ФОТОПРОВОДИМОСТЬ ДВУМЕРНОЙ ЭЛЕКТРОННОЙ СИСТЕМЫ СО СПИН-ОРБИТАЛЬНЫМ ВЗАИМОДЕЙСТВИЕМ В ПЕРЕМЕННОМ МАГНИТНОМ ПОЛЕ

И. И. Ляпилин^{*}, А. Е. Патраков

Институт физики металлов Уральского отделения Российской академии наук 620041, Екатеринбург, Россия

Изучен отклик неравновесной электронной системы на постоянное измерительное поле в случае, когда исходная неравновесность спиновой подсистемы электронов проводимости, создаваемая переменным магнитным СВЧ-полем, реализует в электронной системе комбинированные резонансные переходы. Показано, что возмущение спиновой подсистемы электронов передается в подсистему кинетических степеней свободы и сказывается на кинетических коэффициентах, приводя к осцилляциям диагональных компонент тензора проводимости.

PACS: 72.15.Gd, 72.20.My, 73.23.-b

1. ВВЕДЕНИЕ

Обнаружение осцилляций диагональных компонент тензора электропроводности в классическом интервале изменения напряженности магнитного поля, где осцилляции Шубникова-де Гааза еще не проявляются, в «сверхчистом» образце GaAs/Al_xGa_{1-x}As [1, 2] вызвало повышенный интерес к теоретическим исследованиям явлений переноса в двумерных электронных системах в присутствии микроволнового излучения. Согласно одной из общепринятых моделей [3], обнаруженные осцилляции диагональных компонент тензора проводимости обусловлены поглощением свободными носителями заряда энергии электрической компоненты CBЧ-излучения и переходами электронов между уровнями Ландау.

В тех же гетероструктурах имеет место спин-орбитальное взаимодействие, которое, как известно, само является причиной возникновения многих интересных эффектов в кинетических явлениях. Среди них, например, биения осцилляций Шубникова-де Гааза [4], спиновая аккумуляция [5], магнито-электрический эффект [6] и др. Спин-орбитальное взаимодействие приводит также к возможности переходов электронов проводимости в магнитном поле между уровнями Ландау на частотах комбинированного резонанса [7], причем такого рода переходы возможны как в пучности электрического, так и магнитного полей [8]. Наконец, спиновые степени свободы лежат в основе работы спиновых устройств, схемы которых были рассмотрены в работе [9]. Все это определило повышенный интерес к исследованию спин-орбитального взаимодействия в полупроводниковых двумерных структурах.

Спин-орбитальное взаимодействие зависит как от трансляционных, так и спиновых степеней свободы и представляет собой канал, по которому может происходить поглощение энергии (как магнитной, так и электрической компоненты) СВЧ-поля. В результате этого становятся возможными резонансные переходы на комбинированных частотах между уровнями Ландау. Представляется интересным исследовать модель, в которой роль спин-орбитального взаимодействия как канала передачи энергии от спиновых степеней свободы к кинетическим должна проявиться наиболее сильно. Такая ситуация имеет место, когда неравновесность спиновой подсистемы электронов проводимости создается переменным магнитным СВЧ-полем, приводящим к комбинированным переходам. В результате и кинетическая подсистема электронов становится неравновесной. Требуется найти отклик такой в принципе сильно неравновесной электронной системы на постоянное измерительное поле: как

^{*}E-mail: Lyapilin@imp.uran.ru

такое возмущение электронной системы скажется на кинетических коэффициентах, в частности, на тензоре проводимости.

Рассмотренная нами модель учитывает квантование Ландау и микроволновое излучение (в длинноволновом пределе) точным образом, без использования теории возмущений. В качестве источников рассеяния рассмотрены немагнитные примеси, рассеяние на которых рассматривается по теории возмущений.

Статья построена следующим образом. Второй раздел посвящен выводу эффективного взаимодействия, которое является ответственным за реализацию в системе комбинированных переходов. В третьем разделе представлены основные положения вычисления неравновесного адмиттанса. Наконец, в последнем разделе представлены результаты вычисления компонент тензора проводимости и численного анализа.

2. ЭФФЕКТИВНЫЙ ГАМИЛЬТОНИАН

Гамильтониан рассматриваемой системы имеет вид

$$\mathcal{H}(t) = H_k + H_s + H_{ks} + H_{eh}(t) + H_{ef}^0 + H_v + H_{ev}. \quad (1)$$

Здесь H_k , H_s — гамильтонианы кинетической и зеемановской энергий в магнитном поле $\mathbf{H} = (0, 0, H)$:

$$H_k = \sum_i \frac{\mathbf{p}_i^2}{2m} = \sum_i \frac{(\mathbf{P}_i - (e/c)\mathbf{A}(x_i))^2}{2m}$$
$$H_s = \hbar\omega_s \sum_i S_i^z,$$

 S_i^{α} и p_i^{α} — компоненты оператора спина и кинетического импульса *i*-го электрона, причем $[p^{\alpha}, p_j^{\beta}] = \delta_{ij} im\hbar\omega_c \varepsilon_{\alpha\beta z},$

$$\omega_s = g |\mu_0| H/\hbar, \quad \omega_c = |e| H/mc,$$

 μ_0 — магнетон Бора, H^0_{ef} — гамильтониан взаимодействия электронов с электрическим полем $\mathbf{E} = (E_x, 0, 0)$:

$$H_{ef} = -e\mathbf{E}\cdot\sum_{i}\mathbf{r}_{i},$$

 $H_{eh}(t)$ — взаимодействие электронов с переменным магнитным полем:

$$H_{eh}(t) = g|\mu_0|\mathbf{S} \cdot \mathbf{H}(t),$$

 $\mathbf{H}(t) = (H_x(t), H_y(t), H_z(t)); H_{ev}, H_v$ — соответственно гамильтониан взаимодействия электронов с решеткой и гамильтониан решетки.

