## ОБОБЩЕННОЕ РАСПРЕДЕЛЕНИЕ ЛИФШИЦА – СЛЁЗОВА – ВАГНЕРА

Р. Д. Венгренович<sup>\*</sup>, Б. В. Иванский, А. В. Москалюк

Черновицкий национальный университет им. Ю. Федьковича 58012, Черновцы, Украина

Поступила в редакцию 24 июля 2006 г.

Рассчитаны функция распределения по размерам и временные зависимости для средних (критических) и максимальных размеров частиц в предположении одновременного действия двух механизмов массопереноса, контролируемых объемной диффузией и скоростью образования химических связей на поверхности частиц. Проведено сравнение теоретической кривой с экспериментальными гистограммами. Результаты сравнения подтверждают возможность реализации на практике рассматриваемого механизма роста частиц в процессе оствальдовского созревания.

PACS: 66.30.Pa

#### 1. ВВЕДЕНИЕ

Распад пересыщенных твердых растворов с образованием новой фазы включает три стадии: зарождение центров (кластеров, зародышей, выделений) новой фазы, их независимый рост и, наконец, развитие этих центров во взаимодействии друг с другом. Эту последнюю, так называемую позднюю, стадию распада пересыщенного твердого раствора впервые обнаружил Оствальд [1]. Она характеризуется тем, что в результате диффузионного массопереноса вещества от кластеров с большей кривизной поверхности к кластерам с меньшей кривизной поверхности (вследствие эффекта Гиббса-Томсона) мелкие кластеры растворяются и исчезают, обусловливая тем самым непрерывное увеличение среднего размера выделений. Согласно работам [2, 3], взаимодействие кластеров друг с другом осуществляется через обобщенное самосогласованное диффузионное поле. Этот процесс, когда крупные кластеры растут за счет мелких, называют оствальдовским созреванием (ОС) или коалесценцией. В последнее время больше прижилось первое название — OC. Изучение OC позволило определять вид функции распределения кластеров по размерам в зависимости от механизмов массопереноса.

Первая всесторонняя теория ОС для диффузионного механизма массопереноса была разработана Лифшицем и Слезовым [4, 5].

При диффузионном механизме массопереноса атомы растворенного вещества, достигающие кластеров диффузионным путем, полностью поглощаются ими, так что рост кластеров контролируется матричной диффузией и, в частности, коэффициентом объемной диффузии  $D_v$ . Вагнер [6] впервые указал, что это возможно, если атомы, пересекающие границу раздела кластер-матрица и попадающие на их поверхность в единицу времени, успевают образовать химические связи, необходимые для воспроизведения структуры вещества кластеров. Если это не так, то вокруг границы раздела кластер-матрица происходит накопление растворенных атомов с концентрацией C, равной средней концентрации  $\langle C \rangle$  раствора. При этом процесс роста уже контролируется не коэффициентом объемной диффузии  $D_v$ , а кинетическим коэффициентом  $\beta$ .

Таким образом, в своей работе, опубликованной тремя годами позже работ Лифшица и Слезова, Вагнер рассмотрел другой механизм роста кластеров, контролируемый скоростью образования химических связей на их поверхности.

Работы [4-6] составляют основу теории ОС, которую принято называть теорией Лифшица-Слезова-Вагнера. В рамках этой теории впоследствии

<sup>\*</sup>E-mail: vengrenovich@i.ua

был решен ряд других задач, соответствующих ОС в условиях диффузии по границам зерен [7, 8], поверхностной диффузии [9, 10], диффузии по дислокационным трубкам [11–16] и т. п.

В последнее время теория Лифшица – Слезова – Вагнера успешно используется для анализа эволюции островковой структуры, возникающей в процессе самоорганизации в полупроводниковых гетеросистемах [17–25]. Ею пользуются также для описания диссипативных структур в неравновесных полупроводниковых системах [26, 27].

