## ДИНАМИКА ДОМЕННЫХ ГРАНИЦ В УЛЬТРАТОНКИХ МАГНИТНЫХ ПЛЕНКАХ

А. Л. Сукстанский<sup>а</sup>, В. В. Тарасенко<sup>b</sup>

<sup>а</sup> Донецкий физико-технический институт Национальной академии наук Украины 310114, Донецк, Украина <sup>b</sup> Institute of Physics, Warsaw University Bialystok branch, Bialystok 15-424, Poland

Поступила в редакцию 7 февраля 1997 г.

Проведено теоретическое изучение доменных границ в ультратонких ферромагнитных пленках с одноосной магнитной анизотропией. Показано, что учет магнитодипольного и магнитоупругого взаимодействий приводит к появлению эффективной анизотропии относительно направления нормали к плоскости границы. Предсказано существование и изучены статические и динамические свойства нового типа доменных границ — «угловых» границ, в которых вектор намагниченности разворачивается в плоскости, составляющей с плоскостью доменной границы некоторый угол, зависящий от параметров пленки. Найдена зависимость предельной скорости доменных границ от толщины пленки.

#### 1. ВВЕДЕНИЕ

Изучению магнитоупругого взаимодействия в магнитоупорядоченных кристаллах посвящено огромное количество как теоретических, так и экспериментальных работ, в которых рассматривались различные проблемы, связанные с этим взаимодействием: магнитоакустический резонанс, возникновение магнитоупругой щели в спектре спиновых волн, и т. д. В ряде работ анализировалось влияние магнитоупругого взаимодействия на статические и динамические свойства крупномасштабных неоднородностей в распределении намагниченности типа доменных границ, при этом было продемонстрировано принципиальное значение, которое имеет связь между упругой и магнитной подсистемами кристалла на структуру и динамические свойства доменных границ. Например, известно, что формирование 180-градусных доменных границ в ферромагнетике с кубической магнитной анизотропией обусловлено именно магнитоупругим взаимодействием [1].

Особенно важна роль магнитоупругого взаимодействия в антиферромагнетиках и слабых ферромагнетиках, в которых это взаимодействие является обменно усиленным. Влияние магнитоупругого взаимодействия на динамику доменных границ в антиферромагнетиках изучалось в работе [2], где было показано, что экспериментально наблюдавшиеся особенности в полевой зависимости скорости стационарного движения границ в слабых ферромагнетиках [3,4] связаны с черенковским излучением звуковых волн, которое возникает при достижении границей скорости звука.

В ферромагнетиках роль магнитоупругого взаимодействия в формировании и динамических свойствах доменных границ существенно меньше, так как влияние этого взаимодействия на свойства доменных границ маскируется значительно более сильными взаимодействиями, например, магнитодипольным. Кроме того, скорости границ в ферромагнетиках ограничены так называемым уокеровским пределом, величина которого обусловлена релятивистскими взаимодействиями (ромбической анизотропией, магнитодипольным взаимодействием). Значение предельной скорости доменных границ в ферромагнетиках обычно значительно ниже, чем скорость звука, вследствие чего резонансные эффекты типа черенковского излучения звука не возникают.

Однако существует ситуация, когда роль магнитупругого взаимодействия в формировании доменных границ (и доменных структур) в ферромагнетиках может стать исключительно важной. Речь идет об анализе статических и динамических свойств доменных границ в ультратонких магнитных пленках с одноосной магнитной анизотропией. Как известно, в ферромагнетике с одноосной магнитной анизотропией в силу наличия в системе дополнительного интеграла движения — суммарной проекции намагниченности на ось анизотропии [5] — движение доменных границ вообще невозможно без учета магнитодипольного взаимодействия, так как пренебрежение этим взаимодействием приводит к равному нулю значению предельной скорости движения доменных границ [6] и формально бесконечно большой массе доменных границ. Как будет показано ниже, в ультратонкой ферромагнитной пленке магнитодипольное взаимодействие в основном приближении по малому параметру — отношению толщины пленки к характерному размеру в распределении намагниченности (толщине доменной границы) — приводит только к перенормировке константы одноосной анизотропии и не определяет массу границы и предельную скорость ее стационарного движения [7]. При этом, естественно, возрастает роль иных взаимодействий, которые могут влиять на указанные характеристики доменной границ, в первую очередь, это магнитоупругое взаимодействие.

Теоретическому анализу задачи о «магнитоупругой» массе доменных границ в ультратонкой ферромагнитной пленке с одноосной магнитной анизотропией и посвящена настоящая работа.

Рассмотрим ферромагнитную пленку толщиной 2h, лежащую в плоскости xy, с нормалью, ориентированной вдоль оси анизотропии (оси z). Энергию рассматриваемой системы с учетом упругой подсистемы и магнитоупругого взаимодействия можно представить в виде

$$W = W_m + W_e + W_{me},$$

$$W_m = \int d\mathbf{r} \left\{ \frac{\alpha}{2} (\nabla \mathbf{M})^2 - \frac{\beta}{2} M_z^2 - \frac{1}{2} \mathbf{M} \mathbf{H}_d \right\},$$

$$W_e = \int d\mathbf{r} \left\{ \frac{\lambda}{2} u_{ii}^2 + \mu u_{ij}^2 \right\}, \quad W_{me} = \int d\mathbf{r} \, b M_i M_j u_{ij},$$
(1)

где **М** — вектор намагниченности,  $\alpha$  и  $\beta$  — константы соответственно неоднородного обменного взаимодействия и одноосной магнитной анизотропии ( $\beta > 0$ ), **H**<sub>d</sub> — размагничивающее поле,  $u_{ij}$  — тензор деформации,  $\lambda$  и  $\mu$  — упругие модули кристалла. Интегрирование в (1) проводится по объему кристалла. Мы для простоты записали энергию упругой подсистемы кристалла и энергию магнитоупругого взаимодействия в изотропном виде, так как учет более сложной структуры этих взаимодействий не приводит к принципиально новым результатам, а лишь усложняет расчеты.

