ЖЭТФ, 1997, том 111, вып. 3, стр. 1016-1031

РАСПРОСТРАНЕНИЕ МАГНИТОСТАТИЧЕСКИХ ВОЛН В НЕНАСЫЩЕННЫХ ФЕРРИТОВЫХ ПЛЕНКАХ С ПОЛОСОВОЙ ДОМЕННОЙ СТРУКТУРОЙ

А. В. Вашковский, Э. Г. Локк, В. И. Щеглов

Институт радиотехники и электроники Российской академии наук 141120, Фрязино, Моск. обл., Россия

Поступила в редакцию 24 июня 1996 г.

Экспериментально исследовано распространение поверхностных и объемных магнитостатических волн в ненасыщенных пленках железоиттриевого граната для случая, когда длина волны намного превышает ширину доменов, а ширина доменов сравнима с толщиной пленки. Рассмотрены характеристики указанных волн при существовании в пленках симметричной линейной, несимметричной линейной и симметричной зигзагообразной полосовых доменных структур. Установлено, что эти характеристики не объясняются в рамках теорий, использующих усреднение намагниченности по всем доменам.

1. ВВЕДЕНИЕ

Исследование распространения магнитостатических волн в ферритовых пленках с доменной структурой уже на протяжении многих лет вызывает интерес у ряда авторов, что обусловлено насыщенностью этих исследований различными физическими явлениями и эффектами. Большинство опубликованных ранее работ посвящено распространению магнитостатических волн в ферритовых пленках и пластинах с регулярной полосовой доменной структурой (некоторыми авторами называемой плоскопараллельной или пластинчатой) [1-11], но есть также работы, где сообщается о наблюдении магнитостатических волн в пленках с нерегулярной доменной структурой [12]. Теоретическое рассмотрение характеристик магнитостатических волн в пленках с полосовой доменной структурой чаще всего проводилось в предположении, что длина волны λ много больше ширины домена d, а толщина ферритового слоя $s \gg d \gg \delta$ (δ — толщина доменных границ, которые считались бесконечно тонкими 180-градусными стенками) [1, 3-6]; случай $\lambda \ll d$ исследован в [2], а случай $\lambda \simeq d$ — в [8]. При этом среда описывалась усредненными по всем доменам тензорами магнитной восприимчивости χ и проницаемости $\hat{\mu}$ [3, 7] или среда рассматривалась как «макроскопический антиферромагнетик», в котором роль антипараллельных спинов играют соседние домены [1]. Обе эти модели позволили использовать для получения дисперсионных соотношений обычные методы электродинамики. В зависимости от дополнительных предположений, использованных авторами, таких как отсутствие внешнего магнитного поля [1, 4, 8], отсутствие у феррита полей анизотропии [3] или наличие у него легкой оси [4,8] либо кубической симметрии с константой анизотропии $K_1 < 0$ [5–7], вычисленные тензоры $\hat{\chi}$ и $\hat{\mu}$ имели как диагональный [3, 4], так и недиагональный [1, 2, 5–7] вид, а полученные дисперсионные соотношения описывали различные типы поверхностных и объемных волн. Однако теоретические модели, полученные в этих работах, применимы лишь для описания довольно ограниченного или специфического круга реально существующих ситуаций. Кроме того, во многих реализуемых в экспериментах случаях соотношение между шириной доменов и толщиной пленки не удовлетворяет предположению $s \gg d$, что делает необходимым учет размагничивающих полей статических эффективных магнитных поверхностных зарядов, создаваемых доменными стенками, и не позволяет проводить расчеты на основе теоретических моделей [1, 3–6].

Кроме волновых процессов, связанных с магнитостатическими волнами, в ненасыщенных ферритовых пленках могут возникать высокочастотные колебания доменных стенок, резонансные частоты которых оценены в [11], и спин-волновые возбуждения, например волны либо моды, локализованные на доменных границах [13, 14]. Возможны также коллективные колебания доменных структур как ансамбля в целом, динамические свойства которых описаны в [15].

Ниже описываются результаты экспериментального исследования характеристик магнитостатических волн с волновыми числами $0 < k < 1000 \text{ сm}^{-1}$ для случая $\lambda \gg d$ и $s \simeq d$, полученные для касательно намагниченных, выращенных в плоскости (111) пленок железоиттриевого граната, — одного из самых распространенных материалов в исследованиях по физике магнетизма. До сих пор подобные исследования не проводились, лишь о некоторых предварительных результатах в этом направлении сообщалось в [10] и [16].

2. ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНАЯ УСТАНОВКА И ПАРАМЕТРЫ МАГНИТНЫХ ПЛЕНОК

Эксперименты проводились на установке, позволяющей одновременно выполнять как СВЧ, так и оптические измерения. Исследуемые ферритовые пленки намагничивались касательным однородным магнитным полем H_0 величиной от $\simeq 0$ до 100 Э. Возбуждение и прием магнитостатических волн производились с помощью подвижных антенн, имевших преобразователи из позолоченной вольфрамовой проволоки длиной 3.5 мм и толщиной 12 мкм. Механическая система позволяла перемещать антенны в двух взаимно перпендикулярных направлениях в плоскости пленки и поворачивать их вокруг оси, перпендикулярных преобразователей, использовалось для определения волновых чисел путем измерения фазового набега по фазово-частотной характеристике на фиксированной частоте (метод подвижного зонда). Ориентация кристаллографических осей пленок относительно направления H_0 могла изменяться путем поворота пленки вокруг оси, перпендикулярной е плоскости. Доменная структура наблюдалась с помощью измерительного микроскопа по эффекту Фарадея при падении на пленку луча света, перпендикулярного ее поверхности.

Для исследований были отобраны пленки железоиттриевого граната, выращенные в плоскости (111) и обладающие в ненасыщенном состоянии хорошо различимой в микроскоп доменной структурой, что, по-видимому, явилось следствием наличия у пленок магнитной одноосной анизотропии типа «легкая ось», перпендикулярной поверхности пленки, из-за чего локальная намагниченность доменов обладала большой составляющей вдоль этой оси в достаточно широком диапазоне полей. Параметры трех пленок, исследованных наиболее подробно, приведены в таблице, где использованы следующие обозначения: $4\pi M_0$ — намагниченность насыщения, ΔH — полуширина линии резонанса, s — толщина пленки, H_c — поле кубической анизотропии, θ — угол отклонения оси одноосной анизотропии от нормали к плоскости пленки, φ_a — угол между проек-

цией оси одноосной анизотропии на плоскость пленки и осью [110] (параметры H_{s-z} , H_{z-n} , H_{sat} , H_{s-n}^{\perp} , H_{sat}^{\perp} , будут определены далее). Параметры s, H_c , θ , φ_a измерены методом, изложенным в [17]. При определении величин одноосной анизотропии H_a и $4\pi M_0$ оказалось, что указанный метод дает большие погрешности и приведенные значения $4\pi M_0$ определены по СВЧ-измерениям намагниченных до насыщения пленок.

