ВЛИЯНИЕ ФЛУКТУАЦИИ СВЯЗЕЙ НА ТРАНСПОРТНЫЕ СВОЙСТВА В МАНГАНИТАХ И НИКЕЛАТАХ

С. С. Аплеснин*

Институт физики им. Л. В. Киренского Сибирского отделения Российской академии наук 660036, Красноярск, Россия

Сибирский государственный аэрокосмический университет им. М. Ф. Решетнева 660014, Красноярск, Россия

Поступила в редакцию 23 октября 2006 г.

Для манганитов RMnO₃, R = La, Pr, Nd, предложен механизм аномального температурного поведения кинетических коэффициентов, сопротивления и термоэдс при переходе из псевдокубической O в орторомбическую O' кристаллическую структуру. Оценен вклад изгибной и растягивающей мод октаэдра в формирование максимумов коэффициента теплопроводности, отклонение от линейной зависимости $\ln(\rho/T)$ от 1/T в области низких температур. В никелатах переход метал-диэлектрик вызван пиннингованием решеточных поляронов на растягивающей моде октаэдра, а низкотемпературная аномалия коэффициента теплопроводности связана с рассеянием электронов на изгибной моде октаэдра.

PACS: 72.20.-i, 72.20.Nz, 72.15.Qm

1. ВВЕДЕНИЕ

Зарядовое упорядочение часто встречается в оксидах переходных металлов и особенно привлекает интерес в связи с эффектом гигантского магнитосопротивления в манганитах и переходом металл-диэлектрик (MI) в ANiO₃ (А = = Y, Pr, Nd, ...) [1]. Зарядовая диспропорция $\mathrm{Me^{+3}}$ = $\mathrm{Me^{+3-\delta}}$ + $\mathrm{Me^{+3+\delta}}$ является общим свойством для семейства перовскитов AMeO₃ (A = = Pr, Nd, ..., Me = Mn, Co, Ni) и тесно связана с резким ростом проводимости ниже некоторой критической температуры. Так, наибольшее изменение в сопротивлении ρ случается в интервале температур $T^* < T < T_{JT}$, где T^* — температура орбитального разупорядочения, T_{JT} — температура кооперативного упорядочения ян-теллеровских искажений октаэдра [2]. Для семейства AMnO₃ (A = La, Pr, Nd, ...) наблюдается щель в спектре одночастичных электронных возбуждений и сопротивление описывается по поляронному типу: $ho(T) = AT \exp(-E_a/T)$ в узкой области температур [2]. Как выше температуры $T > T_{JT}$, так и ниже *T* < *T*^{*} проводимость имеет полупроводниковый характер с энергией активации $0.3 \ \text{эB} < E_a < 1.2 \ \text{эB}$, причем для лантана энергия активации не меняется в области температур $T > T_{JT}$ и $T < T^*$. Спектральный вес оптической проводимости сдвигается в сторону низких энергий при нагревании выше температуры T_{JT} [3]. Данные нейтронов с высоким разрешением парной функции распределения атомов указывают на существование локальных искажений октаэдра, сохраняющихся в кластерах диаметром около 16 Å ~ 4MnO₆ [4] без изменений угла наклона октаэдра в кластере. Авторы работы [2] объяснили аномалию сопротивления при *T* < *T*_{JT} зарядовой диспропорцией ионов Mn^{3+} на Mn^{2+} и Mn^{4+} . Однако полная реакция диспропорции даст величину спина $\mu_{eff} = 5.0 \mu_B$, что отличается от экспериментальных данных для локализованного Mn³⁺ для температуры $T > T_{JT}, \mu = 5.22 \mu_B$ и $T < T^*, \mu = 4.89 \mu_B$ [5]. Независимость коэффициента термоэдс от температуры при $T>T_{JT}$ и большой фактор Дебая – Валлера [6] в окрестности $T \sim T_{JT}$ указывают на тяжелую эффективную массу носителя тока.

Ион Ni³⁺ имеет электронную конфигурацию e_g , аналогичную Mn³⁺ с сильной *p*-*d*-гибридизацией. Электронное состояние иона Ni³⁺ в октаэдре близ-

^{*}E-mail: apl@iph.krasn.ru

ко к $Ni^{2+}L$ (дырка в лиганде на ионе кислорода 2р-орбитали) [7] и зарядовая диспропорция может быть представлена как $2\mathrm{Ni}^{2+}\underline{L} \to \mathrm{Ni}^{2+} + \mathrm{Ni}^{2+}\underline{L}^{2\delta}$, где дырки на кислороде играют решающую роль. Структурные и магнитные исследования указывают на существование больших неоднородных областей как в металлической, так и в диэлектрической фазах. Рентгеновская спектроскопия на К-линии атома Ni обнаружила различные длины связей Ni-O в пределах первой координационной сферы $\Delta \sigma_{\rm Ni-O}^2 \approx 0.0012 \,{\rm \AA}^2$ [8]. В области перехода MI в семействе кристаллов ANiO₃ наблюдается плавное уменьшение спектральной плотности в области энергий $\Delta E = E - E_F \sim 0.6$ эВ для ионов A = Pr, Nd и отсутствие изменений в $g(E_F)$ для A = Sm, Eu [9]. Температурная эволюция спектральной плотности на уровне Ферми и температурное поведение сопротивления сильно различаются. Так, для соединений с $T_N = T_{MI}$ наблюдается температурный гистерезис в $\rho(T)$. Учет корреляционных эффектов с учетом смешанных d^7 -, $d^8 \underline{L}$ -, $d^9 \underline{L}^2$ -состояний приводит к уменьшению ковалентных эффектов с понижением температуры и к изменению электронной структуры в широкой области температур. Более адекватное описание $\rho(T)$ дает модель зарядового упорядочения, связанная с упорядочением связей Ni-O, что коррелирует с гигантским изотопическим эффектом на T_{MI} , демонстрирующим флуктуации смещений атома кислорода, которые, в свою очередь, модулируют длину связи Ni–O [10].