Динамика рассматриваемой системы описывается на основе стандартных уравнений движения для намагниченности (уравнений Ландау-Лифшица) и уравнений теории упругости,  $\rho \partial^2 u_i / \partial t^2 = \partial \sigma_{ij} / \partial x_j$ , где  $\sigma_{ij}$  — тензор напряжений,  $\rho$  — плотность вещества.

В общем случае решение полной системы магнитоупругих уравнений не представляется возможным, поэтому мы поступим следующим образом: вначале проанализируем вклад магнитодипольного взаимодействия, затем для произвольного (одномерного) распределения намагниченности M(x) на основе уравнений теории упругости выразим тензоры деформаций через фурье-компоненты этого распределения, что даст возможность исключить тензоры деформации из энергии магнетика и записать последнюю только через распределение M(x) или его фурье-компоненты (разд. 2). В разд. 3 мы покажем, что при решении задачи о доменной границе в ультратонких магнитных пленках вклад и магнитодипольного, и магнитоупругого взаимодействий приводит к возникновению некоторой эффективной магнитной анизотропии в плоскости пленки, которая обусловливает существование так называемых «угловых» доменных границ. В разд. 4 рассматриваются динамические свойства доменных границ в ультратонких магнитных пленках, в частности, вычислена ее масса и предельная скорость стационарного движения.

#### 2. ЭФФЕКТИВНАЯ ЭНЕРГИЯ МАГНЕТИКА

Размагничивающее поле **H**<sub>d</sub> определяется уравнениями магнитостатики

$$\operatorname{div} \mathbf{H}_d = -4\pi \operatorname{div} \mathbf{M}, \quad \operatorname{rot} \mathbf{H}_d = 0.$$
<sup>(2)</sup>

При этом магнитодипольная энергия  $W_{md}$ , отвечающая некоторому произвольному распределению намагниченности **M**(**r**), равна

$$W_{md} = -\frac{1}{2} \int d\mathbf{r} \, \mathbf{M}(\mathbf{r}) \mathbf{H}_d(\mathbf{r}) = \frac{1}{8\pi} \int d\mathbf{r} \int d\mathbf{r}' \frac{(\nabla \mathbf{M}(\mathbf{r})) \left(\nabla \mathbf{M}(\mathbf{r}')\right)}{|\mathbf{r} - \mathbf{r}'|}.$$
 (3)

Переходя к фурье-компонентам единичного вектора намагниченности  $\mathbf{m} = \mathbf{M}/M_0$ ,  $M_0 = |\mathbf{M}|$  в плоскости xy

$$\mathbf{m}(\mathbf{k}, z) = \int d\mathbf{r}_{\perp} \mathbf{m}(\mathbf{r}) \exp(-i\mathbf{k}\mathbf{r}_{\perp}), \qquad (4)$$

где  $\mathbf{r}_{\perp} = (x, y)$ ,  $\mathbf{k} = (k_x, k_y)$ , получим для энергии магнитодипольного взаимодействия следующее выражение:

$$W_{md} = \frac{1}{8\pi^2 S} \int d\mathbf{k} \left\{ \int dz \, m_z(\mathbf{k}, z) m_z(-\mathbf{k}, z) + \iint dz \, dz' \exp\left(-|\mathbf{k}||z - z'|\right) \times \left[ |\mathbf{k}| m_z(\mathbf{k}, z) m_z(-\mathbf{k}, z') - 2im_z(\mathbf{k}, z) \left( \mathbf{km}(-\mathbf{k}, z') \right) \operatorname{sign}(z - z') + |\mathbf{k}|^{-1} \left( \mathbf{km}(\mathbf{k}, z) \right) \left( \mathbf{km}(-\mathbf{k}, z') \right) \right] \right\},$$
(5)

где S — площадь поверхности пленки.

В интересующих нас ультратонких магнитных пленках распределение намагниченности  $\mathbf{m}(\mathbf{r})$  можно считать однородным по толщине пленки, т.е. не зависящим от координаты z. При этом интегралы по z и z' в (5) легко вычисляются, и в результате магнитодипольная энергия для произвольного (в плоскости xy) распределения намагниченности в ультратонкой пленке может быть записана в виде

$$W_{md} = 2\pi M_0^2 \left\{ \int d\mathbf{r} \, m_z^2 + \frac{\hbar^2}{4\pi^2} \int d\mathbf{k} \left[ |\mathbf{k}|^{-1} \, (\mathbf{km}(\mathbf{k})) \, (\mathbf{km}(-\mathbf{k})) - |\mathbf{k}| m_z(\mathbf{k}) m_z(-\mathbf{k}) \right] \right\}.$$
 (6)

Первое слагаемое в (6), как легко видеть, приводит к простой перенормировке константы одноосной анизотропии  $\beta$  в энергии магнитной подсистемы  $W_m$  в (1):  $\beta \to \beta_* = \beta - 4\pi$ . Что же касается второго слагаемого в (6), то оно пропорционально квадрату толщины пленки и, следовательно, является малым. Тем не менее его роль в динамике доменных границ очень существенна, так как в одноосном ферромагнетике (без учета магнитоупругого взаимодействия) именно это слагаемое определяет массу доменной границы, и если им пренебречь, то эффективная магнитная анизотропия остается одноосной, и, как уже отмечалось, масса стенки оказывается формально бесконечной, поэтому доменная граница двигаться не может. Конкретно роль магнитодипольного взаимодействия в статике и динамике доменных границ в рассматриваемой задаче будет обсуждаться ниже.

Перейдем теперь к анализу магнитоупругого взаимодействия. Уравнения теории упругости с учетом взаимодействия с магнитной подсистемой имеют вид

$$\rho \frac{\partial^2 u_i}{\partial t^2} = \mu \frac{\partial^2 u_i}{\partial x_j^2} + (\lambda + \mu) \frac{\partial^2 u_j}{\partial x_i \partial x_j} + b M_0^2 \frac{\partial (m_i m_j)}{\partial x_j},\tag{7}$$

где *b* — константа магнитоупругого взаимодействия.