Обозначение	Величина			Π
параметра	№ 1	Nº 2	Nº 3	Погрешн.
$4\pi M_0$, Γc	1781	1787	1890	±20
2∆Н, Э	0.6	0.75	0.5	
s, mkm	7.9	11.5	8.9	±0.1
<i>Н</i> _c , Э	-84	-83	-76	±4
θ°	1.5	3.8	4.9	±1
φ_a°	-92.5	-107.6	-17.0	± 2.5
H_{s-z}, \Im	28	7	4	±0.5
H_{z-n}, \Im	35	13.5	6.5	±0.5
\overline{H}_{sat}, \Im	62	35.5	24	±1
H_s^{\perp}, \Im	39.3	14	7	±0.5
H_{sat}^{\perp}, \Im	69.5	55.5	29	±1

Пленки имели размеры не менее $30 \times 30 \text{ мм}^2$, что исключало влияние краевых эффектов.

Во избежание возникновения нелинейных явлений (трехмагнонный распад и четырехмагнонное рассеяние), пороговый уровень которых в ненасыщенных пленках железоиттриевого граната, как правило, выше, чем в насыщенных [18] (в последних этот уровень в лучшем случае $\simeq 5-15$ мкВт), мощность непрерывного синусоидального СВЧ-сигнала, поступающая на входной преобразователь, не превышала 1 мкВт во всем диапазоне частот.

3. ДОМЕННЫЕ СТРУКТУРЫ ИССЛЕДОВАННЫХ ПЛЕНОК

Возникновение того или иного типа доменной структуры в пленках зависит от величины приложенного магнитного поля H_0 и от предшествующего доменного состояния пленки, т. е. от типа доменной структуры, существовавшей в пленке до этого, и ориентации ее доменных границ относительно прилагаемого поля H_0 . Для устранения влияния на возникающую в пленке доменную структуру ее предшествующего доменного состояния перед проведением исследований пленку намагничивали до насыщения вдоль какого-либо кристаллографического направления, после чего величину поля уже не устанавливали ниже 3–5 Э (во избежание возникновения случайных доменных структур). Это позволяло создавать в пленках лишь регулярные типы доменных структур и воспроизводить в процессе исследований каждую возникающую структуру необходимое количество раз. Исследовались пленки, в которых возникала единая регулярная доменная структура по всей площади образца, что позволило исключить из рассмотрения эффекты, связанные с возникновением блочной доменной структуры [12]. Распространение магнитостатических волн именно в таких воспроизводимых доменных структурах и будет рассмотрено в настоящей работе.



Рис. 1. Виды полосовых доменных структур в пленках железоиттриевого граната



Рис. 2. Зависимости периодов Т_в линейной полосовой симметричной доменной структуры (сплошные кривые), T_z зигзагообразной полосовой симметричной структуры (штриховые кривые), Т_п линейной полосовой несимметричной доменной структуры (жирные кривые) и зависимости ширины узких доменов d_n несимметричной полосовой структуры (штрихпунктир) от величины Н₀ для пленок № 1-№ 3 (* поле H_0 приложено вдоль оси (110) пленки, \circ — поле H_0 приложено перпендикулярно оси (110) пленки). Кривые 1, 4, 7 получены для пленки № 1; 2, 5, 8 — для № 2; 3. 6. 9 — для №3

При намагничивании пленок железоиттриевого граната вдоль оси [110] однородным магнитным полем H_0 в них возникала регулярная доменная структура, характер и параметры которой в зависимости от величины поля изменялись следующим образом (см. рис. 1, 2):

1) при $\simeq 0 < H_0 < H_{s-z}$ в пленках существовала линейная полосовая симметричная структура, соседние домены имели одинаковую ширину и были ориентированы вдоль направления поля;

2) при $H_{s-z} < H_0 < H_{z-n}$ в пленках существовала зигзагообразная полосовая симметричная структура; соседние домены имели одинаковую ширину и были ориентированы под углами $\pm 30^{\circ}$ к направлению поля, т.е. вдоль направлений, задаваемых проекциями осей типа [111] на плоскость пленки; при этом протяженность прямого участка доменов (от точки, где ориентация участков доменов к вектору H_0 меняется от -30° до $+30^{\circ}$, до точки, где она меняется от $+30^{\circ}$ до -30°) превышала ширину доменов в 10–20 раз;

3) при $H_{z-n} < H_0 < H_{sat}$ в пленках существовала линейная полосовая несимметричная структура, соседние домены которой имели существенно различную ширину и были ориентированы вдоль направления поля;

4) при $H_0 > H_{sat}$ доменная структура в пленках отсутствовала, пленки находились в состоянии насыщения.

Величины полей перехода H_{s-z} , H_{z-n} и H_{sat} из одного состояния магнитного упорядочения к другому для пленок железоиттриевого граната № 1–№ 3 приведены в таблице выше, а о периодах симметричной T_{s_i} , зигзагообразной T_z и несимметричной T_n доменных структур, а также ширине доменов d_n несимметричной доменной структуры в этих пленках можно судить из рис. 2, где приведены зависимости $T_s(H_0)$, $T_z(H_0)$, $T_n(H_0)$ и $d_n(H_0)$. Отметим, что контрастность наблюдаемой в микроскоп несимметричной доменной структуры в интервале $H_{z-n} < H_0 < H_{sat}$ (особенно вблизи значения H_{sat}) заметно понижалась с увеличением поля, что свидетельствовало о росте составляющей намагниченности доменов, параллельной полю.

При намагничивании пленок перпендикулярно оси [110] однородным магнитным полем H_0 характер и параметры доменной структуры в зависимости от величины поля изменялись следующим образом (см. рис. 1, 2):

1) при $\simeq 0 < H_0 < H_s^{\perp}$ в пленках существовала линейная полосовая симметричная структура, соседние домены имели одинаковую ширину и были ориентированы вдоль направления поля;

2) при $H_s^{\perp} < H_0 < H_{sat}^{\perp}$ доменная структура в пленках не наблюдалась, хотя пленки не находились в состоянии насыщения во всем интервале полей;

3) при $H_0 > H_{sat}^{\perp}$ доменная структура в пленках отсутствовала, пленки находились в состоянии насыщения.