По Вагнеру число атомов, которые пересекают границу раздела кластер-матрица и попадают на поверхность кластера в единицу времени, равно

$$j_1 = 4\pi r^2 \beta \langle C \rangle, \tag{1}$$

а число покидающих его атомов в единицу времени —

$$j_2 = 4\pi r^2 \beta C_r,\tag{2}$$

так что суммарный поток атомов, участвующих в образовании химических связей, равен

$$j_i = j_1 - j_2 = 4\pi r^2 \beta (\langle C \rangle - C_r),$$
 (3)

где

$$C_r = C_\infty \exp\left(\frac{2\sigma v_m}{rkT}\right) \approx C_\infty \left(1 + \frac{2\sigma v_m}{rkT}\right)$$

— концентрация атомов растворенного вещества на границе с кластером радиуса  $r, C_{\infty}$  — равновесная концентрация при данной температуре  $T, \sigma$  — межфазная поверхностная энергия,  $v_m$  — объем атома растворенного вещества, k — константа Больцмана,  $\beta$  — кинетический коэффициент.

Потоки  $j_1$  к кластеру и  $j_2$  от кластера обусловлены тепловым движением атомов. Поток  $j_1$  пропорционален средней концентрации раствора  $\langle C \rangle$ , поток  $j_2$  — концентрации  $C_r$ , которая должна установиться на границе с кластером в соответствии с формулой Гиббса-Томсона ( $C_r = C_\infty \exp(2\sigma v_m/rkT)$ ).

В выражениях (1) и (2) для потоков  $j_1$  и  $j_2$  кинетические коэффициенты  $\beta$  численно равны плотности потока при единичной концентрации. Поэтому, с учетом природы потоков, эти коэффициенты считаются одинаковыми.

Введение кинетического коэффициента  $\beta$ , определяющего потоки  $j_k$  (k = 1, 2), обусловлено неравновесностью процессов, протекающих как на поверхности кластеров, так и на границах их раздела с матрицей. По этой причине выразить поток  $j_k$  через градиент концентрации на границе раздела не

6 ЖЭТФ, вып.6

представляется возможным. Формально его можно записать через градиент концентрации:

$$j_i = 4\pi r^2 \beta (\langle C \rangle - C_r) = 4\pi r^2 \beta r \frac{\langle C \rangle - C_r}{r}, \quad (4)$$

где величина  $\beta r$  имеет размерность коэффициента диффузии, однако такой коэффициент диффузии  $(D^* = \beta r)$  не имеет физического смысла. Поэтому переходят к кинетике.

В состоянии равновесия

$$j_i = j_v = j, \tag{5}$$

поэтому поток *j* атомов к кластеру (от кластера) может быть выражен как

$$j = \frac{1}{2}(j_i + j_v),$$
 (6)

где  $j_v$  — число атомов, достигающих поверхности кластера в единицу времени благодаря диффузии.

Целью настоящей работы является расчет функции распределения кластеров (частиц) по размерам и соответствующих ей временных зависимостей для средних (критических) и максимальных размеров частиц в зависимости от соотношения между потоками  $j_i$  и  $j_v$ .

### 2. CKOPOCTЬ POCTA

Для определения функции распределения частиц по размерам, f(r,t), необходимо знать скорость  $\dot{r} = dr/dt$  роста частиц. Функции f(r,t) и  $\dot{r}$  связаны между собой уравнением непрерывности

$$\frac{\partial f(r,t)}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial r} \left[ f(r,t)\dot{r} \right] = 0.$$
(7)

Скорость роста определяется из условия

$$\frac{d}{dt}\left(\frac{4}{3}\pi r^3\right) = jv_m,\tag{8}$$

где величина *j* задается уравнением (6). Для диффузионной части потока получаем

$$j_v = 4\pi r^2 D_v \left. \frac{dC}{dr} \right|_{r=R} = 4\pi r^2 D_v \frac{\langle C \rangle - C_r}{r}.$$
 (9)

Учитывая выражения (3) и (9), из уравнения (8) находим

$$\frac{dr}{dt} = \frac{1}{2} \frac{(\langle C \rangle - C_r) v_m}{4\pi r^2} \left( 4\pi r^2 \beta + 4\pi r^2 D_v \frac{1}{r} \right).$$
(10)