Будем считать, что поверхность пленки свободна от напряжений, и поэтому граничные условия на поверхности, т.е. при  $z = \pm h$ , имеют вид  $\sigma_{iz}(\pm h) = 0$ .

В рассматриваемой нами задаче о доменной границе в ферромагнитной пленке скорости доменных границ значительно меньше, чем скорость звука, и поэтому, как показывает анализ, в уравнениях (7) производные по времени от компонент вектора смещения могут быть опущены, что соответствует переходу к эластостатическому пределу.

Будем считать, как и выше, что распределение намагниченности однородно по толщине пленки. Кроме того, учитывая, что рассматриваемая система изотропна в плоскости пленки (xy), без потери общности декартовы оси x и y можно выбрать таким образом, чтобы ось x была ориентирована вдоль нормали к плоскости доменной границы. При этом распределение намагниченности и упругие поля не будут зависеть от координаты y:  $\mathbf{m} = \mathbf{m}(x)$ ,  $\mathbf{u} = \mathbf{u}(x, z)$ , что существенно облегчает решение системы уравнений (7), так как в такой системе координат уравнение для компоненты вектора смещений  $u_y$  оказывается не связанным с уравнениями для компонент  $u_x$  и  $u_z$ .

Определяя фурье-компоненты  $u_i(k, z)$ ,

$$u_i(k,z) = \int_{-\infty}^{\infty} dx \, u_i(x,z) \exp(-ikx), \tag{8}$$

перепишем уравнение для компоненты  $u_y$  в виде

$$\mu(u_y'' - k^2 u_y) = -ikbM_0^2 s_{xy}(k), \tag{9}$$

где введено обозначение

$$s_{ij}(k) = \int_{-\infty}^{\infty} dx \, m_i(x) m_j(x) \exp(-ikx), \qquad (10)$$

а штрих обозначает производную по координате z.

Так как правая часть уравнения (9) не зависит от z, то решение этого уравнения, удовлетворяющее на поверхности пленки свободным граничным условиям

$$\sigma_{yz}(z=\pm h) = \left[\mu u'_y + b M_0^2 s_{yz}(k)\right]_{z=\pm h} = 0$$
(11)

находится элементарно:

$$u_{y}(k,z) = \frac{bM_{0}^{2}}{\mu k} \left[ is_{xy}(k) - s_{yz}(k) \frac{\operatorname{sh} k(z-h)}{\operatorname{ch} kh} \right].$$
(12)

Рассмотрим теперь уравнения для компонент  $u_x$  и  $u_z$ . В фурье-компонентах, введенных согласно (8), эти уравнения имеют вид

$$\mu u_x'' - (\lambda + 2\mu)k^2 u_x + ik(\lambda + \mu)u_z' = -ikbM_0^2 s_{kk}(k),$$
  

$$(\lambda + 2\mu)u_z'' - \mu k^2 u_x + ik(\lambda + \mu)u_x' = -ikbM_0^2 s_{xz}(k).$$
(13)

Левая часть системы уравнений (13) имеет дважды вырожденное собственное значение  $q = \pm k$ . Поэтому решение неоднородных уравнений (13) имеет вид

$$u_x(k, z) = (a_1 + b_1 z) \operatorname{ch} kz + (c_1 + d_1 z) \operatorname{sh} kz + B_x,$$
  

$$u_z(k, z) = (a_2 + b_2 z) \operatorname{ch} kz + (c_2 + d_2 z) \operatorname{sh} kz + B_z,$$
(14)

где  $a_{1,2}$ ,  $b_{1,2}$ ,  $c_{1,2}$ ,  $d_{1,2}$ ,  $B_x$ ,  $B_z$  — некоторые константы. Подставляя (14) в уравнение (9), находим, что коэффициенты  $a_{1,2}$ ,  $b_{1,2}$ ,  $c_{1,2}$ ,  $d_{1,2}$  связаны между собой соотношениями

$$a_2 = \frac{i}{k}(\nu b_1 - kc_1), \quad b_2 = -id_1, \quad c_2 = \frac{i}{k}(\nu d_1 - ka_1), \quad d_2 = -ib_1,$$
 (15)

а не зависящие от z слагаемые равны

$$B_x = \frac{ibM_0^2}{k(\lambda + 2\mu)} s_{kk}(k), \quad B_z = \frac{ibM_0^2}{\mu k} s_{kz}(k).$$
(16)

Подставляя далее (14) и (16) в граничные условия на поверхности пленки,

$$\sigma_{kz}(z = \pm h) = \left[ \mu(u'_x + iku_z) + bM_0^2 s_{kz}(k) \right]_{z=\pm h} = 0,$$
  

$$\sigma_{zz}(z = \pm h) = \left[ (\lambda + 2\mu)u'_z + ik\lambda u_k + bM_0^2 s_{zz}(k) \right]_{z=\pm h} = 0,$$
(17)

получим, что  $a_2 = d_2 = b_1 = c_1 = 0$ ,

$$d_{1} = \frac{ibM_{0}^{2}}{2} \frac{\left[(\lambda + 2\mu)s_{zz}(k) - \lambda s_{xx}(k)\right]}{\mu(\lambda + 2\mu)} \frac{2\operatorname{sh}(kh)}{\operatorname{sh}(2kh) + 2kh}, \quad b_{2} = -id_{1},$$

$$a_{1} = \frac{d_{1}}{2k} \left(\nu - 1 - 2kh\operatorname{cth}(kh)\right), \quad c_{2} = \frac{id_{1}}{2k} \left(\nu + 1 + 2kh\operatorname{cth}(kh)\right),$$
(18)