Семейство кристаллов АТіО₃ с электронной конфигурацией d^1 не обнаруживает перехода MI в соединениях с металлическим типом проводимости LaTiO₃, хотя здесь также реализуется орбитальное упорядочение с орторомбическим искажением решетки ниже температуры Нееля $T_N = 146$ K [11], а мотт-хаббардовский диэлектрик YTiO₃ со щелью в спектре электронных возбуждений $\Delta \approx 0.8$ эВ имеет типичный полупроводниковый характер [12]. Оксиды металлов Ti, V в перовскитоподобной структуре не обнаруживают зарядовой диспропорции и флуктуации длины связей Ті-О, V-О отсутствуют. Анализ экспериментальных данных указывает на то, что зарядовое упорядочение и флуктуации длин связей металл-кислород возможны в соединениях $AMeO_3$, где электронная конфигурация металла e_a . Образование ковалентной связи $d_{3z^2} - p_z$ (здесь и ниже орбиталь $d_{3z^2-r^2}$ обозначим как d_{3z^2})вызовет изменение длины связи Ме-О между соседними ионами катионов, которые сохраняются и выше температуры T_{JT}, T_{MI} , например в LaMnO₃ при T = 840 K, $d(Mn-O_{short}) = 1.92$ Å, $d(Mn-O_{long}) = 2.13$ Å и практически не меняются при $T > T_{JT}, T_{MI}$ [13], т. е. ниже критической температуры связи упорядочиваются. Вследствие полярности связи электронная плотность на катионе увеличится и согласно рентгеноструктурным данным вес состояний $3d^5\underline{L}^1$ и $3d^6\underline{L}^2$ составляет примерно 41 % и 9 % [14], что соответствует однодырочным и двухдырочным состояниям на ионах кислорода. Дырка на лиганде кислорода $O^{2-\delta}$ притягивается к положительно заряженному редкоземельному иону и вызывает изменение угла связей М-О-М, величина которого растет с ростом порядкового номера редкоземельного элемента в таблице Менделеева; так, $\theta = 155^{\circ}$ (La), 152° (Pr), 149° (Nd), 147° (Sm) [2] в RMnO₃ и $\theta = 165.2^{\circ}$ (La), 158.7° (Pr), 152.6° (Sm), 151.7° (Ho) в RNiO₃ [15]. Локальные искажения структуры индуцируют гибридизацию $p_{x,y}$ -орбиталей кислорода с d_{3z^2} . В результате возможен переход электрона между соседними ионами металла через ион кислорода с обменом электрона между кислородными орбиталями.

2. МОДЕЛЬ И МЕТОД РАСЧЕТА

Мы предполагаем, что зарядовое упорядочение образовано определенным упорядочением ковалентных связей $3d_{3\alpha^2} - 2p_{\alpha}$ и $3d_{3\alpha^2} - 2p_{\beta,\gamma}$ $(\alpha, \beta, \gamma = x, y, z)$, т.е. к катиону металла Mn³⁺, Ni³⁺ могут подходить две сильные связи с интегралом перекрытия электронных орбит $V_{p_z,3z^2} \approx 2$ эВ [16], либо две слабые связи с $V_{p_{x,y},3z^2}\,\ll\,2$
э В или по одной связи, которые можно представить в виде М-О-М-О-М. В последнем случае отсутствует центр симметрии для интегралов перескока металл-кислород-металл, что характерно для манганитов. Сильные связи $V_{p_{\alpha},3\alpha^2}$ способствуют сокращению октаэдра по направлению связи, а слабые связи $V_{p_{\beta,\gamma},3\alpha^2}$ вызывают поворот окта
эдра, что можно связать с соответствующими модами колебаний $\omega_{stretching} \sim 550 \text{ см}^{-1}$ (La), $\sim 607 \text{ см}^{-1}$ (Nd); $\omega_{bending} \sim 350 \,\mathrm{cm}^{-1}$ (La) [17], $\omega_{bending} \sim 450 \,\mathrm{cm}^{-1}$ (Nd) [18] в RMnO₃. Указанные выше соединения имеют *p*-тип проводимости, и перенос электронной плотности между p_{α} -орбиталями кислорода зависит от расщепления уровней энергии этих орбиталей за счет кристаллического поля, создаваемого редкоземельными ионами.

Итак, в нашей модели перенос заряда осуществляется за счет одноэлектронного перескока по узлам кислородной решетки, а электронные состояния на $3d_{z^2}$ -ионах металла локализованы в предположении, что уровень Ферми лежит между связывающими и антисвязывающими орбиталями. Вклад в термоэдс и теплопроводность дают как одночастичные электронные возбуждения, так и двухчастичные электрон + дырка, имитирующие перемещение ковалентной связи, которую можно описать двухэлектронными возбуждениями по кристаллической решетке и символически представить в виде М^{+3-δ}-O-M⁺³ ⇒ M⁺³-O-M^{+3-δ}. Эффективный гамильтониан переноса заряда имеет вид

$$\begin{aligned} H &= H_0 + H_1 + H_2, \\ H_0 &= \sum_i (\epsilon_d - \mu) c_i^+ c_i + \sum_{\alpha,i} (\mu - \epsilon_o) a_{\alpha,i}^+ a_{\alpha,i} - \\ &- \sum_{i,j} t_{1,ij} (a_{1,i}^+ a_{2,j} + a_{1,i} a_{2,j}^+) - \\ &- \sum_{i,k,\alpha,\beta} t_{2,i,k} (c_i^+ a_{\alpha,i} a_{\beta,k}^+ c_k + c_i a_{\alpha,i}^+ a_{\beta,k} c_k^+) + \\ &+ \sum_{i,\alpha,\beta} \Delta_i (a_{1,i}^+ a_{1,i} - a_{2,i}^+ a_{2,i}) + \\ &+ \sum_{\alpha,i,j} U n_{a1,i} n_{a2,j}, \end{aligned}$$
(1)

$$H_{1} = \sum_{i,k,q} g_{1,iq} (a_{1,i}c_{i}^{+} + a_{1,i}^{+}c_{i})(b_{-q}^{+} + b_{q}) + g_{2,kq} (a_{2,k}c_{k}^{+} + a_{2,k}^{+}c_{k})(p_{-q}^{+} + p_{q}),$$
$$H_{2} = \sum_{\mathbf{q}} (\omega_{1q}b_{q}^{+}b_{q} + \omega_{2q}p_{q}^{+}p_{q}).$$

Здесь $\epsilon_{d,o}$ — электронный уровень в атомах 3d-металла и ионов кислорода, t_1 — интеграл перескока электрона по p_x -, p_y -орбиталям, третий член описывает перемещение ковалентной связи $V_{p_{\beta},3\alpha^2}$, $(\alpha, \beta = x, y, z)$ в простой кубической решетке, и суммирование проводится по связям Me-O; c^+, a — операторы рождения и уничтожения электронов соответственно на ионах металла и кислорода, Δ — параметр кристаллического расщепления орбитального триплета на ионе кислорода, определяемый мультипольным взаимодействием ионов кислорода с редкоземельными ионами, g_1 и g_2 — параметры взаимодействия электронной плотности на связи Me-O с изгибными ω_1 и растягивающими ω_2 модами октаэдра.