Обозначим через x и 1 - x доли потоков  $j_v$  и  $j_i$  в общем потоке j:

$$x = \frac{j_v}{j}, \quad 1 - x = \frac{j_i}{j}, \quad \frac{j_v}{j_i} = \frac{x}{1 - x}.$$
 (11)

Для того чтобы скорость роста (10) выразить через долевые потоки  $j_i$  и  $j_v$ , вынесем за скобки второе слагаемое  $4\pi r^2 D_v/r$  и умножим числитель и знаменатель первого слагаемого на  $(\langle C \rangle - C_{r_g})r_g^2$ , где  $C_{r_g}$  концентрация на границе с кластером максимального размера  $r_g$ :

$$\begin{aligned} \frac{dr}{dt} &= \frac{1}{2} (\langle C \rangle - C_r) \frac{D_v v_m}{r} \times \\ &\times \left[ \frac{4\pi r_g^2 \beta (\langle C \rangle - C_{r_g})}{4\pi r_g^2 D_v \frac{(\langle C \rangle - C_{r_g})}{r_g}} \frac{r}{r_g} + 1 \right]. \end{aligned} (12)$$

Первый сомножитель в квадратных скобках равен отношению потоков  $j_i/j_v$  для частицы максимального размера и его, согласно соотношению (11), можно заменить на (1 - x)/x, поскольку никаких ограничений на размеры частиц выражение (11) не содержит. Кроме того, учитывая, что

$$\langle C \rangle - C_r = \frac{2C_{\infty}\sigma v_m}{kT} \left(\frac{1}{r_k} - \frac{1}{r}\right),$$

скорость роста (12) перепишется в виде

$$\frac{dr}{dt} = \frac{\sigma C_{\infty} v_m^2 D_v}{kT} \frac{1}{r^2} \left(\frac{1-x}{x} \frac{r}{r_g} + 1\right) \left(\frac{r}{r_k} - 1\right), \quad (13)$$

где  $r_k$  — критический радиус, который в рамках теории Лифшица – Слезова – Вагнера совпадает со средним радиусом частиц,  $r_k = \langle r \rangle$ .

Уравнение (13) соответствует скорости роста кластеров в условиях матричной диффузии с долевым вкладом (1 - x)-ой части потока, который контролируется кинетическим коэффициентом  $\beta$ . При x = 1 скорость роста (13) совпадает со скоростью роста (2.15), приведенной в обзоре [2]:

$$\frac{dR}{dt} = \frac{D_{n-1}a_{n-1}}{R^{n-1}} \left(\frac{R}{R_k} - 1\right),$$

где критический радиус  $R_k$ , согласно работе [2], определяется пресыщением  $\Delta = \alpha/R_k$ . При n = 3 имеем  $D_2 = D_v$ ,  $a_2 = C_{\infty}\sigma v_m^2/kT$ .

Повторяя предыдущую процедуру и вынося за скобки  $4\pi r^2\beta,$  получаем

$$\frac{dr}{dt} = \frac{C_{\infty}\sigma v_m^2\beta}{kT} \frac{1}{r} \left(\frac{x}{1-x} \frac{r_g}{r} + 1\right) \left(\frac{r}{r_k} - 1\right).$$
(14)



Рис. 1. Схематическая зависимость удельной скорости роста  $\dot{r}/r$  от r

Уравнение (14) описывает скорость роста кластеров в условиях, контролируемых кинетическим коэффициентом  $\beta$  с долевым участием x матричной диффузии. Если x = 0, то процесс роста будет полностью определяться кинетическим коэффициентом и уравнение (14) совпадает с (2.15) из [2] при n = 2, где  $D_1 = \beta, a_1 = C_{\infty} \sigma v_m^2 / kT$ . В уравнениях для скорости роста (13) и (14), являющихся комбинацией вагнеровского и обычного диффузионного механизмов укрупнения кластеров, предполагается, что ни одним из слагаемых в выражении (6) для общего потока ј пренебрегать нельзя. Это означает, что потоки  $j_v$  и  $j_i$  должны быть сравнимы между собой. Но образование химических связей является электронным процессом, а классическая диффузия атомным активационным процессом с другим временным масштабом. Возникает вопрос, при каких условиях два качественно разных времени релаксации, а именно, времена релаксации химических связей  $(\tau_b)$  и диффузии  $(\tau_d)$ , оказываются сравнимыми. Таким образом, вопрос об отношении между потоками  $j_v$  и  $j_i$  сводится фактически к отношению между временами релаксации  $\tau_b$  и  $\tau_d$ , а в конечном счете к вопросу о возможности реализации предлагаемого механизма роста кластеров.