где  $\nu = (\lambda + 3\mu)/(\lambda + \mu).$ 

Подставляя найденные выражения для  $u_i(k, z)$  (12) и (14) в слагаемые  $W_e$ ,  $W_{me}$ , описывающие упругую подсистему кристалла и магнитоупругое взаимодействие, и интегрируя по координате z, получим после несложных, но достаточно громоздких вычислений

$$W_{1} \equiv W_{e} + W_{me} = -\frac{(bM_{0}^{2})^{2}S}{\pi\mu} \int_{0}^{\infty} dk \left\{ |s_{xy}(k)|^{2} + |s_{xz}(k)|^{2} + \frac{\mu}{\lambda + 2\mu} |s_{xx}(k)|^{2} + \frac{\sinh(kh)}{kh} |s_{yz}(k)|^{2} + \frac{\sinh^{2}(kh)}{kh \left[\sinh(2kh) + 2kh\right]} \frac{|(\lambda + 2\mu)s_{zz}(k) - \lambda s_{xx}(k)|^{2}}{(\lambda + 2\mu)(\lambda + \mu)} \right\}.$$
 (19)

Важно отметить, что при малых толщинах пленки энергия  $W_1$  оказывается пропорциональной толщине, и ее плотность является конечной, в отличие от не связанной с перенормировкой одноосной анизотропии части магнитодипольной энергии  $W_{md}$  (второе слагаемое в (6)), плотность которой при  $h \to 0$  сама становится пропорциональной толщине пленки и поэтому мала. Именно этот результат и является причиной того, что в ультратонких пленках столь важной оказывается роль магнитоупругого взаимодействия.

### 3. ДОМЕННЫЕ ГРАНИЦЫ В УЛЬТРАТОНКИХ МАГНИТНЫХ ПЛЕНКАХ

Итак, суммируя энергию магнитной подсистемы кристалла с энергией  $W_1$ , мы получим полную энергию системы, записанную только в терминах распределения намагниченности (или ее фурье-компонент):

$$W = 2M_0^2 S \left\{ \int_{-\infty}^{\infty} dx \left[ \frac{\alpha}{2} \left( \frac{d\mathbf{m}}{dx} \right)^2 - \frac{\beta_*}{2} m_z^2 \right] + 2h \int_{0}^{\infty} dk |k| |m_x(k)|^2 - \frac{(bM_0)^2}{2\pi\mu} \int_{0}^{\infty} dk \left\{ |s_{xy}(k)|^2 + |s_{xz}(k)|^2 + \frac{\mu}{\lambda + 2\mu} |s_{xx}(k)|^2 + \frac{h(kh)}{kh} |s_{yz}(k)|^2 + \frac{sh^2(kh)}{kh \left[ sh(2kh) + 2kh \right]} \frac{|(\lambda + 2\mu)s_{zz}(k) - \lambda s_{xx}(k)|^2}{(\lambda + 2\mu)(\lambda + \mu)} \right\}.$$
 (20)

Решение уравнений движения для намагниченности в системе, описываемой такой энергией, найти невозможно даже для случая уединенной доменной границы. Поэтому для описания статических и динамических свойств границы в ультратонких магнитных пленках мы используем метод, аналогичный тому, который был использован в [7] для анализа динамических свойств доменных границ в ультратонких магнитных пленках при учете только магнитодипольного взаимодействия. Фактически этот метод является некоторой вариацией хорошо известного подхода к описанию динамики доменной границы на основе уравнений Слончевского [8].

Как известно, динамика ферромагнетика может быть описана на основе функции Лагранжа *L*, которая имеет вид

$$L = \frac{M_0}{g} \int dV \left\{ \varphi \sin \theta \frac{\partial \theta}{\partial t} \right\} - W,$$
(21)

где g — гиромагнитное отношение, W — энергия ферромагнетика, а угловые переменные  $\theta$  и  $\varphi$  параметризуют вектор намагниченности **M**,

$$\mathbf{M} = M_0(\sin\theta\cos\varphi, \sin\theta\sin\varphi, \cos\theta). \tag{22}$$

Будем считать, что распределение намагниченности в движущейся со скоростью V вдоль оси x плоской 180-градусной доменной границе описывается обычными соотношениями (см., например, [8]):

$$\cos \theta(x) = -\operatorname{th}\left[\frac{x - Vt}{\Delta}\right], \quad \varphi = \operatorname{const},$$
 (23)

где  $\Delta$  — эффективная толщина доменной границы.

Фигурирующие в энергии (20) фурье-компоненты намагниченности  $m_x(k)$  и величины  $s_{ij}(k)$ , соответствующие распределению намагниченности (23), имеют вид

$$m_{x}(k) = \frac{\pi\Delta}{\operatorname{ch}(\pi k\Delta/2)}, \quad s_{xx}(k) = R_{1}(k)\cos^{2}\varphi,$$

$$s_{xy}(k) = R_{1}(k)\sin\varphi\cos\varphi, \quad s_{xz}(k) = R_{2}(k)\cos\varphi,$$

$$s_{yz}(k) = R_{2}(k)\sin\varphi, \quad s_{zz}(k) = 2\pi\delta(k) - R_{1}(k),$$

$$R_{1}(k) = \frac{\pi k\Delta^{2}}{\operatorname{sh}(\pi k\Delta/2)}, \quad R_{2}(k) = \frac{i\pi k\Delta^{2}}{\operatorname{ch}(\pi k\Delta/2)}.$$
(24)

Величина  $\Delta$  и угол  $\varphi$  являются вариационными параметрами задачи и определяется из уравнений Эйлера–Лагранжа для эффективной функции Лагранжа  $L_{eff}(\varphi, \Delta)$ , которая получается при подстановке распределения намагниченности (23) и фурьекомпонент (24) в функцию Лагранжа (21) и интегрирования по координате x:

$$L_{eff}(\varphi, \Delta) = \frac{4hM_0V}{g}\varphi - E(\varphi, \Delta),$$
  

$$E(\varphi, \Delta) = 2M_0^2h\left[\frac{\alpha}{\Delta} + \Delta\left(\tilde{\beta} - \rho_1 \sin^2\varphi + \rho_2 \sin^4\varphi\right)\right].$$
(25)

Здесь введены обозначения:

$$\tilde{\beta} = \beta_* - \frac{(bM_0)^2}{\mu}, \quad \rho_1 = \frac{8h\ln 2}{\Delta}, \quad \rho_2 = \frac{(bM_0)^2}{6\mu} \frac{3\lambda + 2\mu}{\lambda + \mu},$$
 (26)

а величина  $E(\varphi, \Delta)$  имеет смысл энергии единицы длины доменной границы. При выводе (26) мы воспользовались тем, что в ультратонких магнитных пленках ширина доменной границы  $\Delta$  существенно превышает толщину пленки 2h.