Составим систему уравнений для электронов и дырок с учетом сохранения операторов второго порядка. Соответствующие уравнения, полученные в приближении случайных фаз, имеют вид

$$\begin{split} i \frac{d}{dt} a_{1,i} &= -(\epsilon_o - \mu - \Delta - Un_{a2})a_{1,i} - \\ &- \sum_h t_{1i,i+h} a_{2,i+h} + \sum_q g_{1,iq} c_i(b_q^+ + b_{-q}), \\ i \frac{d}{dt} a_{2,i} &= -(\epsilon_o - \mu + \Delta - Un_{a1})a_{2,i} + \\ &+ \sum_h t_{1i,i+h} a_{1,i+h} + \sum_q g_{2,iq} c_i(p_q^+ + p_{-q}), \\ i \frac{d}{dt} c_i &= -(\epsilon_d + \mu)c_i - \sum_q g_{1,iq} a_{1,i}(b_q^+ + b_{-q}) - \\ &- \sum_q g_{2,iq} a_{2,i}(p_q^+ + p_{-q}), \\ i \frac{d}{dt} (a_{1,i}b_{-q}) &= -(\epsilon_o - \mu - \Delta - Un_{a2} - \omega_{1,-q}n_{-q}) \times \\ &\times (a_{1,i}b_{-q}) - g_{1,iq}(1 + n_{-q} - n_{a1})c_i, \\ i \frac{d}{dt} (a_{1,i}b_q^+) &= -(\epsilon_o - \mu - \Delta - Un_{a2} + \omega_{1,q}n_q) \times \\ &\times (a_{1,i}b_q^+) + g_{1,iq}(n_q + n_{a1})c_i, \\ i \frac{d}{dt} (a_{2,i}p_{-q}) &= -(\epsilon_o - \mu + \Delta - Un_{a1} - \omega_{2,-q}n_{-p}) \times \\ &\times (a_{2,i}p_{-q}) - g_{2,iq}(1 + n_{-q} - n_{a2})c_i, \\ i \frac{d}{dt} (a_{2,i}p_q^+) &= -(\epsilon_o - \mu + \Delta - Un_{a1} + \omega_{2,q}n_p) \times \\ &\times (a_{2,i}p_q^+) + g_{2,iq}(n_p + n_{a2})c_i, \\ i \frac{d}{dt} (c_ib_{-q}) &= (\epsilon_d - \mu + n_{-q}\omega_{1,-q})(c_ib_{-q}) - \\ &- g_{1,iq}(1 + n_{-q} - n_c)a_{1,i}, \\ i \frac{d}{dt} (c_ib_q^+) &= (\epsilon_d - \mu + n_q\omega_{1,q}) \times \\ &\times (c_ib_q^+) - g_{1,iq}(n_q + n_c)a_{1,i}, \\ i \frac{d}{dt} (c_ip_q^+) &= (\epsilon_d - \mu - n_p\omega_{2,q}) \times \\ &\times (c_ip_q^+) - g_{2,iq}(n_p + n_c)a_{2,i}, \\ i \frac{d}{dt} (c_ip_{-q}) &= (\epsilon_d - \mu + n_{-p}\omega_{2,q}) \times \\ &\times (c_ip_q^+) - g_{2,iq}(1 + n_{-p} - n_c)a_{2,i}, \end{split}$$

где n_{-q}, n_q, n_{-p}, n_p — средние числа заполнения фононов, вследствие симметрии оптических фононных мод относительно центра зоны $n_{-q} = n_q, n_{-p} = n_p$ и определяются как $n_{q,p} = (\exp(h\omega_{1,2}/kT) - 1)^{-1}$. Параметры заполнения зон $n_c, n_{a1,2}$ определяют положение химического потенциала.

Гриновские функции для дырок $G_{\mathbf{k}}^{\alpha\alpha} = \langle \langle a_{\alpha,\mathbf{k}} | a_{\alpha,\mathbf{k}}^{+} \rangle \rangle$ и поляронов $G_{\mathbf{k}+\mathbf{q}}^{cb^{+}\alpha} = \langle \langle c_{\mathbf{k}} b_{\mathbf{k}+\mathbf{q}}^{+} | a_{\alpha,\mathbf{k}}^{+} \rangle \rangle$, $G_{\mathbf{k}-\mathbf{q}}^{cp\alpha} = \langle \langle c_{\mathbf{k}} p_{\mathbf{k}-\mathbf{q}} | a_{\alpha,\mathbf{k}}^{+} \rangle \rangle$ имеют вид

0

$$\begin{aligned} (\omega + a_{\alpha\alpha})G_{\mathbf{k}}^{\alpha\beta} + \varepsilon_{1}(\mathbf{k})G_{\mathbf{k}}^{\beta\beta} - \\ &- g_{\alpha\mathbf{kq}}(G_{\mathbf{k+q}}^{cb^{+}\alpha} + G_{\mathbf{k-q}}^{cb\alpha}) = 0, \\ &- \varepsilon_{1}(\mathbf{k})G_{\mathbf{k}}^{\alpha\beta} + (\omega + a_{\beta\beta})G_{\mathbf{k}}^{\beta\beta} - \\ &- g_{\beta\mathbf{kq}}(G_{\mathbf{k+q}}^{cb^{+}\beta} + G_{\mathbf{k-q}}^{cb\beta}) = 1, \\ g_{\alpha\mathbf{kq}}(n_{q} + n_{c})G_{\mathbf{k}}^{\alpha\beta} + \\ &+ G_{\mathbf{k+q}}^{cb^{+}\beta}(\omega + \epsilon_{d} + \mu + n_{q}\omega_{\alpha,q}) = 0, \\ g_{\alpha\mathbf{kq}}(1 + n_{q} - n_{c})G_{\mathbf{k}}^{\alpha\beta} + \\ &+ G_{\mathbf{k-q}}^{cb\beta}(\omega + \epsilon_{d} + \mu - n_{q}\omega_{\alpha,q}) = 0, \\ g_{\beta\mathbf{kq}}(n_{p} + n_{c})G_{\mathbf{k}}^{\beta\beta} + \\ &+ G_{\mathbf{k+q}}^{cp^{+}\beta}(\omega + \epsilon_{d} + \mu + n_{p}\omega_{\beta,q}) = 0, \\ g_{\beta\mathbf{kq}}(1 + n_{p} - n_{c})G_{\mathbf{k}}^{\beta\beta} + \\ &+ G_{\mathbf{k-q}}^{cp\beta}(\omega + \epsilon_{d} + \mu - n_{p}\omega_{\beta,q}) = 0, \\ \varepsilon_{1}(\mathbf{k}) &= -2t_{1}\left(\cos\left(\frac{k_{x}}{2}\right)\cos\left(\frac{k_{y}}{2}\right) + \\ &+ \lambda\left(\cos\left(\frac{k_{z}}{2}\right)\cos\left(\frac{k_{y}}{2}\right)\right)\right), \end{aligned}$$