Характеризуя магнитное состояние пленок в указанных выше интервалах полей, необходимо отметить, что при $\simeq 0 < H_0 < H_s^{\perp}$ период регулярной полосовой симметричной доменной структуры T_s^{\perp} мало отличался от величины T_s для случая ориентации оси [110] параллельно H_0 (см. рис. 2); при этом величина H_s^{\perp} всегда была чуть больше величины H_{z-n} для той же пленки. С увеличением H_0 контрастность наблюдаемой в микроскоп симметричной доменной структуры постепенно понижалась и при $H_0 \geq H_s^{\perp}$ доменная структура становилась не видна.

Отметим, что определить с помощью эффекта Фарадея величину поля H_{sat}^{\perp} , при которой пленки достигали насыщающего намагничивания, оказалось невозможным; о ней можно было судить лишь косвенно по измеренным эквифазным кривым магнитостатических волн, что будет описано ниже.

4. РАСПРОСТРАНЕНИЕ ПОВЕРХНОСТНЫХ МАГНИТОСТАТИЧЕСКИХ ВОЛН В ІІЛЕНКАХ ЖЕЛЕЗОИТТРИЕВОГО ГРАНАТА С ПОЛОСОВОЙ ДОМЕННОЙ СТРУКТУРОЙ

Ниже описываются параметры и характеристики магнитостатических волн в пленке железоиттриевого граната № 1 для случая, когда волны распространяются перпендикулярно H_0 (преобразователи ориентированы параллельно полю H_0). При этом в насыщенном состоянии в пленке возбуждаются поверхностные магнитостатические волны. Особенности и отличия, имевшие место при распространении магнитостатических волн в других пленках, будут отмечаться по ходу изложения.

Рассмотрим вначале распространение магнитостатических волн для случая, когда пленки намагничивались полем **H**₀ вдоль оси [110].

В интервале полей $H_0 < H_{s-z}$ при линейной полосовой симметричной доменной структуре в пленке № 1 ($H_{s-z} = 28$ Э) наблюдались три области возбуждения магнитостатических волн: S_{s1} , S_{s2} и S_{s3} , лежащие в диапазоне частот 150–500 МГц. Эти области, а также зависимости низкочастотных границ f_{s1} , f_{s2} , f_{s3} спектров магнито-



Рис. 3. Области существования поверхностных магнитостатических волн и их эквифазные кривые для пленки № 1 (значения k в см⁻¹ подписаны около каждой эквифазной кривой; внутри области S_{n2} показана эквифазная кривая для k = 182 см⁻¹): а) поле H_0 приложено вдоль оси (110) пленки; б) поле H_0 приложено перпендикулярно оси (110) пленки. Частотные границы областей существования волн даны жирными линиями

статических волн для каждой области от поля H_0 показаны на рис. За. Высокочастотные границы областей существования магнитостатических волн, как правило, можно было определить лишь очень приближенно, так как их положение во многом определялось соотношением между амплитудами сигнала и электромагнитной наводки (на рисунках эти границы не приводятся). Зависимости $f_{s1}(H_0)$, $f_{s2}(H_0)$ и $f_{s3}(H_0)$ были измерены по фазово-частотным характеристикам путем слежения за изменением с частотой постоянного значения фазы, соответствующего волновым числам $k \simeq 0$. Аналогичным образом, изменяя поле и сохраняя фиксированным расстояние между преобразователями, можно следить по фазово-частотным характеристикам за изменением с частотой любого другого постоянного значения фазы, соответствующего другому постоянному значению k. Полученные таким образом зависимости $f_k(H_0)$ (в дальнейшем будем называть их «эквифазными») для областей S_{s1} , S_{s2} и S_{s3} пленки № 1 приведены на рис. За, при этом значения k, измеренные путем перемещения приемного преобразователя, подписаны около соответствующих кривых (в целях сохранения наглядности рисунка около некоторых кривых значения k не подписаны).

Минимальное ослабление L_{s1}^{min} коэффициента передачи для области S_{s1} при $H_0 = 6$ Э составляло – 36 дБ, в то время как уровень электромагнитной наводки L_{ew} имел величину $\simeq -55$ дБ. С увеличением H_0 до 18 Э, L_{s1}^{min} увеличивалось до –29 дБ, а затем, при дальнейшем увеличении поля до H_{s-z} , понижалось до –40 дБ. В области S_{s2} , наблюдавшейся при 24.3 Э< $H_0 < 26.4$ Э, минимальное ослабление амплитуд-



Рис. 4. Дисперсионные зависимости f(k) поверхностных (кривые 1-6) и объемных (кривая 7) магнитостатических волн при линейной полосовой симметричной доменной структуре в пленке №1 (* — поле Н₀ приложено вдоль оси (110) пленки, о — поле *H*⁰ приложено перпендикулярно оси (110) пленки): 1 — для области S₈₃ при $H_0 = 6$ Э; 2 — для области S_{s2} при H₀ = 26.5 Э; 3 и 4 — для области S_{s1} при $H_0 = 6$ Э и $H_0 = 26.5$ Э; 5 и 6 — для области S_{s1}^{\perp} при $H_0 =$ = 11 Э и H₀ = 27.5 Э; 7— для области $V_{s^2}^{\perp}$ при $H_0 = 39.3$ Э

но-частотной характеристики было на уровне -46 дБ, а в области S_{s3} при изменении поля от 6 Э до 13.4 Э оно изменялось от -41 дБ до уровня L_{ew} .

Дисперсионные зависимости магнитостатических волн для областей S_{s1} , S_{s2} и S_{s3} приведены на рис. 4 (кривые 1–4). Из рис. 3a видно, что дисперсионная кривая для области S_{s1} будет иметь разрывы при величинах полей $H_0 < 17.5$ Э (кривая 3, рис. 4) и не будет иметь разрывов при 17.5 Э $< H_0 < 28$ Э (кривая 4, рис. 4). Наблюдаемые зависимости по своему виду соответствуют дисперсионным кривым поверхностных магнитостатических волн. Поверхностный характер возбуждавшихся волн подтверждается также существенным различием в величине затухания волны при изменении направления ее распространения на противоположное. (Благодаря невзаимности поверхностной магнитостатической волны, в случае, когда максимум амплитуды волны локализован на границе феррит — подложка, потери заметно возрастают.)