Таким образом, видим, что и магнитодипольное, и магнитоупругое взаимодействия приводят, во-первых, к перенормировке константы одноосной анизотропии и, во-вторых, к появлению некоторой эффективной анизотропии в плоскости (xy). Важно подчеркнуть, что эта эффективная анизотропия связана не с кристаллографическими осями, а с нормалью к плоскости доменной границы, направление которой в плоскости (xy) является, вообще говоря, произвольным. При этом оказывается, что магнитодипольное взаимодействие определяет константу «второго порядка»  $\rho_1$ , а магнитоупругое — константу «четвертого порядка»  $\rho_2$ .

Варьируя  $L_{eff}(\varphi, \Delta)$ , получим уравнения, определяющие параметры  $\varphi$  и  $\Delta$ :

$$\alpha - \left(\tilde{\beta} + \rho_2 \sin^4 \varphi\right) \Delta^2 = 0,$$

$$\frac{V}{gM_0} - (\rho_1 - 2\rho_2 \sin^2 \varphi) \Delta \sin \varphi \cos \varphi = 0.$$
(27)

Из уравнений (27) нетрудно получить явные выражения для параметров доменных границ  $\varphi$  и  $\Delta$ , которые в общем случае достаточно громоздки. Поэтому в дальнейшем мы ограничимся наиболее актуальным случаем и учтем, что константа одноосной анизотропии намного больше, чем эффективные константы ромбической анизотропии  $\rho_1$  и  $\rho_2$ : константа  $\rho_1$  мала в меру малости толщины пленки, а константа  $\rho_2$  (как и обусловленная магнитоупругим взаимодействием перенормировка константы одноосной анизотропии) мала в меру малости параметра  $(bM_0)^2/\mu$ . При этом, как нетрудно видеть, параметр  $\Delta$ слабо зависит от величин  $\rho_1$  и  $\rho_2$  и равен  $\Delta = (\alpha/\beta_*)^{1/2}$ . Что же касается угла  $\varphi$ , определяющего выход вектора намагниченности из плоскости доменной границы, то, как нетрудно убедиться, исходя из второго уравнения (27), в неподвижной доменной границе возможны три значения этого угла: 1)  $\varphi = 0$ , что соответствует неелевской доменной границе (плоскость разворота вектора намагниченности перпендикулярна плоскости доменной границы); 2)  $\varphi = \pi/2$ , что отвечает блоховской доменной границе (вектор намагниченности лежит в плоскости доменной границы); 3)  $\varphi = \varphi^* = \arcsin(\rho_1/2\rho_2)^{1/2}$ . Распределение намагниченности, отвечающее последнему решению, описывает доменную границу, в которой плоскость разворота составляет угол  $\varphi = \pi/2 - \varphi^*$  с плоскостью границы, и поэтому в дальнейшем такую доменную границу мы будем называть «угловой» доменной границей. Для существования угловой доменной границы необходимо, чтобы было выполнено неравенство  $\rho_1 < 2\rho_2$  (естественно, что при этом может реализоваться одна из четырех эквивалентных ориентаций плоскости разворота вектора намагниченности в доменной границе:  $\pm \varphi^*$  и  $\pi \pm \varphi^*$ ).

Анализ устойчивости этих решений показывает, что состояние, отвечающее неелевской доменной границе ( $\varphi = 0$ ), является неустойчивым при любом значении эффективных констант анизотропии  $\rho_1$  и  $\rho_2$ . Блоховская доменная граница, в которой векторнамагниченности разворачивается в плоскости стенки ( $\varphi = \pi/2$ ), оказывается устойчивой, если выполнено неравенство  $\rho_1 > 2\rho_2$ , которое противоположно условию существования угловой доменной границы. Если же это условие выполнено, т.е.  $\rho_1 < 2\rho_2$ , то устойчивой оказывается именно угловая доменная граница<sup>1)</sup>.

Используя полученные выражения для параметров  $\rho_1$  и  $\rho_2$ , находим критерий существования угловой доменной границы: последняя существует и является устойчивой, если толщина пленки h меньше некоторого критического значения  $h_0$ :

$$h_0 = \Delta \frac{(bM_0)^2}{24 \ln 2} \frac{3\lambda + 2\mu}{\mu(\lambda + \mu)}.$$
 (28)

Естественно, что величина  $h_0$  имеет смысл, если она составляет, по крайней мере, несколько постоянных решетки, т. е.  $\geq 10^{-7}$  см. В то же время, толщина доменной границы  $\Delta$  обычно порядка  $10^{-5}$ - $10^{-6}$  см, поэтому о критической толщине  $h_0$  и о существовании угловых доменных границ можно говорить лишь в магнетиках с достаточно большой магнитострикцией.

<sup>&</sup>lt;sup>1)</sup> Отметим, что своеобразный аналог угловых доменных границ имеет место в некоторых слабых ферромагнетиках, в которых векторы намагниченности подрешеток вращаются в плоскости легкого намагничивания ac, а ось, вдоль которой распределение намагниченности неоднородно, не совпадает с осью b магнетика.

## 4. ДИНАМИКА ДОМЕННЫХ ГРАНИЦ В УЛЬТРАТОНКИХ МАГНИТНЫХ ПЛЕНКАХ

Рассмотрим теперь динамические свойства доменных границ. Движение доменных границ обычно связано с воздействием внешнего магнитного поля, ориентированного таким образом, чтобы один из доменов, которые разделяются стенкой, стал энергетически более выгодным: в рассматриваемой нами геометрии это — поле, направленное вдоль оси анизотропии z. В рассматриваемом приближении, в котором толщина доменной границы постоянна (что в обычной ситуации справедливо при большом значении фактора качества магнетика,  $Q = \beta/4\pi \gg 1$ ) внешнее магнитное поле H, ориентированное вдоль оси анизотропии, связано со скоростью движения стенки простым соотношением (см., например, [8])

$$V = gH\Delta/\gamma,\tag{29}$$

где  $\gamma$  — релаксационная константа.