где параметр λ описывает анизотропию интегралов перескока в плоскости и между плоскостями, ниже использовалось значение $\lambda = 0.25$. Гриновские функции электронов $G_{\mathbf{k}}^{cc} = \langle \langle c_{\mathbf{k}} | c_{\mathbf{k}}^{+} \rangle \rangle$ и поляронов $G_{\mathbf{k}+\mathbf{q}}^{\alpha b^{+}} = \langle \langle a_{\alpha,\mathbf{k}} b_{\mathbf{k}+\mathbf{q}}^{+} | c_{\mathbf{k}}^{+} \rangle \rangle$, $G_{\mathbf{k}-\mathbf{q}}^{\alpha p} = \langle \langle a_{\alpha,\mathbf{k}} p_{\mathbf{k}-\mathbf{q}} | c_{\mathbf{k}}^{+} \rangle \rangle$ образуют следующую систему уравнений:

$$(\omega + \epsilon_{d} + \mu)G_{\mathbf{k}}^{cc} + g_{1\mathbf{k}\mathbf{q}}(G_{\mathbf{k}+\mathbf{q}}^{1b^{+}} + G_{\mathbf{k}-\mathbf{q}}^{1b}) + g_{2\mathbf{k}\mathbf{q}}(G_{\mathbf{k}+\mathbf{q}}^{2p^{+}} + G_{\mathbf{k}-\mathbf{q}}^{2p}) = 1, - g_{1\mathbf{k}\mathbf{q}}(n_{q} + n_{a})G_{\mathbf{k}}^{cc} + (\omega + \epsilon_{o} - \mu - \Delta - - - Un_{a2} + n_{q}\omega_{1\mathbf{q}})G_{\mathbf{k}+\mathbf{q}}^{1b^{+}} = 0, g_{1\mathbf{k}\mathbf{q}}(1 + n_{q} - n_{a})G_{\mathbf{k}}^{cc} + (\omega + \epsilon_{o} - \mu - \Delta - - - Un_{a2} - n_{q}\omega_{1\mathbf{q}})G_{\mathbf{k}-\mathbf{q}}^{1b^{+}} = 0, - Un_{a2} - n_{q}\omega_{1\mathbf{q}})G_{\mathbf{k}-\mathbf{q}}^{cc} = 0, - g_{2\mathbf{k}\mathbf{q}}(n_{p} + n_{a2})G_{\mathbf{k}-\mathbf{q}}^{cc} = 0, - Un_{a1} + n_{p}\omega_{2\mathbf{q}})G_{\mathbf{k}-\mathbf{q}}^{2p^{+}} = 0, g_{2\mathbf{k}\mathbf{q}}(1 + n_{p} - n_{a2})G_{\mathbf{k}-\mathbf{q}}^{cc} = 0, g_{2\mathbf{k}\mathbf{q}}(1 + n_{p} - n_{a2})G_{\mathbf{k}-\mathbf{q}}^{cc} = 0. \end{cases}$$
(4)

Флуктуации связей Ме-О описываются двумя операторами рождения дырки на кислороде и уничтожения электрона на ионах металла:

8 ЖЭТФ, вып. 5

$$i\frac{a}{dt}(c_{i}a_{i,1}^{+}) = (c_{i}a_{i,1}^{+})(n_{a1}(\epsilon_{o} - \epsilon_{d} - \Delta) - - \mu(n_{c} + n_{a1}) - n_{a2}(U + \epsilon_{d})) - - n_{a2}\sum_{h1} t_{2,i,h1}(c_{i+h1}a_{i+h1,1}^{+}) - - n_{a2}\sum_{h1} t_{2,i,h1}(a_{i+h1,2}^{+}c_{i+h1}) + + n_{a2}\sum_{q} g_{1iq}(b_{q}^{+} + b_{-q}),$$

$$i\frac{d}{dt}(a_{k,2}^{+}c_{k}) = (a_{k,2}^{+}c_{k})(n_{a2}(\epsilon_{o} - \epsilon_{d} + \Delta) - - \mu(n_{c} + n_{a2}) - n_{a1}(U + \epsilon_{d})) + (5) + n_{a1}\sum_{h1} t_{2,k,h1}(a_{k+h1,2}^{+}c_{k+h1}) - - n_{a1}\sum_{h1} t_{2,k,h2}(c_{k+h1}, a_{k+h1,1}^{+}) + + n_{a1}\sum_{q} g_{2kq}(p_{q}^{+} + p_{-q}),$$

$$i\frac{d}{dt}p_{q} = \omega_{2}p_{q} + \sum_{l} g_{2l}(a_{l,2}c_{l}^{+} + a_{l,2}^{+}c_{l}),$$

$$i\frac{d}{dt}b_{q} = \omega_{1}b_{q} + \sum_{i} g_{1i}(a_{i,1}c_{i}^{+} + a_{i,1}^{+}c_{i}).$$

