Евтеев, А. Т. Косилов, Е. В. Левченко, ФТТ **48**, 768 (2006).
- Е. В. Левченко, А. В. Евтеев, С. Ю. Вахмин и др., ФММ **109**, 603 (2010).
- А. Ю. Прядильщиков, А. Т. Косилов, А. В. Евтеев, ЖЭТФ **132**, 1352 (2007).
- А. Ю. Прядильщиков, А. Т. Косилов, А. В. Евтеев и др., ЖЭТФ **134**, 509 (2008).
- A. V. Evteev, A. T. Kosilov, E. V. Levchenko, and O. B. Logachev, Defect Diff. Forum **249**, 97 (2006).
- M. I. Ojovan, Entropy № 10, 334 (2008).
- M. I. Ojovan, Adv. Cond. Mat. Phys. **2008**, ID817819 (2008).
- М. И. Ожован, ЖЭТФ **130**, 944 (2006).
- M. I. Ojovan and W. E. Lee, J. Phys.: Condens. Matter **18**, 11507 (2006).
- J. F. Stanzione III, K. E. Strawhecker, and R. P. Wool, doi:10.1016/j.jnoncrysol.2010.06.041.
- R. Ray, B. C. Giessen, and N. J. Grant, Scripta Metall. **2**, 357 (1968).

19. H. Okamoto, J. Phase Equilibria and Diffusion **29**, 204 (2008).
20. A. F. Marshall, R. G. Walmsley, and D. A. Stevenson, Mat. Sci. Eng. **63**, 215 (1984).
21. M. S. Daw and M. I. Baskes, Phys. Rev. B: Sol. St. **29**, 6443 (1984).
22. L. Verlet, Phys. Rev. **159**, 98 (1967).
23. N. N. Medvedev, J. Comput. Phys. **67**, 223 (1986).
24. H. Reicherd, O. Klein, H. Dosch et al., Nature **408**, 839 (2000).
25. T. Schenk, D. Holland-Moritz, V. Simonet et al., Phys. Rev. Lett. **89**, 075507 (2002).
26. A. Di Cicco, A. Trapananti, S. Faggioni et al., Phys. Rev. Lett. **91**, 135505 (2003).
27. W. K. Luo, H. W. Sheng, and F. M. Alamgir, Phys. Rev. Lett. **92**, 14 (2004).