Согласно второму уравнению системы (27) при  $\Delta$  = const скорость движения доменной границы связана с углом  $\varphi$  соотношением

$$V = V_0 f(\varphi), \quad f(\varphi) = \sin 2\varphi (\sin^2 \varphi - p), \tag{30}$$

где введены параметр  $p = \rho_1/2\rho_2$  и характерная скорость доменной границы<sup>2)</sup>  $V_0 = \rho_2(gM_0)\Delta$ .



**Рис. 1.** Функция  $f(\varphi, p)$  при p < 1 (рис. 1*a*) и при p > 1 (рис. 1*b*)

Функция  $f(\varphi, p)$  представлена на рис. 1. При p < 1 (рис. 1*a*) эта функция имеет два «набора» экстремумов: одному из «наборов» соответствуют значения угла  $\varphi$ , определяемые условием  $\sin^2 \varphi = \sin^2 \varphi_+$ , а второму —  $\sin^2 \varphi = \sin^2 \varphi_-$ , где

$$\sin^2 \varphi_{\pm} = \frac{1}{8} \left[ 3 + 2p + \left( (2p - 1)^2 + 8 \right)^{1/2} \right].$$
(31)

Если же параметр p > 1 (рис. 16), то экстремумы, отвечающие знаку «+» в (31), исчезают и остаются экстремумы, соответствующие знаку «-». Значения углов  $\varphi_{\pm}$  как

<sup>&</sup>lt;sup>2)</sup> В массивных ферромагнетиках характерной скоростью доменной границы является уокеровская скорость  $V_w$  (предельная скорость стационарного движения доменной границы) [6]. Введенная нами характерная скорость  $V_0$  не имеет столь же простой физической интерпретации, а является просто удобным размерным параметром задачи.



Рис. 2. Значения критических углов  $\varphi_{\pm}$  как функции параметра p

**Рис. 3.** Зависимость значений функции  $|f(\varphi, p)|$  в экстремальных точках  $\varphi = \varphi_{\pm}$  от параметра p

функции параметра *p* представлены на рис. 2, а значения  $|f(\varphi, p)|$  в этих точках — на рис. 3. Именно последние определяют предельную скорость стационарного движения доменной границы  $V_c$  и, согласно (29), предельное значение внешнего поля  $H_c = \gamma V_c/g\Delta$ , при котором такое движение возможно.

Рассмотрим вначале случай, когда параметр p < 1, и в статике устойчивой оказывается угловая доменная граница. Как уже отмечалось, в этом случае возможны четыре эквивалентных значения угла  $\varphi$ , определяющего плоскость разворота вектора намагниченности в статической доменной границе. Далее для конкретности будем считать, что этот угол равен  $\varphi^* = \arcsin(p^{1/2})$ .

Если параметр  $1/2 , то <math>\varphi^* > \pi/4$  и  $|f(\varphi_+, p)| < |f(\varphi_-, p)|$ ; если же p < 1/2, то  $\varphi^* < \pi/4$  и  $|f(\varphi_+, p)| > |f(\varphi_-, p)|$  (именно такая ситуация изображена на рис. 1*a*). При p = 1/2 угол  $\varphi^* = \pi/4$ , и экстремумы становятся одинаковыми,  $|f(\varphi_+, p)| = |f(\varphi_-, p)|$ .

Несимметричный относительно положительного и отрицательного направлений оси x характер распределения намагниченности в статической угловой доменной границе приводит к неодинаковой относительно направления внешнего магнитного поля зависимости скорости доменной границы, т.е. имеет место своеобразная «невзаимность»:  $|V(H)| \neq |V(-H)|$ .

Если внешнее поле направлено вдоль положительного направления оси z (H > 0), то стенка движется в положительном направлении оси x (V > 0) и при p < 1/2, как наглядно видно из рис. 1*a*, угол  $\varphi$  увеличивается с ростом скорости от своего статического значения  $\varphi = \varphi^*$  до значения  $\varphi = \varphi_+$ , которому соответствует скорость  $V_+ = V_0 f(\varphi_+, p)$ , а предельное значение поля, при котором возможно стационарное движение доменной границы, равно  $H_+ = \gamma V_+ g\Delta$ . Если же H < 0 и движение доменной границы происходит в отрицательном направлении оси x (V < 0), то с ростом скорости угол  $\varphi$  уменьшается от начального значения  $\varphi = \varphi^*$  до  $\varphi = \varphi_-$ , которому соответствует скорость  $V_- = V_0 f(\varphi_-, p)$ , причем  $|V_-| < V_+$ .

Скорость V<sub>-</sub> достигается при поле  $H_{-} = \gamma V_{-}/g\Delta$ , которое по модулю меньше, чем  $H_{+}, |H_{-}| < H_{+}$ . При дальнейшем увеличении отрицательного поля решение, соответ-

ствующее рассматриваемой ветви многозначной функции  $\varphi = \varphi(V, p)$ , исчезает и поэтому неизбежно происходит переход на другую ветвь, на которой скорость  $V_{-}$  еще не является экстремальной (на рис. 1*a* этот переход показан стрелкой). Таким образом, при  $H = H_{-}$  плоскость разворота вектора намагниченности в доменной границе скачком изменяется: значение угла  $\varphi$  скачкообразно изменяется от экстремального значения  $\varphi_{-}$  до некоторого значения  $\varphi'$ , лежащего в интервале ( $-\varphi_{+}, -\varphi^{*}$ ), и при дальнейшем росте поля скорость доменной границы продолжает нарастать (по модулю) вплоть до значения  $V_{+}$ .