Взаимодействие электронов с переменным электрическим полем не рассматривается, так как оно приводит к результатам, уже известным из работ [3, 10–12]. Кроме того, эффекты, связанные с переменным электрическим полем, можно подавить, поместив образец в пучность магнитного поля (т. е. в узел электрического поля) в волноводе.

Величина $H_{ks}(p)$ — взаимодействие между кинетическими и спиновыми степенями свободы. Поскольку спин-орбитальное взаимодействие является в определенном смысле малым, можно провести зависящее от импульса каноническое преобразование гамильтониана, устраняющее взаимодействие кинетических и спиновых степеней свободы электронов. Естественно, при этом преобразуются и все остальные члены гамильтониана, описывающие взаимодействие электронов с решеткой и внешними полями, если таковые имеются. В этом случае возникает эффективное взаимодействие электронов системы с внешними полями, приводящее к резонансному поглощению энергии поля не только на частотах парамагнитного резонанса ω_s и циклотронного резонанса ω_c , но также и на других частотах, представляющих собой целочисленные линейные комбинации частот ω_s и ω_c — комбинированный резонанс. Калибровочно-инвариантная теория комбинированного резонанса развита в работе [13].

Полагая спин-орбитальное взаимодействие малым, выполним каноническое преобразование гамильтониана. С точностью до линейных по T(p) членов имеем

$$\tilde{H} = e^{T(p)} \mathcal{H} e^{-T(p)} \approx \mathcal{H} + [T(p), \mathcal{H}].$$
(2)

Оператор канонического преобразования T(p) определим из условия, что в результате преобразования подсистемы k и s будут независимыми. Для выполнения этого требования имеем условие

$$H_{ks}(p) + [T(p), H_k + H_s] = 0.$$
(3)

Спин-орбитальное взаимодействие, реализующееся в квантовых ямах, как правило, связано с симметрией квантовой ямы. В квантовых ямах на основе GaAs это взаимодействия Рашбы и Дрессельхауза [14], которые имеют один порядок величины, в то время как в структурах на основе узкощелевых полупроводников (InAs) вклад взаимодействия Рашбы является доминирующим. В дальнейшем мы конкретизируем вид спин-орбитального взаимодействия *H_{ks}*, полагая, что это взаимодействие Рашбы [14]:

$$H_{ks}(p) = \alpha \varepsilon_{zik} \sum_{j} S_{j}^{i} p_{j}^{k} =$$

$$= \frac{i\alpha}{2} \sum_{j} (S_{j}^{+} p_{j}^{-} - S_{j}^{-} p_{j}^{+}), \qquad (4)$$

$$S^{\pm} = S^{x} \pm iS^{y}, \quad p^{\pm} = p^{x} \pm ip^{y}.$$

Здесь *а* — константа спин-орбитального взаимодействия.

Найдем явный вид оператора T(p). Подставляя оператор (4) в общее решение уравнения (3) и вычисляя интеграл, находим

$$T(p) = \frac{i}{\hbar} \int_{-\infty}^{0} dt \, \exp(\varepsilon t) \exp \frac{iH_0 t}{\hbar} \times \\ \times H_{ks}(p) \exp\left(-\frac{iH_0 t}{\hbar}\right) = \frac{i\alpha}{2\hbar(\omega_c - \omega_s)} \times \\ \times \sum_j (S_j^+ p_j^- - S_j^- p_j^+).$$
(5)

Заметим, что удобство такого представления оператора T(p) состоит в том, что коммутаторы в формуле (2) и уравнениях движения можно вычислять в общем виде, не переходя к матричным элементам, структура которых зависит от конкретного выбора волновых функций. Критерий применимости теории состоит в том, что для характерных значений электронного импульса \bar{p} должно выполняться неравенство $\alpha \bar{p} \ll \hbar(\omega_c - \omega_s)$.

Канонически преобразованный гамильтониан системы запишем в виде

$$\tilde{\mathcal{H}}(t) = H_0 + H_{ef}^0 + H_{eh}(t) +
+ [T(p), H_{eh}(t) + H_{ef}^0 + H_{ev}],$$
(6)
$$H_0 = H_k + H_s + H_v + H_{ev}.$$

Используя явный вид оператора T(p), находим

$$g\mu_0[T(p), S^{\alpha}]H^{\alpha}(t) = \frac{i g \alpha \mu_0}{2\hbar(\omega_c - \omega_s)} \times \{T^{z-}H^+(t) - T^{z+}H^-(t) + (T^{-+} - T^{+-})H^z(t)\}, \quad T^{\alpha k} = \sum_i S_i^{\alpha} p_i^k.$$
(7)

Взаимодействие спиновых степеней свободы электронов проводимости с переменным магнитным полем $H_{eh}(t)$ приводит к резонансным переходам на частоте ω_s . В то же время, как видно из приведенных выше формул, эффективное взаимодействие



Рис.1. Комбинированные переходы, возможные в двумерной системе Рашбы при воздействии переменного магнитного поля