При выводе уравнений использовался закон сохранения заряда $M^{+3-\delta} - O^{-2+\delta}$, связанный с переносом электронной плотности с кислорода на катион металла и пренебрегалось корреляционными эффектами между разными орбиталями. Параметр δ определяет ковалентный вклад на ионе. Представим оператор двух фермиевских частиц в виде

$$\tau_k = \sum_q c_{k+q} a_{q,1}^+, \quad d_k = \sum_q a_{q,2}^+ c_{k+q}.$$

Введем гриновские функции для одного типа связей $G_{\mathbf{k}}^{\tau\tau} = \langle \langle \tau_{\mathbf{k}} | \tau_{\mathbf{k}}^{+} \rangle \rangle, \ G_{\mathbf{k}}^{d\tau} = \langle \langle d_{\mathbf{k}} | \tau_{\mathbf{k}}^{+} \rangle \rangle, \ G_{\mathbf{k}}^{b\tau} = \langle \langle b_{\mathbf{k}} | \tau_{\mathbf{k}}^{+} \rangle \rangle, \ G_{\mathbf{k}}^{b\tau} = \langle \langle b_{\mathbf{k}} | \tau_{\mathbf{k}}^{+} \rangle \rangle, \ G_{\mathbf{k}}^{p\tau} = \langle \langle p_{\mathbf{k}} | \tau_{\mathbf{k}}^{+} \rangle \rangle.$ Система уравнений имеет вид

$$(\omega - a_{1,\tau})G_{\mathbf{k}}^{\tau\tau} + n_{a2}\varepsilon_{2}(\mathbf{k})G_{\mathbf{k}}^{d\tau} + g_{1\mathbf{k}}n_{a2}G_{\mathbf{k}}^{b\tau} = G^{1},$$

$$n_{a1}\varepsilon_{2}(\mathbf{k})G_{\mathbf{k}}^{\tau\tau} + (\omega - a_{1,d})G_{\mathbf{k}}^{d\tau} + g_{2\mathbf{k}}n_{a1}G_{\mathbf{k}}^{p\tau} = 0,$$

$$g_{1\mathbf{k}}G_{\mathbf{k}}^{\tau\tau} + (\omega - \omega_{1})G_{\mathbf{k}}^{b\tau} = 0,$$

$$-g_{2\mathbf{k}}G_{\mathbf{k}}^{d\tau} + (\omega - \omega_{2})G_{\mathbf{k}}^{p\tau} = 0,$$

$$a_{1\tau} = n_{a1}(\epsilon_{0} - \epsilon_{d} - \Delta) - \mu(n_{c} + n_{a1}) - - n_{a2}(U + \epsilon_{d}) - n_{a2}\varepsilon_{2}(\mathbf{k}),$$

$$a_{1d} = n_{a2}(\epsilon_{0} - \epsilon_{d} + \Delta) - \mu(n_{c} + n_{a2}) - - n_{a1}(U + \epsilon_{d}) + n_{a1}\varepsilon_{2}(\mathbf{k}),$$

$$\varepsilon_{2}(\mathbf{k}) = -2t_{2}(\cos k_{x} + \cos k_{y} + \cos k_{z}).$$
(6)

Система уравнений для гриновских функций с другим типом связей:

$$G_{\mathbf{k}}^{dd} = \langle \langle d_{\mathbf{k}} | d_{\mathbf{k}}^{+} \rangle \rangle, \quad G_{\mathbf{k}}^{\tau d} = \langle \langle \tau_{\mathbf{k}} | d_{\mathbf{k}}^{+} \rangle \rangle,$$

$$G_{\mathbf{k}}^{bd} = \langle \langle b_{\mathbf{k}} | d_{\mathbf{k}}^{+} \rangle \rangle, \quad G_{\mathbf{k}}^{pd} = \langle \langle p_{\mathbf{k}} | d_{\mathbf{k}}^{+} \rangle \rangle$$

имеет вид

$$(\omega - a_{1,d})G_{\mathbf{k}}^{dd} + n_{a1}\varepsilon_{2}(\mathbf{k})G_{\mathbf{k}}^{\tau d} + g_{2\mathbf{k}}n_{a1}G_{\mathbf{k}}^{pd} = G^{2},$$

$$n_{a2}\varepsilon_{2}(\mathbf{k})G_{\mathbf{k}}^{dd} + (\omega - a_{1,\tau})G_{\mathbf{k}}^{\tau d} + g_{1\mathbf{k}}n_{a2}G_{\mathbf{k}}^{b\tau} = 0,$$

$$(-\omega + \omega_{2})G_{\mathbf{k}}^{pd} + g_{2\mathbf{k}}G_{\mathbf{k}}^{dd} = 0,$$

$$(-\omega + \omega_{1})G_{\mathbf{k}}^{b\tau} - g_{1\mathbf{k}}G_{\mathbf{k}}^{\tau d} = 0.$$

$$(7)$$

Химический потенциал вычисляется самосогласованно путем численного решения системы трех уравнений:

$$n_{c} = \frac{1}{N} \sum_{\mathbf{k},\mathbf{q}} \int d\omega f(\omega) \frac{1}{\pi} \operatorname{Im} G_{\mathbf{k},\mathbf{q}}^{cc},$$

$$n_{a1} = \frac{1}{N} \sum_{\mathbf{k},\mathbf{q}} \int d\omega f(\omega) \frac{1}{\pi} \operatorname{Im} G_{\mathbf{k},\mathbf{q}}^{11},$$

$$n_{a2} = \frac{1}{N} \sum_{\mathbf{k},\mathbf{q}} \int d\omega f(\omega) \frac{1}{\pi} \operatorname{Im} G_{\mathbf{k},\mathbf{q}}^{22},$$
(8)

где $f(\omega) = (\exp(\omega/T) + 1)^{-1}$. От суммирования по импульсам можно перейти к интегрированию с учетом затравочной электронной плотности состояний, либо провести прямое вычисление суммы по электронным и фононным импульсам по первой зоне Бриллюэна с шагом $\Delta k = 0.2$ по 10^9 точкам, что невозможно выполнить на современных компьютерах. Чтобы обойти эту проблему, предположим, что оптические моды и функция связи экситона (электрон + дырка) с фононами не зависят от импульса q. Это эквивалентно рассмотрению взаимодействия с длинноволновыми оптическими модами колебаний.