Ответить на возникающий вопрос в общем случае сложно. По-видимому, времена релаксации  $\tau_b$  и  $\tau_d$  сравнимы, если электронный процесс образования химических связей является активационным и если энергии активации обоих процессов, электронного и диффузионного, сравнимы между собой.

В работе [6] получены решения для крайних случаев:  $x = 0, \tau_d \ll \tau_b$  (вагнеровский механизм роста) и  $x = 1, \tau_b \ll \tau_d$  (диффузионный механизм роста).



Рис. 2. Рассчитанная по выражению (28) функция g(u) (a) и функция  $g(u)/g^{max}$  (б)

Заметим, что в работе [6] времена релаксации не обсуждаются.

В рассматриваемом нами случае, когда решение ищется для любого значения x в интервале 0 < x < 1, времена релаксации должны быть сравнимы между собой, по крайней мере, для таких систем, экспериментальные гистограммы которых описываются рассчитанными кривыми. Ниже мы проведем такое сравнение.

# 3. ВРЕМЕННЫЕ ИЗМЕНЕНИЯ ВЕЛИЧИН $r_{g}$ И $r_{k}$

Одним из основных параметров теории Лифшица – Слезова – Вагнера является отношение  $r_g/r_k$  (в терминах работ [4, 5] — это запирающая точка  $u_0$ ), знание которого, совместно с уравнением (13) или (14) для скорости роста, позволяет проинтегрировать уравнение (7), после разделения в нем переменных, и определить аналитический вид функции распределения по размерам. Это отношение можно найти из кривой зависимости удельной скорости роста  $\dot{r}/r$  от r, схематически показанной на рис. 1, где  $\dot{r}$  определяется уравнением (13) или (14) [14]. В точке, где скорость роста на единицу длины радиуса кластера достигает максимума, производная равна нулю:

$$\left. \frac{d}{dr} \left( \frac{\dot{r}}{r} \right) \right|_{r=r_g} = 0. \tag{15}$$

Физически это означает, что максимального размера  $r_{q}$  достигает та из частиц, для которой скорость

роста единицы длины ее радиуса наибольшая. Из выражения (15) получаем

$$\frac{r_g}{r_k} = \frac{2+x}{1+x}.$$
 (16)

Положив в уравнении (13)  $r = r_g$  и заменив отношение  $r_g/r_k$  его значением (16), после интегрирования получим

 $r_g^3 = A^* \frac{t}{x(1+x)}, \quad A^* = \frac{3\sigma v_m^2 C_\infty D_v}{kT},$  (17)

ИЛИ

$$r_k^3 = A^* \frac{(1+x)^2}{x(2+x)^3} t.$$
 (18)

При *x* = 1 рост частиц полностью контролируется коэффициентом объемной диффузии:

$$r_g^3 = \frac{1}{2}A^*t, \quad r_k^3 = \frac{4}{27}A^*t, \quad \frac{r_g}{r_k} = \frac{3}{2}.$$
 (19)

Аналогично из уравнения (14) получаем

$$r_g^2 = B^* \frac{t}{1 - x^2}, \quad B^* = \frac{2\sigma v_m^2 C_\infty \beta}{kT},$$
 (20)

ИЛИ

$$r_k^2 = B^* \frac{1+x}{(1-x)(2+x)^2} t.$$
 (21)

Уравнения (20) и (21) описывают изменение со временем размеров кластеров, когда их рост контролируется кинетическим коэффициентом  $\beta$ , с долевым участием матричной диффузии. Если x = 0, то процесс роста полностью контролируется кинетикой перехода через границу раздела кластер-матрица:

$$r_g^2 = B^* t, \quad r_k^2 = \frac{1}{4} B^* t, \quad \frac{r_g}{r_k} = 2.$$
 (22)