 $[T(p), H_{eh}(t)]$ приводит к комбинированным переходам на частотах $\omega_c \pm \omega_s$ и циклотронной частоте ω_c , в которых участвуют как кинетические, так и спиновые степени свободы. В дальнейшем нас будет интересовать отклик неравновесной системы на измерительное электрическое поле, в котором определяющим является вклад, обусловленный кинетическими степенями свободы, поэтому при рассмотрении мы ограничимся учетом только эффективного взаимодействия. Переходы, вызываемые эффективным взаимодействием, схематически изображены на рис. 1. Кроме того, в данной работе мы ограничимся рассмотрением случая, когда переменное магнитное поле $\mathbf{H}(t) = (H_x(t), H_y(t), 0)$ ортогонально постоянному магнитному полю. В этом случае эффективное взаимодействие, ответственное за комбинированные переходы, имеет вид

$$H_{eh,1}(t) = [T(p), H_{eh}(t)] =$$

$$= \frac{i\alpha\omega_{1s}}{2\hbar(\omega_c - \omega_s)} \sum_j S_j^z (p_j^+ e^{-i\omega t} - p_j^- e^{i\omega t}), \quad (8)$$

$$\omega_{1s} = g|e|H_1/2m_0c,$$

где H_1 — напряженность переменного циркулярно поляризованного магнитного поля, меняющегося с частотой ω .

3. НЕРАВНОВЕСНЫЙ ОТКЛИК

Будем считать, что исходная неравновесность системы создана вследствие поглощения СВЧ-излучения и может быть описана распределением $\bar{\rho}(t)$.

Если на рассматриваемую систему действует дополнительное возмущение (например, слабое измерительное поле), то в системе будет сформировано новое неравновесное состояние, для описания которого необходим расширенный набор базисных операторов. Новое неравновесное распределение определим неравновесным статистическим оператором $\rho(t, 0)$. Задача заключается в нахождении отклика неравновесной системы на слабое измерительное поле.

Оператор $\rho(t)$ запишем, пользуясь интегральным уравнением для неравновесного статистического оператора [15]. В линейном приближении по внешнему полю **E** имеем

$$\rho(t) = \bar{\rho}(t) - \int_{-\infty}^{0} dt_1 \, e^{\varepsilon \, t_1} \, U(t+t_1) \times \\ \times \, i L_{ef}^0 \, \rho(t+t_1) \, U^+(t+t_1),$$

$$i L_{ef}^0 \, A = \frac{1}{i\hbar} [A, \, H_{ef}^0],$$
(9)

где U(t) — оператор эволюции, представляющий собой упорядоченную экспоненту. Оператор $\bar{\rho}(t)$ может быть записан в виде

$$\bar{\rho}(t) = \rho_q(t) - \int_{-\infty}^{0} dt_1 e^{\varepsilon t_1} U(t+t_1) \times \left\{ \frac{\partial}{\partial t} + iL(t) \right\} \rho_q(t+t_1) U^+(t+t_1).$$
(10)

Что касается квазиравновесного статистического оператора $\rho_q(t)$, то его можно представить в виде

$$\rho_q(t) = e^{-S(t)}, \quad S(t) = \Phi(t) + \sum_n P_n^+ F_n(t), \quad (11)$$

где S(t) — оператор энтропии, Φ — функционал Масье – Планка, P_n , $F_n(t)$ — набор базисных операторов и сопряженных функций, описывающих неравновесную систему.

Описывая состояние системы средними значениями операторов H_k , **p**, H_s , N, H_v , (N — оператор числа электронов), для оператора энтропии системы получаем

$$S(t) = \Phi(t) + \beta_k (H_k - \mathbf{V}(t) \mathbf{p} - \mu' N) + + \beta_s H_s + \beta H_v = S^0 + \Delta S(t),$$
(12)
$$\Delta S(t) = -\beta_k \mathbf{V}(t) \mathbf{p}.$$

Соответственно, имеем

$$\rho_q(t) = \rho^0 + \delta\rho(t), \quad \rho^0 = e^{-S^0}.$$
(13)

Здесь β_k , β_s , $\mu' = \mu - mV^2/2$, **V**, β — параметры, термодинамически сопряженные средним значениям введенных операторов, которые имеют смысл обратных эффективных температур подсистем кинетических и спиновых степеней свободы электронов, химического потенциала, дрейфовой скорости и обратной равновесной температуры решетки. Введение эффективных температур для подсистем позволяет рассматривать эффекты «разогрева» электроной и спиновой подсистем электронов внешними полями.

Линейный адмиттанс, соответствующий произвольному оператору B в случае внешней гармонической силы с частотой ω_1 , можно представить в виде

$$\chi_{BA}(t,\omega_1) = -\int_{-\infty}^{0} dt_1 e^{(\varepsilon - i\omega_1)t_1} \times \\ \times \frac{1}{i\hbar} \operatorname{Sp}\{Be^{it_1L}[A,\bar{\rho}(t+t_1,0)]\}.$$
(14)

В рамках данного рассмотрения задача вычисления адмиттанса может быть сведена к нахождению транспортной матрицы $T_{BA}(t, \omega_1)$, которая в неравновесном случае играет такую же роль, как и в случае отклика равновесной системы:

$$\chi_{BA}(t,\omega_1) = \chi_{BA}(t,0) \frac{T_{BA}(t,\omega_1) + \varepsilon}{T_{BA}(t,\omega_1) + \varepsilon - i\omega_1},$$
 (15)

$$\chi_{BA}(t,0) = \langle B, A \rangle, \quad T_{BA} = \frac{1}{\langle B, A \rangle^{\omega_1}} \langle B, \dot{A} \rangle^{\omega_1}.$$
 (16)