Динамическая проводимость *о* вычислялась с использованием формулы Кубо-Гринвуд [19]:

$$\sigma = \sum_{\mathbf{k}} \int d\omega \left(-\frac{\partial f(\omega)}{\partial \omega} \right) \left(\frac{1}{\pi} \right)^2 \times \\ \times \left(\operatorname{Im} G_{\mathbf{k}}^{cc} + \operatorname{Im} G_{\mathbf{k}}^{11} + \operatorname{Im} G_{\mathbf{k}}^{22} \right)^2, \\ L_{12} = -Te \sum_{\mathbf{k}} \int d\omega \left(-\frac{\partial f(\omega)}{\partial \omega} \right) \omega(\mathbf{k}) \left(\frac{1}{\pi} \right)^2 \times \\ \times \left(\sum_{\alpha} \operatorname{Im} G_{\mathbf{k}}^{\alpha \alpha} \right)^2, \\ L_{22} = T \sum_{\mathbf{k}} \int d\omega \left(-\frac{\partial f(\omega)}{\partial \omega} \right) \omega^2(\mathbf{k}) \left(\frac{1}{\pi} \right)^2 \times \\ \times \left(\sum_{\alpha} \operatorname{Im} G_{\mathbf{k}}^{\alpha \alpha} \right)^2, \\ S = \frac{L_{12}}{T\sigma}, \quad k = \left(\frac{-L_{12}^2}{L_{11}} + L_{22} \right) \frac{1}{T}, \end{cases}$$
(9)

где суммирование по α проводится как по одночастичным гриновским функциям электронов и дырок, так и по двухчастичным гриновским функциям электрон + дырка, определенным из формул (6) и (7).

3. ОБСУЖДЕНИЕ РЕЗУЛЬТАТОВ

Ромбическая анизотропия в формуле (1) фактически отражает взаимодействие псевдоспиновых орбитальных моментов кислорода $\tau^{z} = a_{1}^{+}a_{1} - a_{2}^{+}a_{2}$ с полем, создаваемым редкоземельными элементами, и приводит к расщеплению зоны на две подзоны, которые начинают расходиться с увеличением параметра ромбической анизотропии. В области щели оказываются две узкие поляронные мини-подзоны, положение которых меняется в зависимости от константы электрон-фононного взаимодействия. Одна из них находится над потолком валентной зоны и образована в результате взаимодействия электронов с изгибной модой колебаний. Другой уровень лежит вблизи дна зоны проводимости и обусловлен взаимодействием электронов с растягивающими модами октаэдра. Локализованные состояния электронов на 3*d*-ионах металла находятся высоко по энергии и на рис. 1 а, б представлены рядом линий в интервале энергий $\omega/t = 10-15$. Типичное поведение плотности состояний для разных параметров электрон-фононного взаимодействия представлено на рис. 1. Для малых параметров $g_1 \ll 1, \, g_2 \ll 1$ поляронные мини-подзоны стягиваются в узкие линии, подобные примесным состояниям в полупроводниках. Их взаимное расположение относительно



Рис. 1. Плотность состояний одночастичных электронных возбуждений для следующих параметров: $\Delta = 1.5, U = 3, \omega_1 = 0.25, \omega_2 = 0.4, g_1 = 0.02, g_2 = 0.3, n_c = 0.2, \epsilon_o - \epsilon_d = 15, T = 0.02$ (a); T = 0.6 (б); $\Delta = 1.0, g_1 = 0.6, g_2 = 0.05, n_c = 0.32, \epsilon_o - \epsilon_d = 5, T = 0.02$ (b). Плотность состояний двухчастичных возбуждений (электрон + дырка) для $\Delta = 1.5, U = 3, \omega_1 = 0.25, \omega_2 = 0.4, g_1 = 0.02, g_2 = 0.3, n_c = 0.2, \epsilon_o - \epsilon_d = 15, T = 0.02$ (c)

химического потенциала определяет температурное поведение сопротивления.

Для фононных частот, характерных для перовскитной структуры $\omega_1/t = 0.25$ –0.3, $\omega_2/t = 0.45$ –0.5 и параметра ромбического искажения, соответствующего ян-теллеровским искажениям решетки $\Delta/t = 1 - 2$, можно получить разные зависимости температурного поведения сопротивления, определяемые параметрами электрон-фононного взаимодействия и величиной ромбического искажения кристаллического поля. Уменьшение ширины щели с ростом температуры приводит к смещению потолка валентной зоны относительно химического потенциала и при некоторой критической температуре химический потенциал перемещается в зону, что вызывает резкое уменьшение сопротивления. На рис. 2a приведены две зависимости $\rho(T)$ для двух параметров ромбической анизотропии $\Delta/t = 1.5, 1.25$ для чисел заполнения кислородной зоны $n_{a1} + n_{a2} = 0.2$. Для $\Delta/t = 1$ химический потенциал уже находится в нижней зоне. В области низких температур при некоторой температуре T_1 наблюдается минимум в температурном поведении сопротивления, связанный с достижением максимальной амплитуды перехода между поляронными состояниями, так как интенсивность перехода прямо



Рис.2. *а*) Зависимость сопротивления $\rho(T)/\rho_0$, нормированного на константу, определяющую размерность сопротивления, от температуры для следующих параметров: $\epsilon_o - \epsilon_d = 15$, U = 3, $\omega_1 = 0.25, \ \omega_2 = 0.4, \ n_c = 0.2, \ g_1 = 0.02,$ $g_2 = 0.02, \Delta = 1.5$ (1), $g_1 = 0.03, g_2 = 0.3,$ $\Delta = 1.25$ (2), $g_1 = 0.03$, $g_2 = 0.3$, $\Delta = 1.5$ (3); $g_1 = 0.5, g_2 = 0.5, \Delta = 1.5$ (4). б) Сопротивление $\rho(T)/\rho_0(T_{JT})$, нормированное на температуру Яна-Теллера в LaMnO3 (0) [2], и наши расчеты с параметрами $g_1 = 0.03, g_2 = 0.3, \Delta = 1.5$ (•). На вставке: температура структурного перехода T_{JT} от угла связи Mn–O–Mn $(1 - \cos^2 \phi)$ (•) [2] и температура T_2 , при которой наблюдается скачок сопротивления, от величины ромбической анизотропии Δ . e) Сопротивление $ho(T)/
ho_0(T_{MI})$, нормированное на температуру перехода металл – диэлектрик в PrNiO₃ (\Box) [10], и теоретические расчеты $\epsilon_o - \epsilon_d = 5$, U = 3, $\omega_1 = 0.25, \ \omega_2 = 0.4, \ n_c = 0.32, \ g_1 = 0.6, \ g_2 = 0.03,$ $\Delta = 1.0 (\bullet)$

пропорциональна g_1g_2 (рис. 2a).