Анализ амплитудно- и фазово-частотных характеристик возбуждений, наблюдаемых в областях S_{s1} , S_{s2} и S_{s3} , не оставляет сомнений в том, что мы наблюдаем бегущие волны. Природа магнитостатических волн в этих областях может быть связана с коллективными колебаниями доменных границ, что отмечалось ранее в [6,7,10]. В соответствии с теоретическими расчетами [11] доменные границы имеют резонансные частоты в диапазоне $\simeq 50-150$ МГц.

Отметим, что в некоторых пленках железоиттриевого граната в интервале полей $H_0 < H_{s-z}$ эффективность возбуждения магнитостатических волн была хуже, чем в пленке № 1: например, в пленке № 2 наблюдались волны лишь с малыми волновыми числами до $\simeq 15$ см⁻¹ в полосе 245–260 МГц.

При существовании в пленке № 1 зигзагообразной доменной структуры в интервале полей $H_{s-z} < H_0 < H_{z-n}$ (28 Э< $H_0 < 35$ Э) магнитостатические волны не наблюдались, что было характерно и для остальных исследованных пленок.

При существовании в пленке № 1 линейной полосовой несимметричной доменной структуры в интервале полей $H_{z-n} < H_0 < H_{sat}$ (35 Э< $H_0 < 62$ Э) в пленке возбуждались также поверхностные магнитостатические волны, амплитудно-частотные характеристики коэффициента передачи которых для различных полей подмагничивания приведены на рис. 5. При полях близких к H_{z-n} поверхностные магнитостатические волны с низкочастотной границей спектра f_{n1} лишь незначительно превышают средний



Рис. 5. Амплитудно-частотная характеристика коэффициента передачи СВЧ-макета при расстоянии между преобразователями 15 мм для следующих значений приложенного поля H_0 : a = 35.7; $\delta = 40.5$; e = 45.2; e = 54.9; $\partial = 61.0$; e = 62.2 Э

уровень электромагнитной наводки L_{ew} (рис. 5*a*). С увеличением H_0 полоса частот и эффективность возбуждения поверхностных магнитостатических волн постепенно увеличивались (рис. 5а-г), причем между начальным участком и остальной частью спектра постепенно возникала узкая зона, в которой поверхностные магнитостатические волны не возбуждались (рис. 5e), а начиная с полей $H_0 \simeq 46$ Э начальный участок спектра перестал наблюдаться. При 59 $\Im < H_0 < 62$ \Im появляются еще две области существования поверхностных магнитостатических волн: в интервале частот 1550-1620 МГц с начальной частотой f_{n2} и в интервале 1000–1200 МГц с начальной частотой f_{n3} (рис. 5*д*). Таким образом, при $H_{z-n} < H_0 < H_{sat}$ наблюдались три области существования поверхностных магнитостатических волн: S_{n1}, S_{n2} и S_{n3}. Эквифазные кривые для этих областей приведены на рис. За. При $H_0 \ge H_{sat} = 62$ Э пленка намагничивалась до насыщения и на месте областей S_{n1} , S_{n2} и S_{n3} возникал характерный для насыщенной пленки спектр поверхностных магнитостатических волн (рис. 5е; рис. 3а, область S_{sat}), занимающий частотный диапазон 990–2400 МГц в соответствии с теорией [19]. Отметим, что эквифазные кривые областей S_{n1} и S_{n3} (см. рис. 3*a*), несмотря на имеющийся в точке $H_0 = H_{sat}$ излом, органично смыкаются с эквифазными кривыми для области S_{sat} , тогда как эквифазные кривые для области S_{n2} не стыкуются в точке $H_0 = H_{sat}$ с аналогичными для области S_{sat} . Таким образом, магнитостатические волны, наблюдающиеся в областях S_{n1} и S_{n3} , органично переходят в волны, характерные для насыщенной пленки, а магнитостатические волны, наблюдающиеся в области S_{n2}, просто перестают возбуждаться при $H_0 \geq H_{sat}$.



Рис. 6. Дисперсионные зависимости f(k) поверхностных магнитостатических волн в пленке № 1 для областей S_{n1} (кривые 1-5), S_{n2} (кривая 6), S_{sat} (кривая 7, *) S_{s2}^{\perp} (кривая 6), S_{sat} (кривая 7, *) S_{s2}^{\perp} (кривая 11, о) при следующих значениях магнитного поля H_0 (* — поле H_0 приложено вдоль оси (110) пленки, о — поле H_0 приложено перпендикулярно оси (110) пленки): 1 — 35.7; 2 — 38; 3 — 50.1; 4 — 54.9; 5 — 59.7; 6 — 59.7; 7 (*) — 62.2; 7 — (о) — 69.5; 8 — 36.9; 9 — 39.1; 10 — 39.5 Э

На рис. 6 показаны дисперсионные зависимости f(k) для области S_{n1} (кривые 1-5), области S_{n2} (кривая 6) и области S_{sat} (кривая 7). Крутизна дисперсионных кривых для области S_{n1} с увеличением H₀ возрастает, что является, по-видимому, следствием увеличения параллельной полю проекции средней намагниченности пленки. В отличие от дисперсионных зависимостей f(k), характерных для насыщенной пленки, зависимости f(k) для пленки с несимметричной доменной структуры в области S_{n1} при полях 45 Э< $H_0 < 62$ Э (кривые 3–5 на рис. 6) и в области S_{n2} (кривая 6 на рис. 6) начинаются не с $k \simeq 0$, а с некоторых значений k_{n1} и k_{n2} , зависящих от величины H_0 . Иначе говоря, низкочастотные границы спектра поверхностных магнитостатических волн для областей S_{n1} и S_{n2} (кривые f_{n1} и f_{n2} на рис. 3*a*) соответствуют волнам с $k \neq 0$ (кривая f_{n1} совпадает с эквифазной кривой для $k \simeq 0$ лишь при 35 $\Im < H_0 < 45$ \Im). Аппроксимируя зависимости f(k) для области S_{n1} (кривые 3-5 на рис. 6) до пересечения с осью ординат f, получим значения частот спектра поверхностных магнитостатических волн $f'_{n13}, f'_{n14}, f'_{n15}, \ldots$, которые соответствовали бы волнам с $k\simeq 0$. Штриховая кривая f'_{n1} на рис. За построена по этим значениям частот. Кривые f'_{n1} и f_{n1} ограничивают область, которая соответствует не наблюдаемым экспериментально волнам с $k < k_{n1}$. Величина k_{n1} в интервале полей $\simeq 45-60$ Э изменялась в пределах $\simeq 50-150$ см⁻¹.