Здесь

$$\langle B, A \rangle = = -\frac{1}{i\hbar} \int_{-\infty}^{0} dt_1 e^{\varepsilon t_1} \operatorname{Sp} \{ B e^{it_1 L} [A, \bar{\rho}(t+t_1, 0)] \}, \quad (17)$$

$$\langle B, A \rangle^{\omega_1} = -\frac{1}{i\hbar} \int_{-\infty}^{0} dt_1 e^{(\varepsilon - i\omega_1)t_1} \int_{-\infty}^{0} dt_2 e^{\varepsilon t_2} \times \\ \times \operatorname{Sp} \{ B e^{i(t_1 + t_2)L} [A, \bar{\rho}(t + t_1 + t_2, 0)] \}.$$
 (18)

Реальная часть транспортной матрицы определяет частоту релаксации импульса неравновесных электронов.

Из приведенных выше формул видно, что явная зависимость эффективного взаимодействия $H_{eh,1}(t)$ от времени приводит к определенным трудностям

при вычислении неравновесного отклика электронной системы на измерительное электрическое поле. Целесообразно провести еще одно каноническое преобразование (Приложение A), устраняющее взаимодействие $H_{eh,1}(t)$ и перенормирующее гамильтониан электрон-примесного взаимодействия (Приложение B), который при этом приобретает временную зависимость. В канонически преобразованной системе примеси действуют как когерентное осциллирующее поле, приводящее к резонансным переходам.

4. ОБРАТНОЕ ВРЕМЯ РЕЛАКСАЦИИ ИМПУЛЬСА

Считая температуры кинетической и спиновой подсистем одинаковыми, в борновском приближении по взаимодействию электронов с рассеивателями для частоты релаксации получаем:

$$\frac{1}{\tau} = \frac{\beta}{2mn} \operatorname{Re} \frac{1}{i\hbar} \int_{-\infty}^{0} dt_1 \exp\{(\varepsilon - \omega_1)t_1\} \times \\ \times \int_{-\infty}^{0} dt_2 \exp(\varepsilon t_2) \int_{0}^{1} d\lambda \times \\ \times \operatorname{Sp} \left\{ \dot{p}^+_{(\tilde{v})}(t) \exp\{iL_0(t_1 + t_2)\}\rho^{0\lambda} \times \\ \times [\dot{p}^-_{(\tilde{v})}(t + t_1 + t_2), H_k + H_s]\rho^{0-\lambda}\rho^0 \right\}.$$
(19)

Раскроем выражение (19), используя явный вид перенормированного взаимодействия электронов с примесями \tilde{H}_{ev} , который приведен в Приложении В. Введем обозначение

$$A(\lambda, t_1 + t_2) = \operatorname{Sp}\{\dot{p}^+_{(\bar{v})}(t) \exp\{iL_0(t_1 + t_2)\} \times \rho^0 \lambda[\dot{p}^-_{(\bar{v})}(t + t_1 + t_2), H_k + H_s]\rho^0 - \lambda\rho^0\}.$$
 (20)

Подставляя явный вид электрон-примесного взаимодействия и проводя усреднение по системе рассеивателей, получаем:

$$A(\lambda, t_1 + t_2) =$$

$$= \sum_{\mathbf{q}jj'l} |V(\mathbf{q})|^2 N_i \exp\{-il\omega(t_1 + t_2)\} J_l^2(|K_q|) q^2 \times$$

$$\times \operatorname{Sp}\{2S_j^z \exp(i\mathbf{q} \cdot \mathbf{r}_j) \exp\{iL_0(t_1 + t_2)\} \times$$

$$\times \rho^{0-\lambda} [2S_{j'}^z \exp(-i\mathbf{q} \cdot \mathbf{r}_{j'}), H_k + H_s] \rho^{0-\lambda} \rho^0\}. \quad (21)$$

Переходя к представлению вторичного квантования

ЖЭТФ, том **132**, вып. 1 (7), 2007

и проводя усреднение ферми-операторов по теореме Вика, имеем

$$A(\lambda, t_1 + t_2) = \sum_{\mathbf{q}\nu\mu l} |V(\mathbf{q})|^2 N_i \exp\{-il\omega(t_1 + t_2)\} \times \\ \times \exp\left\{-\frac{i}{\hbar}(t_1 + t_2)(\varepsilon_\mu - \varepsilon_{\mu'})\right\} \exp\{-\beta_e(\varepsilon_\mu - \varepsilon_{\mu'})\lambda\} \times \\ \times J_l^2(|K_q|)q^2(\varepsilon_\nu - \varepsilon_\mu) \times \\ \times |(2S^z \exp(i\mathbf{q} \cdot \mathbf{r}))_{\nu\mu}|^2 f_\nu(1 - f_\mu), \quad (22)$$

где *f* — распределение Ферми-Дирака.