Усиление взаимодействия моды изгибных колебаний с электронами обуславливает отклонение от линейной зависимости $\ln(\rho/T)$ от 1/T при температуре $T_1 < T_2$, наблюдаемую в семействе соединений $RMnO_3, T_1 = 350-500 K, T_2 = 750-900 K$ и в $RNiO_3,$ $T_1 = 100-140 \text{ K}, T_2 = 400-500 \text{ K} [10]. B$ манганитах $RMnO_3$, R = La, Pr, Nd, согласно нашим расчетам, химический потенциал находится внутри энергетической щели между кислородными подзонами. При нагревании величина щели уменьшается и химический потенциал попадает в нижнюю кислородную зону, вследствие чего сопротивление резко падает при температуре T_2 , которая растет с ростом величины орторомбического поля анизотропии. Это качественно коррелирует с экспериментальной зависимостью T_{JT} от величины угла связи Mn–O–Mn [2], изображенной на рис. 2. Зависимость амплитуды тепловых колебаний $u(T) - u(T_2)$ атомов кислорода, направленных перпендикулярно связи Mn-O, качественно подобна зависимости $\rho(T)$, и при $T < T_1$ амплитуда колебаний атомов кислорода, направленных поперек связи, резко уменьшается, тогда как амплитуда колебаний, направленных вдоль связи, практически не меняется с понижением температуры до T = 300 K [4].

Сравнение вычисленной температурной зависимости $\rho(T)/\rho(T_{JT})$ с экспериментальными данными для LaMnO₃ позволяет оценить интеграл перескока t = 0.18 эВ и получить хорошее согласие используемых в расчетах частот $\omega_1 = 0.045$ эВ, $\omega_2 = 0.076$ эВ с экспериментальными данными $\omega_{bending} \approx 0.044$ эВ, \approx 0.074 эВ [17]. Параметры элек- $\omega_{stretching}$ трон-фононного взаимодействия $g_1 = 0.02, g_2 = 0.3$ находятся в интервале значений, нижняя граница которого определена при вычислении орбитальных возбуждений (орбитронов) $\hat{g}_l \sim 0.04$ эВ [20], а верхняя найдена в модели взаимодействия электронов с фононами и с локализованными спинами $\hat{g}_{up} \sim 0.2$ эВ [21]. Величина статической ян-теллеровской энергии $E_{JT} = 0.25$ эВ [21] хорошо согласуется с используемым в расчетах параметром ромбического искажения $\Delta \approx 0.27$ эВ. В LaMnO₃ при переходе через температуру орбитального упорядочения наблюдается изменение магнитного момента $\delta \mu_{eff} = 0.11 \mu_B$, которое связывается с образованием зарядовой диспропорции Mn⁺³, $Mn^{+3-\delta}$ [5], что согласуется с нашими параметрами $\delta = n_{a1} + n_{a2} = 0.2$, используемыми в вычислениях.

Термоэдс, представленная на рис. 3, также уменьшается в области критической температуры, хотя величина изменения в несколько раз отличается от



Рис. 3. Коэффициент термоэдс, нормированный на постоянную S_0 , определяющую размерность термоэдс, обусловленной одночастичными (\Box) и двухчастичными (\bullet) возбуждениями для $\Delta = 1.5$, $g_1 = 0.03$, $g_2 = 0.3$ (a); $g_1 = 0.5$, $g_2 = 0.5$ (b); $\epsilon_o - \epsilon_d = 5$, U = 3, $n_c = 0.32$, $g_1 = 0.6$, $g_2 = 0.03$, $\Delta = 1.0$ (e)

экспериментального значения. Возможно, это связано с пренебрежением взаимодействием электронной и орбитальной подсистем с акустическими модами колебаний. Для манганитов в области температур 150–200 К возможно изменение механизма термоэдс от поляронного к двухчастичному экситонному механизму. Увеличение константы электрон-фононного взаимодействия вызывает аномалию коэффициента теплопроводности (рис. 4) и тер-



Рис. 4. Коэффициент теплопроводности, нормированный на постоянную k_0 , определяющую размерность теплопроводности, обусловленной одночастичными (\Box) и двухчастичными (\bullet) возбуждениями для $\Delta = 1.5, g_1 = 0.03, g_2 = 0.3$ (a); $g_1 = 0.5, g_2 = 0.5$ (b); $\epsilon_o - \epsilon_d = 5, U = 3, n_c = 0.32, g_1 = 0.6, g_2 = 0.03, \Delta = 1.0$ (линия), PrNiO₃ (\bullet) [10] (e)

моэдс в области температур, соответствующих минимуму сопротивления. Поляронный механизм превалирует над экситонным. Плотность двухчастичных возбуждений максимальна в области изгибных и растягивающих мод октаэдра (рис. 1*г*).

В никелатах химический потенциал расположен в верхней части зоны согласно фотоэмиссионным спектрам. В нашей модели химический потенциал попадает в нижнюю кислородную зону, расщепленную ромбической анизотропией $\Delta/t = 1$. Переходы электронов с нижней подзоны на поляронные уровни внутри щели (рис. 1 в) при соответствующих температурах вызывают резкое уменьшение сопротивления (рис. 2 в) и два максимума в теплопроводности, изображенной на рис. 4в. Температуры соответствующих аномалий в поведении транспортных свойств зависят от величины электрон-фононного взаимодействия и частоты мод колебаний октаэдра. Двухчастичный (экситонный) вклад в теплопроводность и термоэдс на несколько порядков меньше по сравнению с поляронным механизмом транспортных свойств в никелатах.

Температура T_1 , соответствующая максимуму в температурном поведении теплопроводности (рис. 4.6) для $\mathrm{PrNiO}_3,~T_1~\approx~30$ K, и температура перехода металл-диэлектрик $T_2 = 130$ К [10] используются для оценки интегралов перескока $t \sim 0.1$ эВ и параметра ромбического искажения решетки $\Delta \sim 0.1$ эВ с параметрами $g_1 = 0.6$, g₂ = 0.03. Изменение величины сопротивления на два порядка в области перехода MI в RNiO₃, R = Pr, Nd хорошо описывается в рамках данной модели. Такое изменение сопротивления обусловлено превалирующим взаимодействием электронов с изгибными модами октаэдра. Оптическая проводимость в инфракрасном диапазоне в никелатах объясняется за счет сильного электрон-фононного взаимодействия с тремя модами колебаний, имеющих частоты $\omega_1 \approx 0.024$ эВ, $\omega_2 \approx 0.049$ эВ, $\omega_3 \approx 0.062$ [22], где ω_2, ω_3 — антисимметричная и симметричная растягивающие моды колебаний октаэдра. Используемые в расчетах частоты колебаний $\omega_1 = 0.025$ эВ, $\omega_2 = 0.05$ эВ практически совпадают с экспериментальными.