В других исследованных пленках железоиттриевого граната описанный выше характер распространения поверхностных магнитостатических волн в целом сохранялся, однако имели место и отличия. Во многих пленках волны в основной области (типа S_{n1}) наблюдались не сразу же при $H_0 > H_{z-n}$, а с возникновением в пленке несимметричной доменной структуры: так в пленке № 2 магнитостатические волны появлялись лишь при $H_0 > \simeq 19$ Э, а в пленке № 3 — при $H_0 > \cong 14$ Э. В таких пленках эквифазные кривые для области типа S_{n1} выглядели так же, как эквифазные кривые для пленки № 2, но без начального участка кривых, который заключен между прямыми $H_0 = H_{z-n}$ и $H_0 = 45$ Э (т. е. в этих пленках в областях типа S_{n1} волны с малыми $k < k_{n1}$ не возбуждались). В некоторых пленках левее основной области существования поверхностных магнитостатических волн иногда наблюдалась не одна область существования типа S_{n2} (исчезающая при насыщении пленки), а две или три таких области, расположенные рядом, но разделенные частотными интервалами, в которых волны отсутствовали. Интервал полей, в которых наблюдались эти области, для других пленок, как правило, был шире, чем в описываемой пленке (для № 2 такие области наблюдались при 24 Э< H_0 < 35.5 Э, а для № 3 — при 14.5 Э< H_0 < 24 Э), минимальные значения k (типа k_{n2}), с которых начинались дисперсионные кривые этих областей, всегда зависели от H_0 и варьировались в пределах 40–200 см⁻¹ для разных пленок, а ширина интервала волновых чисел для этих дисперсионных кривых могла достигать 150 см⁻¹ (например, для № 3). Точно так же интервал полей, в которых в области типа S_{n3} наблюдались магнитостатические волны, для некоторых других пленок был шире, чем в пленке № 1. Так, в пленке № 3 волны в области типа S_{n3} наблюдалась при 18 Э< H_0 < 24 Э, причем при H_0 = 18 Э наблюдались волны с 101 см⁻¹ < k < 208 см⁻¹, при H_0 = 20.5 Э — волны с 65 см⁻¹ < k < 179 см⁻¹, а при H_0 = 23.5 Э — волны с k < 120 см⁻¹.

Рассмотрим теперь распространение магнитостатических волн для случая, когда пленки намагничивались полем H_0 перпендикулярно оси [110].

В полях $H_0 < H_s^{\perp}$ при линейной полосовой симметричной доменной структуре в пленке №1 (H_s^{\perp} = 39.3 Э) наблюдались две области возбуждения поверхностных магнитостатических волн: S_{s1}^{\perp} и S_{s2}^{\perp} , лежащие в диапазонах частот соответственно 300-500 МГц и 1500–2100 МГц. Эти области, низкочастотная граница f_{s1}^{\perp} для области S_{s1}^{\perp} и эквифазные кривые спектров магнитостатических волн в обеих областях показаны на рис. 36, а дисперсионные зависимости f(k) — на рис. 4 (для области S_{s1}^{\perp}) и 6 (для области S_{s2}^{\perp}). Как видно из рисунков, зависимость f(k) для области S_{s1}^{\perp} в интервалах полей 5-15 Э и 28-35 Э не имеет разрывов (рис. 4, кривая 5), а в интервале полей 15 $\Im < H_0 < 28$ \Im имеет их (рис. 4, кривая 6). Поверхностные магнитостатические волны перестают возбуждаться в области S_{s1}^{\perp} при $H_0 \simeq 35$ Э. В интервале полей 35 Э< H₀ < 36.9 Э магнитостатические волны в пленке не возбуждаются ни в каком частотном диапазоне, а при $H_0 = 36.9$ Э они появляются в области S_{s2}^{\perp} в диапазоне частот 1570–1750 МГц. Этот новый частотный диапазон существования поверхностных магнитостатических волн довольно быстро расширяется и при $H_0 = H_s^{\perp} = 39.3$ Э имеет ширину 1130-2120 МГц. Одновременно с этим значительно уменьшается затухание при распространении этих волн: так, на частоте f = 1650 МГц при $H_0 = 36.9$ Э потери составили $-52 \, \text{дБ}$, а при $H_0 = 39.3 \, \Im$ — уже $-33 \, \text{дБ}$. Из дисперсионных зависимостей f(k) для области S_{s2}^{\perp} (кривые 8, 9 на рис. 6) видно, что магнитостатические волны с волновыми числами k, меньшими некоторого значения k_{s2}^{\perp} , не возбуждаются, причем с приближением поля к значению H_s^{\perp} величина k_{s2}^{\perp} стремится к нулю (см. также эквифазные кривые на рис. 36).

В интервале полей $H_s^{\perp} < H_0 < H_{sat}^{\perp}$ в пленке № 1 (39.3 $< H_0 < 69.5$ Э) возбуждается спектр поверхностных магнитостатических волн в области S^{\perp} с низкочастотной границей f^{\perp} (см. рис. 36), которой всегда соответствуют волны с $k \simeq 0$. Эквифазные кривые магнитостатических волн для этой области при $H_0 = H_s^{\perp}$ плавно (без разрывов и изломов) смыкаются с эквифазными кривыми волн в области S_{s2}^{\perp} , а при $H_0 = H_{sat}^{\perp}$ так же плавно смыкаются с эквифазными кривыми для области S_{sat}^{\perp} (см. рис. 36), которой соответствуют обычные поверхностные магнитостатические волны, возбуждающиеся в намагниченной до насыщения пленке в соответствии с теорией [19]. Величина поля H_{sat}^{\perp} была определена с помощью эквифазных кривых поверхностных магнитостатических волн по моменту изменения знака производной на эквифазной кривой для $k \simeq 0$ (кривая f^{\perp} на рис. 36), при этом величину H_{sat}^{\perp} оказалось возможным определить лишь с точностью ± 1 Э, так как упомянутое изменение знака производной происходит очень плавно. Дисперсионные зависимости f(k) для области S^{\perp} и S_{sat}^{\perp} (для $H_0 = H_{sat}^{\perp}$) приведены на рис. 6 (кривые 10 и 11). В соответствии с изменение магнитостатической

волны продолжает уменьшаться: так, на частоте f = 1650 МГц при $H_0 = 39.3$ Э общие потери на преобразование и распространение магнитостатических волн составили -33 дБ, а при $H_0 = 69.5$ Э — -26 дБ.