Если  $1/2 и <math>|f(\varphi_{-}, p)| > |f(\varphi_{+}, p)|$ , то ситуация обратная: если H < 0, то, стартуя из статического значения угла  $\varphi = \varphi^*$ , доменная граница с ростом поля достигает предельной скорости  $V_c = V_0 |f(\varphi_{-}, p)|$  без скачков плоскости разворота, а при H > 0 вначале достигает значения  $V_0 |f(\varphi_{+}, p)|$ , затем при  $H = H_+$  имеет место скачок угла  $\varphi$  на другую ветвь, и при дальнейшем увеличении поля скорость доменной границы достигает своего предельного значения  $V_0 |f(\varphi_{-}, p)|$ .

Исходя из выражения для  $E(\varphi, \Delta)$  (25) и уравнения (30), определяющего угол  $\varphi$  как функцию скорости V, можно, в принципе, найти энергию движущейся доменной границы как функцию ее скорости (или значения внешнего магнитного поля) и параметра p. В общем виде это выражение довольно громоздко, однако при малых скоростях движения доменной границы вычисления могут быть существенно упрощены, если, исходя из (25) и (30), записать плотность энергии движущейся угловой доменной границы  $\sigma(V)$ в виде

$$\sigma^*(V) = \sigma^*(0) + 2M_0^2 \rho_2 \Delta \left(\frac{V}{V_0}\right)^2 \frac{1}{\sin^2 2\varphi}, \quad \sigma^*(0) = 4M_0^2 \beta^* \Delta \left(1 - \frac{\rho_1^2}{8\beta\rho_2}\right), \quad (32)$$

где  $\sigma(0)$  — плотность эффективной энергии статической угловой доменной границы, а второе слагаемое имеет смысл плотности кинетической энергии доменной границы.

При малых значениях внешнего поля скорость движения доменной границы V также мала, а угол  $\varphi$  слабо отличается от своего равновесного значения в статической угловой доменной границе:  $\varphi = \varphi^* + \psi$ ,  $\psi \ll 1$ . Из линеаризованного по  $\psi$  уравнения (30) находим

$$\psi = \frac{V}{V_0} \frac{1}{4p(1-p)}.$$
(33)

Подставляя это значение в (32), получим плотность эффективной энергии движущейся угловой доменной границы с точностью до  $(V/V_0)^3$ :

$$\sigma(V) = \sigma(0) + \frac{mV^2}{2} + q\left(\frac{V}{V_0}\right)^3,$$
(34)

$$m = \frac{2}{g^2 \Delta} \frac{\rho_2}{\rho_1 (2\rho_2 - \rho_1)}, \quad q = \frac{M_0^2 \Delta}{8} \frac{2p - 1}{\left[p(1-p)\right]^{5/2}},$$
(35)

где величину m можно трактовать как плотность массы угловой доменной границы.

Напомним, что выражения (34), (35) получены для угловой доменной границы, у которой статическое значение угла  $\varphi$  равно  $\varphi^*$ . Аналогичный расчет энергии угловой доменной границы, в которой угол  $\varphi$  в статике равен  $-\varphi^*$ , приводит к точно такому же выражению для  $\sigma(V)$ , но с заменой  $q \to -q$ . Таким образом, можно сделать вывод о том,

что, несмотря на асимметрию динамики угловых доменных границ, имеющих разные исходные (статические) значения угла  $\varphi$ , их массы (т. е. коэффициенты при квадрате скорости в кинетической энергии доменных границ) одинаковы; однако коэффициенты при более высоких степенях разложения по  $(V/V_0)$  различны: они различаются знаком. Следовательно, при одной и той же скорости угловые доменные границы, находящиеся на различных ветвях функции  $\varphi = \varphi(V, p)$ , имеют разную энергию.

Как следует из (34), (35), в рассмотренном выше случае (p < 1/2, V < 0) произведение  $qV^3 > 0$ , и поэтому при одном и том же значении внешнего поля H < 0, определяющего скорость доменной границы, энергия угловой доменной границы с углом  $\varphi$  в интервале ( $\varphi_-, \varphi^*$ ) оказывается больше, чем энергия доменной границы с углом  $\varphi$  в интервале ( $-\varphi_+, -\varphi^*$ ). Следовательно, скачкообразная переориентация плоскости разворота вектора намагниченности в движущейся угловой доменной границе, т. е. переход угла  $\varphi$  на другую ветвь функции  $\varphi = \varphi(V, p)$ , может иметь место не только при достижении экстремальной скорости  $V_-$ , как описано выше, но и при меньшей (по модулю) скорости, так как такой переход энергетически выгоден. При  $|V| < V_-$  этот процесс может быть индуцирован тепловыми флуктуациями в магнитной или упругой подсистемах пленки или же взаимодействием движущейся доменной границы с дефектами решетки, при этом переход в энергетически более выгодное состояние должен, естественно, сопровождаться выделением энергии в виде излучения спиновых волн и звука.

Если 1 > p > 1/2, то величина  $qV^3 > 0$  при V > 0; при этом энергетически более выгодными являются угловые доменные границы, у которых в статике  $\varphi = -\varphi^*$ , и переориентация доменной границы может иметь место в положительных полях H > 0.

Рассмотрим теперь случай p > 1, в котором устойчивой является статическая блоховская доменная граница со статическим значением угла  $\varphi = \pm \pi/2$ . Оба состояния эквивалентны, и для конкретности мы будем считать, что в статике  $\varphi = \pi/2$ .

Зависимость угла  $\varphi$  от скорости доменной границы в рассматриваемом случае по-прежнему описывается уравнением (30), однако, как уже отмечалось, при p > 1функция  $f(\varphi, p)$  имеет экстремумы только в точках, в которых  $\sin^2 \varphi = \sin^2 \varphi_-$  (см. рис. 16). Описанная выше «невзаимность» движения доменной границы при этом отсутствует, V(H) = -V(-H), и скачков плоскости разворота вектора намагниченности в доменной границе также нет: с ростом поля скорость доменной границы линейно растет согласно (29), достигая своего предельного значения  $V_c = V_0 | f(\varphi, p) |$  при  $H_c = \gamma V_c/q\Delta$ .