Сильная электрон-фононная связь подтверждается колоссальным изотопическим эффектом на T_{MI} [10] и максимумом дисперсии длины связей Ni-O в области температуры перехода T_{MI}. Так, искажения октаэдра достигают максимального значения в области температуры перехода T_{MI} и с понижением температуры уменьшаются. Параметр искажения $\Delta_d = 1/6 \sum_{1,6} [(d_n - \langle d \rangle)/\langle d \rangle^2]^2 \sim 1.6 \cdot 10^{-5}$ для SmNiO₃ [23] и на два порядка меньше, чем в LaMnO₃, Δ_d ~ 3.3 10^{-3} [23]. В никелатах реализуется более сильная ковалентная связь $Me^{+3-\delta}-O^{-2+\delta}$ по сравнению с манганитами. Так, по разным оценкам, найденным из спектров резонансного рентгеновского рассеяния на К-линии никеля, $\delta = 0.42 \pm 0.04e$ в NdNiO₃ [24] и растет с уменьшением ионного радиуса редкоземельного элемента и для Но, Y составляет $\delta \approx 0.6e$ [25]. Вес электронных состояний $3d^8L$, найденный из

фотоэмиссионных спектров, варьируется в области от 0.3 до 0.56 [26]. В вычислениях проводимости для никелатов использовались параметры, согласующиеся с экспериментальными данными — так, $\delta = n_{a1} + n_{a2} = 0.32.$

4. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Итак, для оксидов 3*d*-металлов проведен расчет транспортных свойств с учетом переноса одного электрона и двух электронов соответственно на ионах металла и кислорода для перовскитоподобной структуры с орторомбической анизотропией, которая приводит к образованию щели в спектре электронных возбуждений.

Формирование поляронных уровней, связанных с изгибными и растягивающими модами октаэдра, внутри щели вызывает резкие изменения в сопротивлении, образование максимумов в температурном поведении коэффициента теплопроводности и термоэдс. Для манганитов это соответствует интервалу температур 300–400 К, а для температур ниже 150 К термоэдс и теплопроводность обусловлены двухчастичным возбуждением нейтральной квазичастицы, состоящей из электрона и дырки. В никелатах переход металл – диэлектрик вызван пиннингованием поляронов на растягивающей моде октаэдра, а низкотемпературный максимум коэффициента теплопроводности связан с рассеянием электронов на изгибной моде октаэдра.

ЛИТЕРАТУРА

- P. M. Woodward, D. E. Cox, E. Moshopoulou, A. W. Sleight, and S. Morimoto, Phys. Rev. B 62, 844 (2000).
- J. S. Zhou and J. B. Goodenough, Phys. Rev. B 68, 144406 (2003).
- K. Tobe, T. Kimura, Y. Okimmoto, and Y. Tokura, Phys. Rev. B 64, 184421 (2001).
- X. Qiu, Th. Proffen, J. F. Mitchell, and S. J. L. Billinge, Phys. Rev. Lett. 94, 177203 (2005).
- J. S. Zhou and J. B. Goodenough, Phys. Rev. B 60, R15002 (1999).
- J. Rodriguez-Carvajal et al., Phys. Rev. B 57, 3189 (1998).
- T. Mizokawa, A. Fujimori, H. Namatame, K. Akeyama, and N. Kosugi, Phys. Rev. B 49, 7193 (1994).

- C. Piamonteze, H. C. N. Tolentino, A. Y. Ramos et al., Phys. Rev. B 71, 012104 (2005).
- I. Vobomik, L. Perfetti, M. Zacchigna et al., Phys. Rev. B 60, R8426 (1999).
- J. S. Zhou, J. B. Goodenough, and B. Dabrowski, Phys. Rev. B 67, 020404(R) (2003).
- P. Lunkenheimer, T. Rudolf, J. Hemberger et al. 68, 245108 (2003).
- J. Hemberger, H.-A. Krug von Nidda, V. Fritsch et al., Phys. Rev. Lett. 91, 066403 (2003).
- M. C. Sanchez, G. Subias, J. Garcia, and J. Blasco, Phys. Rev. Lett. 90, 045503 (2003).
- 14. D. D. Sarma, O. Rader, T. Kachel et al., Phys. Rev. B 49, 14238 (1994).
- J. B. Torrance, P. Lacorre, A. I. Nazzal et al., Phys. Rev. B 45, 8209 (1992).
- 16. J. C. Slater and G. F. Koster, Phys. Rev. 94, 1498 (1956).
- Ch. Hartinger, F. Mayr, A. Loidl, and T. Kopp, Phys. Rev. B 70, 134415 (2004).

- 18. S. Jandl, A. A. Mukhin, V. Yu. Ivanov et al., Phys. Rev. B 72, 024423 (2005).
- 19. K. Nagai, T. Momoi, and K. Kubo, J. Phys. Soc. Jpn. 69, 1837 (2000).
- 20. J. van den Brink, Phys. Rev. Lett. 87, 217202 (2001).
- 21. D. S. Dessau and Z. X. Shen, Chap. 5, Colossal Magnetoresistance Oxides, ed. by Y. Tokura, Gordon, Breach, New York (1999).
- 22. M. A. Mroginski, N. Massa, H. Salva, J. A. Alonso, and M. J. Martinez-Lope, Phys. Rev. B 60, 5304 (1999).
- J. Rodriguez-Carvajal, S. Rosenkranz, M. Medarde, P. Lacorre, M. T. Fernandez-Diaz, F. Fauth, and V. Trounov, Phys. Rev. B 57, 456 (1998).
- 24. U. Staub, G. I. Meijer, F. Fauth, R. Allenspach, J. G. Bednorz, J. Karpinski, S. M. Kazadov, L. Paolasini, and F. D. Acapito, Phys. Rev. Lett. 88, 126402 (2002).
- 25. J. A. Alonso et al., Phys. Rev. B 61 1756 (2000).
- 26. T. Mizokawa, A. Fujimori, T. Arima, Y. Tokura, N. Mori, and J. Akimitsu, Phys. Rev. B 52, 13865 (1995).