6\*

### 4. РАСПРЕДЕЛЕНИЕ ПО РАЗМЕРАМ

Функцию распределения кластеров по размерам, согласно работе [14], в интервале значений  $0 \le x \le 1$  будем искать в виде произведения:

$$f(r,t) = \varphi(r_g)g(u), \tag{23}$$

где g(u) — распределение кластеров по относительным размерам,  $u = r/r_g$ . Функцию  $\varphi(r_g)$  находим из закона сохранения массы дисперсной фазы:

$$M = \frac{4}{3}\pi\rho \int_{0}^{r_{g}} r^{3}f(r,t) \, dr.$$
 (24)

После подстановки в него f(r, t) из (23) получаем

$$\varphi(r_g) = \frac{Q}{r_a^4},\tag{25}$$

где

$$Q = \frac{3M}{4\pi\rho \int_{0}^{1} u^{3}g(u) \, du}.$$

Для определения функции g(u) воспользуемся уравнением непрерывности (7), подставляя в него вместо f(r,t) и  $\dot{r}$  их значения из (14) (или (13)) и (23). При переходе от дифференцирования по r и tк дифференцированию по u переменные разделяются:

$$\frac{dg(u)}{g(u)} = -\left(4v_g - \frac{1}{u^2}\frac{dv}{du} + 2\frac{v}{u^3}\right) \times \left(uv_g - \frac{v}{u^2}\right)^{-1} du, \quad (26)$$

где учтено, что

$$v = \frac{r^2 \dot{r}}{B^*} = \left(1 + \frac{1-x}{x}u\right) \left(\frac{2+x}{1+x}u - 1\right),$$
$$v_g = \left.\frac{r_g^2}{B^*} \frac{dr_g}{dt} = v\right|_{u=1} = \frac{1}{x(1+x)},$$
$$\frac{du}{dr} = \frac{1}{r_g}, \quad \frac{du}{dr_g} = -\frac{u}{r_g}.$$

Подставляя в выражение (26) значения  $v, v_g$  и dv/du, после несложных преобразований получаем уравнение

$$\frac{dg(u)}{g(u)} = -\frac{4u^3 + u(2x^2 + 2x - 1) - 2(1 + x)x}{u(1 - u)^2(u + x + x^2)} du, \quad (27)$$



Рис.3. Сравнение кривой (28) с экспериментальными гистограммами наноразмерных частиц Al<sub>3</sub>Sc [29] в сплавах Al-Sc при различных температурах и временах выдержки: a - 300 °C, 6 ч;  $r_g/r_k = 1.55$ ;  $\delta - 300$  °C, 72 ч;  $r_g/r_k = 1.53$ ;  $\epsilon - 300$  °C, 350 ч;  $r_g/r_k = 1.83$ ;  $\epsilon - 400$  °C, 1 ч;  $r_g/r_k = 1.77$ ;  $\partial - 400$  °C, 5 ч;  $r_g/r_k = 1.83$ 



**Рис. 4.** Сравнение с экспериментальными гистограммами нанокристаллов AI, полученных при отжиге аморфного сплава AI<sub>85</sub>Ni<sub>8</sub>Y<sub>5</sub>Co<sub>2</sub> (508 K) в течение 1 мин (*a*,  $r_g/r_k = 1.83$ ) и 2.5 мин (*б*,  $r_g/r_k = 1.91$ ) [30]

интегрирование которого позволяет определить аналитический вид обобщенного распределения:

$$g(u) = u^2 (1-u)^{-B} (u+x^2+x)^D \exp\left(\frac{C}{1-u}\right), \quad (28)$$

где

$$B = \frac{2x^4 + 4x^3 + 12x^2 + 10x + 5}{F},$$

$$C = -\frac{3x^2 + 3x + 3}{F},$$

$$D = -\frac{4x^4 + 8x^3 + 6x^2 + 2x + 1}{F},$$

$$F = x^4 + 2x^3 + 3x^2 + 2x + 1.$$
(29)