Выполняя последовательно вычисление интегралов по λ, t_1 и $t_2,$ получаем

$$\int_{-\infty}^{0} dt_{1} \exp\{(\varepsilon - i\omega_{1})t_{1}\} \times \\ \times \int_{-\infty}^{0} dt_{2} \exp(\varepsilon t_{2}) \int_{0}^{1} d\lambda A(\lambda, t_{1} + t_{2}) = \\ = \sum_{\mathbf{q}\nu\mu l} |V(\mathbf{q})|^{2} N_{i} J_{l}^{2} (|K_{q}|) q^{2} \times \\ \times |(2S^{z} \exp(i\mathbf{q} \cdot \mathbf{r}))_{\nu\mu}|^{2} (f_{\nu} - f_{\mu}) \times \\ \times \frac{1}{\varepsilon - il\omega - (i/\hbar)(\varepsilon_{\mu} - \varepsilon_{\nu})} \times \\ \times \frac{1}{\varepsilon - i\omega_{1} - il\omega - (i/\hbar)(\varepsilon_{\mu} - \varepsilon_{\nu})}.$$
(23)

В пределе $\varepsilon \to 0$ имеем

$$\frac{1}{\varepsilon - il\omega - (i/\hbar)(\varepsilon_{\mu} - \varepsilon_{\nu})} = i\hbar \left(P \frac{1}{l\hbar\omega + \varepsilon_{\mu} - \varepsilon_{\nu}} - i\pi\delta(l\hbar\omega + \varepsilon_{\mu} - \varepsilon_{\nu}) \right), \quad (24)$$

где P обозначает взятие главного значения. Переходя, наконец, к пределу $\omega_1 \to 0$, поскольку нас интересует отклик на нулевой частоте, получаем

$$\begin{split} \Delta \frac{1}{\tau} &= -\frac{\pi\hbar}{2mn} \sum_{\mathbf{q}\mu\nu l} \int d\mathcal{E} |V(\mathbf{q})|^2 N_i J_l^2(|K_q|) q^2 \times \\ \times |(2S^z \exp(i\mathbf{q}\cdot\mathbf{r}))_{\nu\mu}|^2 (f(\mathcal{E}+l\hbar\omega)-f(\mathcal{E})) \delta(\mathcal{E}-\varepsilon_{\mu}) \times \\ &\quad \times \frac{\partial}{\partial \mathcal{E}} \delta(l\hbar\omega+\mathcal{E}-\varepsilon_{\nu}). \end{split}$$
(25)

Сингулярность в правой части (25) устраняется, как обычно, путем уширения уровней Ландау за счет рассеяния электронов на примесях:

$$\delta(\mathcal{E} - \varepsilon_{\mu}) \to D_{\mu}(\mathcal{E}) = \frac{\sqrt{\pi/2}}{\Gamma} \exp\left(-\frac{\mathcal{E} - \varepsilon_{\mu}}{2\Gamma^2}\right), \quad (26)$$

где ширина Г уровня Ландау выражается через подвижность *µ* электронов:

$$\Gamma = \hbar \sqrt{\frac{2\gamma_n \omega_c}{\pi \tau_{tr}}}, \quad \tau_{tr} = \frac{m\mu}{|e|}.$$
 (27)

Величина $\gamma_n \sim 1$ определяет отличие транспортного времени релаксации от одночастичного времени жизни электрона на *n*-м уровне Ландау.

При $T>\Gamma$ интеграл по энергии равен

$$\int d\mathcal{E} \frac{\partial}{\partial \mathcal{E}} D_{\nu} (\mathcal{E} \pm \hbar \omega) D_{\mu} (\mathcal{E}) =$$

$$= -\frac{\pi^{3/2} (\varepsilon_{\mu} - \varepsilon_{\nu} \pm \hbar \omega)}{4\Gamma^{3}} \times \exp\left(-\frac{(\varepsilon_{\mu} - \varepsilon_{\nu} \pm \hbar \omega)^{2}}{4\Gamma^{2}}\right). \quad (28)$$

Волновые функции, для которых вычисляются матричные элементы в формуле (25), имеют вид

$$\psi_{nk^{x}S^{z}} = \frac{1}{\sqrt{2^{n}n!\pi^{1/2}\ell}} \exp(ik^{x}x) \times \\ \times \exp\left(-\frac{(y-y_{0})^{2}}{2\ell^{2}}\right) H_{n}(\frac{y-y_{0}}{\ell})\chi_{S^{z}}.$$
 (29)

Здесь $y_0 = \ell^2 k^x$ — координата центра циклотронной орбиты, χ_{S^z} — собственная функция оператора *z*-проекции спина. Вычисляя матричный элемент, входящий в (25), получаем

$$\begin{aligned} |\langle n_{\nu}k_{\nu}^{x}S_{\nu}^{z}|2S^{z}\exp(i\mathbf{q}\cdot\mathbf{r})|n_{\mu}k_{\mu}^{x}S_{\mu}^{z}\rangle|^{2} &=\exp\left(-\frac{\ell^{2}q^{2}}{2}\right) \times \\ &\times \frac{(\min(n_{\nu},n_{\mu}))!}{(\max(n_{\nu},n_{\mu}))!}\left(\frac{\ell^{2}q^{2}}{2}\right)^{|n_{\nu}-n_{\mu}|} \times \\ &\times \left(L_{\min(n_{\nu},n_{\mu})}^{|n_{\nu}-n_{\mu}|}\left(\frac{\ell^{2}q^{2}}{2}\right)\right)^{2}\delta_{S_{\nu}^{z},S_{\mu}^{z}}\delta_{k_{\nu}^{x},q_{x}+k_{\mu}^{x}}. \end{aligned} (30)$$