Если влияние магнитоупругого взаимодействия на динамику доменной границы пренебрежимо мало по сравнению с влиянием магнитостатического взаимодействия, т. е. параметр  $p \gg 1$ , то, как следует из (30), предельный угол выхода вектора намагниченности из плоскости доменной границы близок к  $\pi/4$  (что характерно для блоховской доменной границы в ферромагнетике),  $|f(\varphi_-, p)| \approx p$ , и предельная скорость доменной границы равна  $V_c \approx pV_0 = 4hgM_0 \ln 2$ . С уменьшением параметра p предельная скорость доменной границы также уменьшается; при  $p \to 1$  предельный угол  $\varphi_-$  близок к  $\pi/6$ , а предельная скорость рассматриваемой блоховской доменной границы равна  $V_c \approx 0.63V_0$ .

Масса блоховской доменной границы вычисляется аналогично массе угловой доменной границы и равна

$$m = \frac{2}{g^2 \Delta} \frac{1}{\rho_1 - 2\rho_2}.$$
 (36)



Рис. 4. Зависимость предельной скорости стационарного движения доменной границы от толщины пленки

Интересно отметить, что в пределе  $p \gg 1$  масса единицы длины доменной границы  $m_1 = 2hm$  оказывается не зависящей ни от каких материальных констант пленки, кроме гиромагнитного отношения,  $m_1 = [2g^2 \ln 2]^{-1}$  [7].

Отметим также, что при  $\rho_1 \rightarrow 2\rho_2$  ( $\rho \rightarrow 1$ ) массы и блоховской (36), и угловой доменных границ (35) неограниченно возрастают и при  $\rho_1 = 2\rho_2$  формально обращаются в бесконечность.

Однако это не означает, что доменная граница двигаться не может: дело в том, что значение параметра p = 1, которое разделяет области существования и устойчивости двух типов доменных границ, является выделенным, и зависимость кинетической энергии доменной границы от скорости при p = 1 оказывается неквадратичной. Как нетрудно видеть из уравнения (30), при p = 1 разложение функции  $f(\varphi)$  при малых отклонениях угла  $\varphi$  от своего равновесного значения  $\pi/2$  начинается не с линейного, а с кубического по  $\psi$  слагаемого, и вместо зависимости  $\psi \sim V$  (33) имеем  $\psi = (V/2V_0)^{1/3}$ . Кроме того, при p = 1 разложение кинетической энергии доменной границы при малых скоростях начинается не с  $\psi^2$ , а с  $\psi^4$ , и в результате мы приходим к следующей нестандартной зависимости кинетической энергии доменной границы от скорости:

$$\sigma(V) = \sigma(0) + \frac{M_0^2 \rho_1 \Delta}{2} \left(\frac{V}{2V_0}\right)^{4/3}.$$
 (37)

## 5. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Проведенный выше анализ свидетельствует о важной роли, которую играет магнитоупругое взаимодействие в ультратонких магнитных пленках. Именно с магнитоупругим взаимодействием связано появление в энергии магнетика эффективной энергии ромбической анизотропии «четвертого» порядка ( $\rho_2 \neq 0$ ), наличие которой приводит к весьма существенным особенностям в структуре и динамике доменных границ в ультратонких магнитных пленках: если это взаимодействие достаточно сильное, и имеет место неравенство  $2\rho_2 > \rho_1$ , то в статике существуют и являются устойчивыми угловые доменные границы, поведение которых нетривиально отличается от поведения обычных блоховских доменных границ.

Учет магнитоупругого взаимодействия приводит к тому, что предельная скорость стационарного движения доменных границ в ультратонких магнитных пленках ста-

новится немонотонно зависящей от толщины пленки. Как было показано, эта скорость равна  $V_c = V_0 \max\{|f(\varphi_-, p)|, |f(\varphi_+, p)|\}$ , и поэтому при p > 1/2  $(h > h_0/2)$  $V_c = V_0|f(\varphi_-, p)|$  и убывает с уменьшением толщины пленки, в то время как при p < 1/2  $(h < h_0/2)$   $V_c = V_0|f(\varphi_+, p)|$  и растет при уменьшении толщины. Зависимость предельной скорости от толщины пленки показана на рис. 4. При больших толщинах, когда влияние магнитоупругого взаимодействия мало по сравнению с магнитодипольным и параметр  $p \gg 1$ , величина  $V_c$  прямо пропорциональна толщине,  $V_c \approx pV_0 = 4hgM_0 \ln 2 \propto h$ . Минимальное значение предельной скорости доменной границы  $V_c$  достигается при  $h = h_0/2$  и равно  $V_c^{(min)} = V_c (h = h_0/2) = \rho_2 gM_0 \Delta/2$ , а при стремлении толщины пленки к нулю  $V_c(h \to 0) = 3\rho_2 gM_0 \Delta/4 = 1.5V_c^{(min)}$ .

Один из авторов (A. C.) искренне признателен проф. М. Свенскому (Institute of Physics, Warsaw University Bialystok branch) за гостеприимство и поддержку в процессе выполнения работы.

# Литература

- 1. Л. Д. Ландау, Е. М. Лифшиц, Электродинамика сплошных сред, Наука, Москва (1982).
- 2. В. Г. Барьяхтар, Б. А. Иванов, А. Л. Сукстанский, ЖЭТФ 75, 2183 (1978).
- 3. М. В. Четкин, А. Н. Шалыгин, А. де ла Кампа, ЖЭТФ 75, 2345 (1978).
- 4. В. Г. Барьяхтар, Б. А. Иванов, М. В. Четкин, УФН 146, 417 (1985).
- 5. Б. А. Иванов, ФНТ 4, 352 (1978).
- 6. L. R. Walker (unpublished), quoted by J. F. Dillon in Magnetizm, vol. 3, Academic Press, N. Y. (1963).
- 7. A. Stankevich, V. V. Tarasenko, Proc. 6-th Europian Conference on Magnetizm, Poland, Poznan (1996).
- 8. A. P. Malozemoff, J. C. Slonczewski, *Magnetic Domain Walls in Bubble Materials*, Academic Press (1979).