При x = 1 имеем B = 11/3, C = -1, D = -7/3 и выражение (28) соответствует распределению Лифшица-Слезова:

$$g(u) = u^2 (1-u)^{-11/3} (u+2)^{-7/3} \exp\left(-\frac{1}{1-u}\right).$$
 (30)

При x = 0 имеем B = 5, C = -3, D = -1 и выражение (28) переходит в распределение Вагнера:

$$g(u) = u(1-u)^{-5} \exp\left(-\frac{3}{1-u}\right).$$
 (31)

В интервале  $0 \le x \le 1$  распределение по размерам описывается обобщенной функцией Лифшица-Слезова-Вагнера.

### 5. ОБСУЖДЕНИЕ

На рис. 2*a* приведены кривые, соответствующие распределению (28), рассчитанные при различных

значениях параметра x, через интервал  $\Delta x = 0.1$ . На вставке показана функция Вагнера (x = 0). Виден плавный переход от распределения Лифшица-Слезова (30) при x = 1 к распределению Вагнера (31).

Эти же кривые, нормированные на свои максимумы, показаны на рис. 26. В таком виде они удобны для сравнения с аналогично нормированными экспериментальными гистограммами.

Следует отметить, что расчет теоретической кривой при одновременном действии двух механизмов массопереноса — объемной диффузии и химической реакции на границе выделение-матрица — был выполнен ранее численными методами с использованием ЭВМ авторами работ [2, 28].

Однако распределение (28), рассчитанное для двух механизмов массопереноса, контролируемых коэффициентом объемной диффузии и кинетикой перехода растворенных атомов через границу раздела кластер-матрица, т.е. кинетическим коэффициентом  $\beta$ , в аналитическом виде впервые получено нами. Чем выше скорость образования химических связей на поверхности частиц, тем легче растворенные атомы преодолевают потенциальный барьер на границе раздела кластер-матрица. В этом случае скорость роста кластеров в меньшей мере контролируется кинетикой на границе раздела и в большей мере — диффузионными процессами массопереноса. При этом вклад диффузионного потока  $j_v$  в общий поток вещества j к частице (от частицы) увеличивается, а распределение по размерам все больше приближается к распределению Лифшица-Слезова (30).

На рис. 3 приведены результаты сравнения теоретической кривой (28) с экспериментальными гистограммами наноразмерных частиц Al<sub>3</sub>Sc в сплавах Al–Sc [29], соответствующих температуре 300 °C и временам выдержки 6, 72, 350 ч; температуре 400 °C и временам выдержки 1, 5 ч. Используя полученные из результатов сравнения значения x, можно определить процентное соотношение между потоками и установить, какой из механизмов роста частиц является определяющим. Кроме того, зная x, можно найти отношение  $r_g/r_k$ , которое может быть использовано затем как оценочный параметр при выборе теоретической кривой для сравнения с нужной гистограммой.

Из рис. 3 следует, что увеличение времени выдержки при температуре 300 °С до 350 ч приводит к смене механизма роста частиц от лимитируемого преимущественно диффузионными процессами массопереноса (x = 0.8 (a), x = 0.9 (b)) до контролируемого преимущественно кинетикой на границе раздела выделение-матрица (x = 0.2 (b)).

Увеличение температуры выдержки до 400 °C способствует росту частиц в условиях, контролируемых преимущественно кинетикой на границе раздела фаз (x = 0.3 (e), x = 0.2 (d)).

Возможность реализации рассматриваемого механизма роста частиц, контролируемого одновременно коэффициентом объемной диффузии  $D_v$  и кинетическим коэффициентом  $\beta$ , подтверждается также экспериментальными гистограммами для нанокристалов алюминия, получаемых в процессе кристаллизации аморфного сплава Al<sub>85</sub>Ni<sub>8</sub>Y<sub>5</sub>Co<sub>2</sub> [30].

На рис. 4 показано сравнение экспериментальных гистограмм, полученных в процессе кристаллизации аморфного сплава при температуре 508 К в течение 1 и 2.5 мин, с теоретической кривой (28). Видно, что теоретические кривые неплохо охватывают экспериментальные гистограммы при значениях x = 0.2 (a) и x = 0.1 (б).