В других исследованных пленках железоиттриевого граната описанный выше характер распространения поверхностных магнитостатических волн в целом сохранялся, однако имели место и различия. Так, в некоторых пленках при симметричной доменной стенке ($H_0 < H_s^{\perp}$) эффективность возбуждения волн в низкочастотной области типа S_{s1}^{\perp} была значительно хуже: например, в пленке № 2 магнитостатические волны с $k < 15 \text{ см}^{-1}$ наблюдались в полосе 235-255 МГц и имели общие потери $\simeq -53$ дБ. В высокочастотной области типа S_{s2}^{\perp} в большинстве исследованных пленок (например, в пленке № 2) магнитостатические волны вообще не возбуждались. При $H_s^{\perp} < H_0 < H_{sat}^{\perp}$ во всех исследованных пленках железоиттриевого граната характер возбуждения магнитостатических волн в области типа S^{\perp} был подобен описанному выше для пленки № 1. Однако отметим, что эквифазные кривые для тех пленок, в которых волны в области типа S_{s2}^{\perp} не наблюдались, не имели точек перегиба (как на рис. 36) в окрестности поля $H_0 \simeq H_s^{\perp}$.

5. РАСПРОСТРАНЕНИЕ ОБЪЕМНЫХ МАГНИТОСТАТИЧЕСКИХ ВОЛН В ПЛЕНКАХ ЖЕЛЕЗОИТТРИЕВОГО ГРАНАТА С ПОЛОСОВОЙ ДОМЕННОЙ СТРУКТУРОЙ

Опишем теперь параметры и характеристики магнитостатических волн в пленке железоиттриевого граната № 1 для случая, когда волны распространяются вдоль направления H_0 (преобразователи ориентированы перпендикулярно полю H_0). При этом в насыщенном состоянии в пленке возбуждается обратная объемная магнитостатическая волна. Сразу же отметим, что из всех исследованных пленок магнитостатические волны в такой геометрии возбуждались достаточно эффективно лишь в пленке № 1. Еще в двух пленках волны были едва заметны над уровнем электромагнитной наводки ($-55 \, \text{дБ}$), что не давало возможности проводить измерения, в остальных пленках магнитостатические ческие волны просто не возбуждались.

Рассмотрим вначале распространение магнитостатических волн для случая, когда пленки намагничивались полем H_0 вдоль оси [110].

В интервале полей $H_0 < H_{s-z}$ при линейной полосовой симметричной доменной структуре в пленке № 1 наблюдались магнитостатические волны в диапазоне частот 1300–2500 МГц. Область существования этих волн V_s , ее низкочастотная граница f_s и эквифазные кривые показаны на рис. 7a, а дисперсионные зависимости f(k) — на рис. 8 (кривые 1, 2). Характер дисперсионных кривых свидетельствует о возбуждении прямых объемных магнитостатических волн, что подтверждалось также тем, что при изменении направления распространения волны на противоположное затухание не менялось. Возбуждение прямых объемных магнитостатических волн при симметричной доменной структуре в пленке, по-видимому, обусловлено достаточно большой проекцией вектора намагниченности в доменах обоих знаков на нормаль к плоскости пленки. Как видно из рис. 8, дисперсионная зависимость при $H_0 = 6.3$ Э (кривая 1) разорвана, при этом спектр возбуждающихся волн выглядит таким образом, что частотные полосы достаточно эффективного возбуждения волн чередуются с полосами, в которых волны не возбуждаются. С увеличением поля H_0 магнитостатические волны с малыми k постепенно переставали возбуждаться, а полосы возбуждения сливались. При $H_0 = 27$ Э



Рис. 7. Области существования прямых объемных магнитостатических волн и их эквифазные кривые для пленки № 1 (значения k в см⁻¹ подписаны около каждой эквифазной кривой) для случаев: *а*) поле H₀ приложено вдоль оси (110) пленки; *б*) поле H₀ приложено перпендикулярно оси (110) пленки. Частотные границы областей существования магнитостатических волн даны жирными линиями



Рис. 8. Дисперсионные зависимости f(k) прямых объемных магнитостатических волн в пленке № 1 для областей V_s (кривые 1, 2), V_n (кривые 3, 4), V_{s1}^{\perp} (кривые 5-9) при следующих значениях приложенного поля H_0 (* — поле H_0 приложено вдоль оси (110) пленки, о — поле H_0 приложено перпендикулярно оси (110) пленки): 1 — 6.2; 2 — 27.3; 3 — 35.7; 4 — 44; 5 — 13.2; 6 — 26.3; 7 — 32.2; 8 — 37.4; $9 - 38.3 \exists$

дисперсионная кривая уже была сплошной.

При наличии в пленке зигзагообразной доменной структуры магнитостатические волны не возбуждались.

При несимметричной структуре в пленке снова наблюдалось возбуждение прямых объемных магнитостатических волн в диапазоне 1900–2200 МГц, но только при величинах полей 35 $\Im < H_0 < 46 \Im$ (насыщение имело место при $H_0 \simeq 62 \Im$). Область существования волн V_n , ее низкочастотная граница f_n и эквифазные кривые показаны

9*

на рис. 7*a*, а дисперсионные зависимости f(k) — на рис. 8 (кривые 3, 4). Крутизна дисперсионных кривых и занимаемый магнитостатическими волнами частотный диапазон были значительно меньше, чем аналогичные параметры прямых объемных магнитостатических волн, возбужденных в пленке с симметричной доменной структурой. Начиная с полей $H_0 \simeq 40$ Э, эффективность возбуждения прямых объемных магнитостатических волн с волновыми числами $\simeq 50$ см⁻¹ < $k < \simeq 100$ см⁻¹ заметно ухудшается (для тех же самых k и при тех же величинах полей, что и в случае распространения поверхностных магнитостатических волн при намагничивании пленки вдоль оси [110]). Поэтому дисперсионные зависимости f(k) для $H_0 > 40$ Э (кривая 4 на рис. 8) имеют разрыв. Сближение эквифазных кривых с увеличением поля для области V_n на рис. 7*a*, по-видимому, связано с постепенным исчезновением перпендикулярной поверхности пленки составляющей средней намагниченности.

При насыщении ($H_0 > H_{sat}$) в пленке возбуждались обратные объемные магнитостатические волны в области V_{sat} в соответствии с теорией [19] (на рисунке не показана).