В случае слабого переменного электрического поля можно не учитывать слагаемые с |l| > 1 и воспользоваться приближением $J_{\pm 1}(x) = \pm x/2$. В результате этих упрощений имеем

$$\Delta \frac{1}{\tau} = \frac{\hbar}{8mn\ell^2} \sum_{\mathbf{q}n_\nu n_\mu l = \pm 1} |V(\mathbf{q})|^2 N_i |K_q|^2 q^2 \times \\ \times \exp\left(-\frac{\ell^2 q^2}{2}\right) \frac{(\min(n_\nu, n_\mu))!}{(\max(n_\nu, n_\mu))!} \left(\frac{\ell^2 q^2}{2}\right)^{|n_\nu - n_\mu|} \times \\ \times \left(L_{\min(n_\nu, n_\mu)}^{|n_\nu - n_\mu|} \left(\frac{\ell^2 q^2}{2}\right)\right)^2 (f(\varepsilon_\nu) - f(\varepsilon_\mu)) \times \\ \times \frac{\pi^{3/2} (\varepsilon_\mu - \varepsilon_\nu + l\hbar\omega)}{4\Gamma^3} \times \\ \times \exp\left(-\frac{(\varepsilon_\mu - \varepsilon_\nu + l\hbar\omega)^2}{4\Gamma^2}\right). \quad (31)$$

Выполняя интегрирование по q, получаем:

$$\int_{0}^{\infty} d(q^{2})q^{4} \exp\left(-\frac{\ell^{2}q^{2}}{2}\right) \left(-\frac{\ell^{2}q^{2}}{2}\right)^{|n_{\nu}-n_{\mu}|} \times \left(L_{\min(n_{\nu},n_{\mu})}^{|n_{\nu}-n_{\mu}|}\left(\frac{\ell^{2}q^{2}}{2}\right)\right)^{2} = \frac{8}{\ell^{6}} \frac{(\max(n_{\nu},n_{\mu}))!}{(\min(n_{\nu},n_{\mu}))!} \times (n_{\nu}^{2}+n_{\mu}^{2}+3(n_{\nu}+n_{\mu})+4n_{\nu}n_{\mu}+2). \quad (32)$$

Таким образом, для случая точечных примесей, когда V(q) не зависит от q, поправка к обратному времени релаксации имеет вид

$$\Delta \frac{1}{\tau} = \frac{\hbar}{4mn\ell^8} \sum_{\substack{n_\nu n_\mu l = \pm 1}} \frac{|V(\mathbf{q})|^2 N_i \alpha^2 \omega_{1s}^2}{(\omega_c - \omega_s)^2 (\omega - \omega_c)^2} \times \\ \times (n_\nu^2 + n_\mu^2 + 3(n_\nu + n_\mu) + 4n_\nu n_\mu + 2) \times \\ \times (f(\varepsilon_\nu) - f(\varepsilon_\mu)) \frac{\pi^{1/2} (\varepsilon_\mu - \varepsilon_\nu + l\hbar\omega)}{\Gamma^3} \times \\ \times \exp\left(-\frac{(\varepsilon_\mu - \varepsilon_\nu + l\hbar\omega)^2}{4\Gamma^2}\right). \quad (33)$$

Используя выражение для частоты релаксации импульса, можно записать и выражение для диагональных компонент тензора электропроводности σ_{xx} , численные расчеты которого приведены в следующем разделе:

$$\sigma_{xx} = \frac{ne^2}{m} \frac{\tau^{-1}}{\omega_c^2 + \tau^{-2}}.$$
 (34)

5. ЧИСЛЕННЫЙ АНАЛИЗ

Численные расчеты диагональных компонент тензора проводимости выражения (34) были выполнены при следующих параметрах: $m = 0.067m_0$ $(m_0 - \text{масса свободного электрона})$, энергия Ферми $\mathcal{E}_F = 10$ мэВ, подвижность двумерных электронов $\mu \approx 0.1-1.0 \cdot 10^7 \text{ см}^2/\text{В·с}$, концентрация электронов $n = 3 \cdot 10^{11} \text{ см}^{-2}$. Частота СВЧ-излучения $f = 50-150 \Gamma \Gamma$ ц, температура $T \approx 2.4$ К. Магнитное поле варьировалось в пределах 0.02T-0.3T.

Зависимости фотопроводимости двумерного электронного газа от индукции магнитного поля B при различных значениях подвижности электронов при частоте излучения 50 ГГц приведена на рис. 2. На рис. 3 представлена зависимость фотопроводимости двумерного электронного газа от



Рис.2. Зависимости фотопроводимости двумерного электронного газа для различных значений подвижности электронов от напряженности магнитного поля при частоте излучения f = 50 ГГц, $\gamma = 2$, $\varepsilon_F = 10$ мэВ; $\mu = 0.3$ (жирная линия), 0.6 (штриховая), 0.9 (тонкая) $\cdot 10^7$ см²/В·с



Рис. 3. Зависимости фотопроводимости двумерного электронного газа от напряженности магнитного поля при подвижности $\mu = 0.6 \cdot 10^7 \text{ см}^2/\text{B} \cdot \text{с}$ для различных значений ширины уровня Ландау γ при частоте излучения f = 50 ГГц, $\varepsilon_F = 10$ мэВ; $\gamma_n = 3.0$ (жирная линия), 2.0 (штриховая), 1.5 (тонкая)

магнитного поля при различных значениях величины Γ при частоте излучения 50 ГГц и подвижности $\mu = 0.6 \cdot 10^7 \text{ см}^2/\text{B}\cdot\text{c}$. Аналогичные зависимости для частоты излучения 150 ГГц приведены на рис. 4 и 5.