Таким образом, рассмотренные примеры сравнения с экспериментом позволяют сделать вывод, что распределение (28) вполне приемлемо описывает экспериментальные гистограммы, если рост частиц в процессе ОС контролируется одновременно двумя механизмами массопереноса, рассмотренными ранее по отдельности Лифшицем, Слезовым и Вагнером.

### ЛИТЕРАТУРА

1. W. Ostwald, Z. Phys. Chem. 34, 495 (1900).

- 2. В. В. Слезов, В. В. Сагалович, УФН 151, 67 (1987).
- **3**. С. А. Кукушкин, А. В. Осипов, УФН **168**, 1083 (1998).
- 4. И. М. Лифшиц, В. В. Слезов, ЖЭТФ **35**, 479 (1958).
- I. M. Lifshits and V. V. Slezov, J. Phys. Chem. Sol. 19, 35 (1961).
- 6. C. Wagner, Z. Electrochem. 65, 581 (1961).
- 7. В. В. Слезов, ФТТ 9, 1187 (1967).
- 8. H. O. K. Kirchner, Metall. Trans. 2, 2861 (1971).
- B. K. Chakraverty, J. Phys. Chem. Sol. 28, 2401 (1967).
- 10. Р. Д. Венгренович, УФЖ 22, 219 (1977).
- 11. H. Kreye, Z. Metallkunde 61, 108 (1970).
- 12. A. J. Ardell, Acta Metall. 20, 602 (1972).
- 13. Р. Д. Венгренович, ФММ 39, 435 (1975).
- 14. R. D. Vengrenovitch, Acta Metall. 30, 1079 (1982).
- 15. Р. Д. Венгренович, Ю. В. Гудыма, С. В. Ярема, ФММ 91, 16 (2001).
- R. D. Vengrenovich, Yu. V. Gudyma, and S. V. Yarema, Scripta Materialia 46, 363 (2002).
- 17. M. C. Bartelt and J. W. Evans, Phys. Rev. B 46, 12675 (1992).
- 18. N. C. Bartelt, W. Theis, and R. M. Tromp, Phys. Rev. B 54, 11741 (1996).
- 19. I. Goldfarb, P. T. Hayden, J. H. G. Owen, and G. A. D. Briggs, Phys. Rev. Lett. 78, 3959 (1997); Phys. Rev. B 56, 10459 (1997).
- B. A. Joyce, D. D. Vvedensky, A. R. Avery et al., Appl. Surf. Sci. 130–132, 357 (1998).
- 21. T. I. Kamins, G. Medeiros-Ribeiro, D. A. A. Ohlberg, and R. Stanley Williams, J. Appl. Phys. 85, 1159 (1999).
- **22**. Р. Д. Венгренович, Ю. В. Гудыма, С. В. Ярема, ФТП **35**, 1440 (2001).
- 23. R. D. Vengrenovich, Yu. V. Gudyma, and S. V. Yarema, Phys. Stat. Sol. (b) 242, 881 (2005).

- 24. О. П. Пчеляков, Ю. Б. Никифоров, А. И. Якимов,
   Б. Фойхтлендер, ФТП 34, 1281 (2000).
- **25**. Н. Н. Леденцов, В. М. Устинов, В. А. Щукин и др., ФТП **32**, 385 (1998).
- **26**. Р. Д. Венгренович, Ю. В. Гудыма, ФТТ **43**, 1171 (2001).
- 27. R. D. Vengrenovich, Yu. V. Gudyma, and D. D. Nikirsa, J. Phys.: Condens Matter 13, 2947 (2001).
- 28. С. Н. Слепцов, В. В. Слезов, В. В. Сагалович, Препринт № ХФТИ 82-72 ХФТИ АН УСРР (1982).
- 29. E. A. Marquis and D. N. Seidman, Acta Mater. 49, 1909 (2001).
- 30. H. Nitsche, F. Sommer, and E. J. Mittemeijer, J. Non-Cryst. Sol. 351, 3760 (2005).