Рассмотрим теперь распространение объемных магнитостатических волн для случая, когда пленки намагничивались полем H_0 перпендикулярно оси [110].

В интервале полей $H_0 < H_s^{\perp}$ при линейной полосовой симметричной доменной структуре в пленке № 1 наблюдались две области возбуждения магнитостатических волн V_{s1}^{\perp} и V_{s2}^{\perp} : одна в диапазоне 1300–2850 МГц, другая — в диапазоне 100–200 МГц. Эквифазные кривые и низкочастотные границы f_{s1}^{\perp} и f_{s2}^{\perp} для обоих областей существования этих волн показаны на рис. 76, а дисперсионные зависимости f(k) — на рис. 8 (для области V_{s1}^{\perp}) и рис. 4 (для области V_{s2}^{\perp}). Характер дисперсионных кривых свидетельствует о возбуждении в обеих областях прямых объемных магнитостатических волн. Для полей $H_0 < 32$ Э дисперсионные зависимости f(k) имеют разрывы (кривые 5, 6 рис. 8), тогда как для $H_0 > 32$ Э и для области V_{s2}^{\perp} разрывы на зависимостях f(k) отсутствуют (рис. 8 кривые 7-9 и рис. 4 кривая 7). Крутизна кривых f(k) с увеличением H_0 все время уменьшается. Вблизи поля $H_0 \simeq 27$ Э возбуждение магнитостатических волн в пленке полностью прекращается (за исключением узкополосного участка вблизи частоты 1350 МГЦ с k < 50 см⁻¹). В полях $H_0 > 32$ Э в области V_{s1}^{\perp} не возбуждаются магнитостатические волны с $k < k_{s1}^{\perp}$, причем k_{s1}^{\perp} с увеличением поля увеличивается от 130 до 240 см⁻¹; в области V_{s2}^{\perp} , наоборот, не возбуждаются магнитостатические волны с $k > k_{s2}^{\perp}$, причем k_{s2}^{\perp} с увеличением поля увеличивается от 20 до 100 см⁻¹.

Во втором интервале полей, $H_s^{\perp} < H_0 < H_{sat}^{\perp}$, магнитостатические волны в пленке не возбуждались.

6. АНАЛИЗ ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ

Сравнивая экспериментальные результаты, полученные для случаев намагничивания пленки железоиттриевого граната № 1 вдоль оси [110] и перпендикулярно оси [110], следует отметить, что характер эквифазных и дисперсионных кривых для поверхностных магнитостатических волн в областях S_{s1} и S_{s1}^{\perp} при $H_0 < H_{s-z} = 28$ Э в значительной степени совпадает: эквифазные кривые для одних и тех же k (при k < 80 см⁻¹) при одинаковых значениях поля H_0 имеют практически одинаковую крутизну и располагаются на одних и тех же частотах (см. рис. 3a и рис. 36). То же самое можно сказать и о характеристиках прямых объемных магнитостатических волн в областях V_s и V_{s1}^{\perp} при $H_0 < H_{s-z} = 28$ Э (см. рис. 7a и рис. 76). Поскольку при $H_0 < H_{s-z}$ зависимости периодов доменных структур T_s и T_s^{\perp} также практически совпадают (см. рис. 2), можно заключить, что локальные намагниченности доменов обоих видов M_1 и M_2 в симметричной доменной структуре имеют практически одинаковые проекции на нормаль к поверхности пленки и на направление H_0 как при параллельной, так и при перпендикулярной ориентации оси [110] пленки относительно H_0 , и, по-видимому, сами вектора также тождественны: $M_1^{\parallel} = M_1^{\perp}$ и $M_2^{\parallel} = M_2^{\perp}$ при $H_0 < H_{s-z}$.

Для объяснения различий, которые все же наблюдаются в характеристиках магнитостатических волн для перпендикулярной и для параллельной ориентаций оси [110] относительно Н₀ (например, несколько различное поведение эквифазных кривых поверхностных магнитостатических волн для k > 80 см⁻¹, наличие дополнительных областей S_{s2} и S_{s3} , когда ось [110] || **H**₀ и т.п.), рассмотрим, как происходит изменение магнитного упорядочивания пленки при ее намагничивании. Процесс намагничивания пленки, которая обладает нормальной к плоскости анизотропией типа легкая ось, можно рассматривать упрощенно как изменение ориентации намагниченностей доменов M_1 и M_2 от положения, параллельного легкой оси (M_1 направлен вдоль n, а M_2 в противоположную сторону от **n**) при $\mathbf{H}_0 = 0$ до положения, параллельного приложенному полю ($\mathbf{M}_1 \parallel \mathbf{H}_0$ и $\mathbf{M}_2 \parallel \mathbf{H}_0$). В первом случае, когда ось [110] $\perp \mathbf{H}_0$, векторы **n**, \mathbf{H}_0 и ось типа [111] (ориентация векторов M_1 и M_2 , вдоль которой понижают магнитную энергию кристалла железоиттриевого граната) лежат в одной плоскости и, следовательно, все изменения M_1 и M_2 с увеличением H_0 также происходят в одной плоскости. Во втором случае, когда ось $[1\overline{10}] \parallel \mathbf{H}_0$, векторы **n**, \mathbf{H}_0 и ось типа [111] не лежат в одной плоскости. Однако в некотором интервале полей $0 < H_0 < H_{s-z}$ изменение векторов M_1 и M_2 с увеличением H_0 происходит все же в плоскости, проходящей через **n** и H_0 , чем и объясняется совпадение характеристик магнитостатических волн в этом интервале полей. Тем не менее близость осей типа [111] к плоскости, проходящей через п и Н₀, может приводить к образованию замыкающих доменов, невидимых в микроскоп, которые имеют намагниченности М₃ и М₄, ориентированные вдоль ближайших к направлению Н₀ осей типа [111], и которые, по-видимому, являются причиной различий, наблюдаемых в характеристиках магнитостатических волн для первого и второго случаев. По мере увеличения H_0 векторы M_1 и M_2 , находясь в плоскости, проходящей через **n** и \mathbf{H}_0 , все более приближаются к направлениям, задаваемым ближайшими к направлению H_0 осями типа [111]. При $H_0 = H_{s-z}$ им становится выгодным ориентироваться вдоль этих осей, причем доменные границы также ориентируются вдоль этих направлений и в пленке в интервале $H_{s-z} < H_0 < H_{z-n}$ устанавливается зигзагообразная доменная структура. При $H_{z-n} < H_0 < H_{sat}$ векторы M₁ и M₂, по-видимому, снова возвращаются в плоскость, проходящую через n и H₀, но из-за более высоких значений Н₀ в пленке устанавливается несимметричная доменная структура.