Как видно из численного анализа, зависимость



Рис. 4. Зависимости фотопроводимости двумерного электронного газа для различных значений подвижности электронов от напряженности магнитного поля при частоте излучения f = 150 ГГц, $\gamma = 2$, $\varepsilon_F = 10$ мэВ; $\mu = 0.3$ (жирная линия), 0.6 (штриховая), 0.9 (тонкая) $\cdot 10^7$ см²/В·с



Рис. 5. Зависимости фотопроводимости двумерного электронного газа от напряженности магнитного поля при подвижности $\mu = 0.6 \cdot 10^7 \text{ см}^2/\text{B} \cdot \text{с}$ для различных значений ширины уровня Ландау γ при частоте излучения $f = 150 \ \Gamma\Gamma$ ц, $\varepsilon_F = 10 \ \text{мэB}$; $\gamma_n = 3.0$ (жирная линия), 2.0 (штриховая), 1.5 (тонкая)

подвижности электронов от магнитного поля носит осциллирующий характер. В области слабых магнитных полей амплитуда осцилляций очень чувствительна к ширине уровня Ландау и заметно убывает с уменьшением подвижности электронов.

6. ВЫВОДЫ

Изучен отклик неравновесной электронной системы на постоянное измерительное поле в случае, когда исходная неравновесность спиновой подсистемы электронов проводимости (спиновых степеней свободы), создаваемая переменным магнитным СВЧ-полем, реализует в электронной системе комбинированные резонансные переходы. Показано, что такое возмущение спиновой подсистемы электронов проводимости через спин-орбитальное взаимодействие передается в подсистему кинетических степеней свободы и сказывается на кинетических коэффициентах, приводя к осцилляциям диагональных компонент тензора проводимости. Рассмотренный эффект по своей природе аналогичен эффекту, наблюдаемому в гетероструктурах GaAs/AlGaAs с высокой подвижностью электронов [2]. Но в отличие от последнего, проявление осцилляционной картины в изученном нами случае существенным образом обусловлено спин-орбитальным взаимодействием, имеющим место в данных кристаллах.

Работа выполнена при поддержке Фонда содействия отечественной науке.

приложение А

Построим каноническое преобразование $W_2(t)$, исключающее из эффективного гамильтониана перенормированное взаимодействие с переменным магнитным полем. Оператор канонического преобразования будем искать, исходя из уравнения

$$iW_{2}^{\dagger}(t)\left(-i\hbar\frac{\partial}{\partial t} + H_{k} + H_{s} + H_{eh,1}(t)\right)W_{2}(t) =$$
$$= -i\hbar\frac{\partial}{\partial t} + H_{k} + H_{s}. \quad (35)$$

Функцию $W_2(t)$ будем искать в виде

$$W_{2}(t) = \exp\{i\theta(t)\} \times \\ \times \exp\left\{i\sum_{j} (\eta^{-}(t)p_{j}^{+}S_{j}^{z} + \eta^{+}(t)p_{j}^{-}S_{j}^{z})\right\}, \quad (36)$$

где параметры $\theta(t), \eta^{\pm}(t)$ подлежат определению.

Для нахождения этих параметров подействуем

каноническим преобразованием на все члены в левой части уравнения (35):

$$W_{2}^{\dagger}(t) \left(-i\hbar\frac{\partial}{\partial t}\right) W_{2}(t) =$$

= $-i\hbar\frac{\partial}{\partial t} + \hbar\dot{\theta}(t) + \hbar\sum_{j}(\dot{\eta}^{-}(t)p_{j}^{+} + \dot{\eta}^{+}(t)p_{j}^{-}), \quad (37)$

$$W_{2}^{\dagger}(t)H_{k}W_{2}(t) = \frac{1}{4m}\sum_{j}(p_{j}^{+}p_{j}^{-} - 4im\hbar\omega_{c}\eta^{+}(t) \times S_{j}^{z}p_{j}^{-} + 4im\hbar\omega_{c}\eta^{-}(t)S_{j}^{z}p_{j}^{+} + m^{2}\hbar^{2}\omega_{c}^{2}\eta^{+}(t)\eta^{-}(t)), \quad (38)$$

$$W_2^{\dagger}(t)H_sW_2(t) = H_s,$$
 (39)

$$W_{2}^{\dagger}(t)H_{eh,1}(t)W_{2}(t) = \frac{i\alpha\omega_{1s}}{2(\omega_{c}-\omega_{s})} \times \sum_{j} S_{j}^{z}((p_{j}^{+}-2im\hbar\omega_{c}\eta^{+}(t)S_{j}^{z})e^{-i\omega t} - (p_{j}^{-}+2im\hbar\omega_{c}\eta^{-}(t)S_{j}^{z})e^{i\omega t}). \quad (40)$$

Очевидно, что равенство (35) будет выполняться тождественно, если имеют место соотношения

$$\hbar \dot{\eta}^{\pm}(t) \mp i \hbar \omega_c \eta^{\pm}(t) \mp \frac{i \alpha \omega_{1s}}{2(\omega_c - \omega_s)} e^{\pm i \omega t} = 0, \qquad (41)$$

$$\begin{split} &\hbar\dot{\theta}(t) + \frac{Nm\hbar^2\omega_c^2}{4}\eta^+(t)\eta^-(t) + \\ &+ \frac{N\alpha\omega_{1s}m\hbar\omega_c}{4(\omega_c - \omega_s)}(\eta^+(t)e^{-i\omega t} + \eta^-(t)e^{i\omega t}) = 0. \end{split}$$
(42)

Отсюда получаем явные выражения для $\eta^{\pm}(t)$, $\theta(t)$:

$$\eta^{\pm}(t) = \frac{\alpha \omega_{1s}}{2\hbar(\omega_c - \omega_s)(\omega - \omega_c)} e^{\pm i\omega t}, \qquad (43)$$

$$\theta(t) = \frac{Nm\alpha^2\omega_{1s}^2(3\omega_c - 4\omega)t}{16\hbar(\omega_c - \omega_s)^2(\omega - \omega_c)^2}.$$
(44)

Таким образом, явный вид канонического преобразования $W_2(t)$ известен. Физический смысл данного преобразования состоит в переходе в неравномерно поступательно движущиеся системы координат, различные для электронов с противоположной ориентацией спина.

приложение в

В результате канонического преобразования $W_2(t)$ происходит перенормировка взаимодействия электронов с примесями. В случае упругого рассеяния для нахождения перенормированного гамильтониана электрон-примесного взаимодействия достаточно вычислить выражение $W_2^{\dagger}(t) \exp(i\mathbf{q}\cdot\mathbf{r}_j)W_2(t)$. Используя явный вид оператора $W_2^{\dagger}(t)$, получаем

$$W_2^{\dagger}(t) \exp(i\mathbf{q} \cdot \mathbf{r}_j) W_2(t) = \exp\left\{i\mathbf{q} \cdot (\mathbf{r}_j + \mathbf{\Delta}\mathbf{r}_j)\right\}, \quad (45)$$

где

$$\mathbf{\Delta r}_{j} = -\frac{\alpha\omega_{1s}}{(\omega_{c} - \omega_{s})(\omega - \omega_{c})}S_{j}^{z} \cdot (\cos\omega t, \sin\omega t, 0). \quad (46)$$

Пользуясь разложением экспоненты по функциям Бесселя, имеем

$$\exp\{-i\operatorname{Re}(2K_q S_j^z e^{i\omega t})\} =$$

$$= \sum_{l=-\infty}^{\infty} \left(2S_j^z \frac{K_q}{i|K_q|} \exp(i\omega t)\right)^l J_l(|K_q|), \quad (47)$$

$$K_q = \frac{\alpha\omega_{1s}(q_x - iq_y)}{(\omega_c - \omega_s)(\omega - \omega_c)}.$$

Таким образом, перенормированный гамильтониан электрон-примесного взаимодействия имеет вид

$$\tilde{H}_{ev}(t) = \sum_{\mathbf{q}j} \sum_{l=-\infty}^{\infty} V(\mathbf{q})\rho(\mathbf{q}) \times \\ \times \exp(i\mathbf{q}\cdot\mathbf{r}_j) \left(2S_j^z \frac{K_q}{i|K_q|} \exp(i\omega t)\right)^l J_l(|K_q|).$$
(48)

Для скорости изменения импульса электронов за счет перенормированного взаимодействия с примесями получаем

$$\dot{p}_{(\bar{v})}^{\pm} = -i \sum_{\mathbf{q}j} \sum_{l=-\infty}^{\infty} q^{\pm} V(\mathbf{q}) \rho(\mathbf{q}) \times \\ \times \exp(i\mathbf{q} \cdot \mathbf{r}_j) \left(2S_j^z \frac{K_q}{i|K_q|} \exp(i\omega t) \right)^l J_l(|K_q|).$$
(49)

ЛИТЕРАТУРА

- M. A. Zudov, R. R. Du, L. N. Pfeiffer, and K. W. West, E-print archives, cond-mat/0210034; Phys. Rev. Lett. 90, 046807 (2003); EP2S-15, Nara, Japan (2003).
- R. G. Mani, J. H. Smet, K. von Klitzing, V. Narayanamurti, W. B. Johnson, and V. Umansky, Nature 420, 646 (2002); E-print archives, cond-mat/0306388; 26 Int. Conf. Phys. of Semicond., Edinburg (2002); Ep2S-15, Nara, Japan (2003).
- Adam C. Durst, Subir Sachdev, N. Read, and S. M. Girvin, Phys. Rev. Lett. 91, 086803 (2003).
- 4. B. Das, D. C. Miller, S. Datta, R. Reifenberger, W. P. Hong, P. K. Bhattacharya, and M. Jaffe, Phys. Rev. B 39, 1411 (1989).
- P. R. Hammar and M. Johnson, Phys. Rev. B 61, 7207 (2000).
- Л. С. Левитов, Ю. В. Назаров, Г. М. Элиашберг, ЖЭТФ 88, 229 (1985).
- **7**. Э. И. Рашба, УФН **84**, 557 (1964).
- В. П. Калашников, И. И. Ляпилин, ТМФ 18, 273 (1974).
- I. Zutic, J. Fabian, and S. Das Sarma, Rev. Mod. Phys. 76, 323 (2004).
- V. Ryzhii and V. Vyurkov, Phys. Rev. B 68, 165406 (2003).
- A. V. Andreev, I. L. Aleiner, and A. J. Millis, Phys. Rev. Lett. 91, 056803 (2003).
- 12. F. S. Bergeret, B. Huckestein, and A. F. Volkov, Phys. Rev. B 67, 241303 (2003).
- 13. В. П. Калашников, ТМФ 5, 293 (1970).
- 14. E. Rashba, Physica E 20, 189 (2004).
- **15**. В. П. Калашников, ТМФ **9**, 94 (1971).