Таким образом, из изложенного выше следует, что только для полей $H_0 < H_{s-z}$ характеристики магнитостатических волн для случаев, когда ось $[1\overline{10}] \perp H_0$ и когда $[1\overline{10}] \parallel H_0$, в значительной степени могут совпадать.

Приведенные выше рассуждения об изменении характера магнитного упорядочения в пленках железоиттриевого граната являются в основном гипотетическими и не объясняют многих экспериментальных результатов, описанных выше. В частности, например, неясно, из-за чего начальные частоты спектров поверхностной магнитостатической волны в пленке с несимметричной доменной структуры намного выше, чем в пленке, намагниченной до насыщения.

Несложно показать, что полученные результаты не удается объяснить в рамках те-

1029

орий, использующих усредненный по всем доменам тензор магнитной проницаемости (см., например, [1, 3, 5-7]). При таком подходе мы, оперируя величинами «средней эффективной намагниченности» и «среднего эффективного подмагничивающего поля», можем использовать известные дисперсионные соотношения для магнитостатических волн, с помощью которых, используя методы аппроксимации, можно получить хорошее совпадение расчетных кривых с экспериментальными. Однако недостатки такого подхода достаточно легко предугадать: оценки для поверхностных магнитостатических волн показывают, что начальную частоту спектра порядка ≈ 1500-2000 МГц (характерную для многих экспериментальных зависимостей, приводимых в данной работе) при средней намагниченности не более 1750 Гс (при усреднении по всем доменам не может получиться величина, превышающая $4\pi M_0$ для чистого насыщенного железоиттриевого граната) можно получить лишь с помощью полей H_0 величиной 300–500 Э, а не 5-70 Э, как было в экспериментах; а для получения столь большой ширины спектра объемных магнитостатических волн, как у кривых 1 и 5 на рис. 8, «средняя эффективная намагниченность» должна иметь величину $\simeq 6000$ Гс. Таким образом, хотя с помощью моделей, использующих «усреднение», по-видимому, можно добиться неплохого совпадения расчетов с экспериментом, но на основе этих моделей невозможно дать разумную физическую интерпретацию получающимся «средним эффективным» значениям намагниченности и поля, а также объяснить невозможность возбуждения магнитостатических волн при наличии в пленках зигзагообразной доменной структуры, отсутствие волн в некоторой полосе значений волновых векторов k, разрывный характер спектров и одновременное возбуждение магнитостатических волн в различных диапазонах частот (на рис. 76 при 33 $\Im < H_0 < 39$ \Im магнитостатические волны возбуждаются на частотах 100-200 МГц и на частотах 1500-2100 МГц).

7. ВЫВОДЫ

Выполнены экспериментальные исследования волновых процессов в касательно намагниченных ненасыщенных пленках железоиттриевого граната с регулярными симметричной, несимметричной и зигзагообразной полосовыми доменными структурами. Обнаруженные в диапазоне 800–3000 МГц волны подобны объемным и поверхностным магнитостатическим волнам в насыщенных пленках, распространяются с затуханием, характерным для последних, и имеют длины волн, намного превышающие период доменной структуры.

Исследованные экспериментально характеристики магнитных волн не объясняются ни в рамках теорий, использующих усреднение намагниченности по всем доменам, ни с помощью информации о параметрах пленки, характере и параметрах доменной структуры, приведенной на рис. 1, 2 и в таблице (например, не удается обнаружить никакой корреляции между периодом структуры и величинами волновых векторов этих волн, которые не возбуждаются).

Кроме того, обнаружены низкочастотные (100–500 МГц) ветви волновых колебаний, которые, по-видимому, связаны с коллективными резонансными колебаниями доменных границ.

Авторы признательны В. И. Зубкову и Ю. А. Филимонову за полезное обсуждение работы.

ЖЭТФ, 1997, 111, вып. 3

Работа выполнена при финансовой поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (грант 96-02-17283а).

Литература

- 1. И. А. Гилинский, Р. Г. Минц, ЖЭТФ 59, 1230 (1970).
- 2. И. А. Гилинский, К. А. Рязанцев, ФТТ 16, 3008 (1974).
- 3. D. D. Stancil, J. Appl. Phys. 56, 1775 (1984).
- 4. И. В. Зависляк, В. В. Данилов, Письма в ЖТФ 8, 72 (1982).
- 5. С. А. Вызулин, С. А. Киров, Н. Е. Сырьев, Вестник МГУ, сер. физика и астрономия 24, 92 (1983).
- 6. С. А. Вызулин, С. А. Киров, Н. Е. Сырьев, Вестник МГУ, сер. физика и астрономия 25, 70 (1984).
- 7. С. А. Киров, А. И. Пильщиков, Н. Е. Сырьев, ФТТ 16, 3051 (1974).
- 8. Л. В. Михайловская, И. В. Богомаз, ФТТ 19, 1245 (1977).
- 9. V. I. Kostenko and M. A. Sigal, Phys. Stat. Sol. B 170, 569 (1992).
- 10. Г. Т. Казаков, А. Г. Сухарев, Ю. А. Филимонов, в сб. Тез. докл. V Всесоюзной школы по спинволновой электронике СВЧ, Звенигород (1991), с. 83.
- 11. А. Г. Гуревич, Г. А. Мелков, Магнитные колебания и волны, Наука, Москва (1994).
- 12. Ю. В. Гуляев, П. Е. Зильберман, Г. Т. Казаков и др., Письма в ЖТФ 11, 97 (1985).
- 13. Г. Е. Ходенков, ФММ 75, вып. 5, 5 (1993).
- 14. A. V. Mikhailov and I. A. Shimokhin, Phys. Rev. B 48, 9569 (1993).
- Б. Н. Филлипов, А. П. Танкеев, Динамические эффекты в ферромагнетиках с доменной структурой, Наука, Москва (1987).
- 16. А. В. Вашковский, Э. Г. Локк, В. И. Щеглов, Письма в ЖЭТФ 63, 544 (1996).
- 17. А. В. Вороненко, С. В. Герус, Л. А. Красножен, Микроэлектроника 18, 61 (1989).
- 18. Е. В. Лебедева, А. И. Пильщиков, Н. С. Седлецкая, ЖЭТФ 72, 667 (1977).
- 19. R. W. Damon and J. R. Eshbach, J. Phys. Chem. Sol. 19, 308 (1961).